

TESIS DE MAESTRÍA

Formación y restauración de imagen en tomografía óptica de
coherencia mediante posprocesamiento

Carlos Alfredo Cuartas Vélez
ccuarta1@eafit.edu.co

Escuela de Ciencias
Departamento de Ciencias Físicas
Maestría en Física Aplicada
Universidad EAFIT

2017

FORMACIÓN Y RESTAURACIÓN DE IMAGEN EN
TOMOGRAFÍA ÓPTICA DE COHERENCIA MEDIANTE
POSTPROCESAMIENTO

CARLOS ALFREDO CUARTAS VÉLEZ

Tesis de Maestría presentada como requerimiento parcial para optar
al título de Magíster en Física Aplicada

Director

Ph.D. RENÉ RESTREPO GÓMEZ

Universidad EAFIT

Co-director

Ph.D. NÉSTOR URIBE PATARROYO

Wellman Center for Photomedicine, Harvard Medical School and Massachusetts
General Hospital

ESCUELA DE CIENCIAS

DEPARTAMENTO DE CIENCIAS FÍSICAS

MAESTRÍA EN FÍSICA APLICADA

UNIVERSIDAD EAFIT

2017

*“There are not such things as applied sciences,
only applications of science”.*

Louis Pasteur

Licencia

Este documento se encuentra sujeto a la licencia Reconocimiento-NoComercial-CompartirIgual 2.5 para Colombia de Creative Commons. Para mayor información, visite:

<https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/2.5/co/>



Usted es libre para:

- Compartir** — copiar y redistribuir el material en cualquier medio o formato
- Adaptar** — remezclar, transformar y crear a partir del material

El licenciente no puede revocar estas libertades en tanto usted siga los términos de la licencia

Bajo los siguientes términos:

- Atribución** — Usted debe darle crédito a esta obra [de manera adecuada](#), proporcionando un enlace a la licencia, e [indicando si se han realizado cambios](#). Puede hacerlo en cualquier forma razonable, pero no de forma tal que sugiera que usted o su uso tienen el apoyo del licenciente.
- NoComercial** — Usted no puede hacer uso del material con [fines comerciales](#).
- CompartirIgual** — Si usted mezcla, transforma o crea nuevo material a partir de esta obra, usted podrá distribuir su contribución siempre que utilice [la misma licencia](#) que la obra original.

No hay restricciones adicionales — Usted no puede aplicar términos legales ni [medidas tecnológicas](#) que restrinjan legalmente a otros hacer cualquier uso permitido por la licencia.



Agradecimientos

Quisiera agradecer en primera instancia a mi familia por el apoyo que han dado durante este nuevo capítulo de mi vida. A René y a Néstor por estos años de discusiones, alegatos, frustraciones, asesorías y buenos resultados que hemos obtenido, y que han propiciado un ambiente de trabajo ameno como *compañeros*. A Sebastián por la ayuda con los experimentos. A los compañeros del laboratorio, Camilo con su sentido del humor, Manuela con sus pataletas de niña burgués, y Mateito perrito. A Luciano, por haberme invitado a hacer parte del laboratorio desde hace unos años. Finalmente, a la universidad EAFIT por el apoyo económico mediante los proyectos internos que me permitieron estudiar la Maestría.

Resumen

La tomografía óptica de coherencia (OCT) es una técnica de imagen médica *no-invasiva* que se basa en interferometría de baja coherencia para producir imágenes con alta resolución axial y lateral de medio inhomogéneos como tejidos. OCT ha visto un alto desarrollo científico y clínico debido a que llena un vacío de resolución existente entre el ultrasonido y la microscopía confocal. La investigación en OCT ha crecido exponencialmente en los últimos años, registrándose alrededor de treinta mil artículos desde su descubrimiento en 1991 hasta el 2015, relacionando las diversas áreas que abarca. Este trabajo está centrado en el entendimiento de los principios básicos y el desarrollo de nuevas técnicas de procesamiento de datos provenientes de OCT.

La primera parte del trabajo de grado está orientado a la implementación de los conceptos básicos de OCT para recrear un sistema óptico que permite analizar muestras *ex-vivo*. En el montaje experimental se obtuvo una resolución axial de $\approx 2\mu\text{m}$ y una resolución lateral de $\approx 3\mu\text{m}$, con un escaneo máximo de $\approx 1,5\text{mm}$ en profundidad y $\approx 2,5\text{mm}$ de manera lateral, lo que permitió analizar muestras pequeñas. Sin embargo, pese a las regulaciones existentes para el análisis *in-vivo*, el montaje se probó en aplicaciones no médicas de OCT. Las primeras pruebas se realizaron en el escaneo de la topografía de una moneda, en donde se obtuvo una reconstrucción detallada del relieve que esta posee, las mediciones indicaron alturas máximas de $\approx 50\mu\text{m}$. La segunda muestra que se estudió fue el ala frontal de un insecto *ex-vivo*, donde se pudieron observar estructuras internas tales como la membrana. En este caso, se midió el espesor de la membrana, obteniéndose $\approx 5\mu\text{m}$.

En la segunda parte del trabajo de grado, se planteó un nuevo método de filtrado de ruido por *speckle* a partir del conocimiento de las causas y las características que éste posee, tomando elementos de técnicas de filtrado proveniente de las imágenes de radares de apertura sintética SAR. El algoritmo, conocido como *non-loca means* (*nlmeans*) fue planteado para el caso de ruido blanco, y gracias a sus resultados, ha sido extendido a diversas técnicas de imagen, entre ellas, imágenes SAR, en donde la obtención de los datos hace que también se de la presencia de ruido por *speckle*. Modificando el funcionamiento de *NL-Means* en el caso de ruido por *speckle* y considerando las características de los datos disponibles en OCT, se propuso una modificación a *NL-Means* denotada como *NL-Means-OCT*. En *NL-Means-OCT* hay una combinación de los conceptos tradicionales de *NL-Means* junto con otras implementaciones tridimensionales, lo que convierte a *NL-Means-OCT* en una herramienta útil para filtrar datos de OCT en donde es necesario la preservación de estructuras finas, o que se encuentran alteradas por la presencia de desplazamientos producidos por el paciente. Los resultados del filtrado con *NL-Means-OCT* mostraron conservar la fidelidad en la imagen mientras se elimina el ruido por *speckle*. Dadas las características de *NL-Means-OCT* se pudo implementar de manera satisfactoria en otras áreas en desarrollo de OCT, entre ellas tractografía y gastroenterología.

La última parte del trabajo consistió en el planteamiento de un nuevo método para la corrección de problemas en la fase de un sistema de OCT a partir de fuente de barrido. El problema de la fase surge porque la fuente de barrido tiene fluctuaciones de sincronía con el fotodetector, por lo que la fase del tomograma puede sufrir

alteraciones. En vista de que son pocos los algoritmos existentes para abordar este problema, se planteó un método de solución a partir de una optimización, tomando como función objetivo los espectros de potencia asociados con el tomograma, de manera que el espectro de potencia del tomograma afectado se aproxima al de un tomograma ideal mediante una minimización. Aplicando conceptos del enfoque en medios turbios, la implementación muestra encontrar de manera satisfactoria los mapas de corrupción en la fase. Las simulaciones indican que el algoritmo puede encontrar una buena representación del mapa de corrupción real a partir de la aproximación de valores mediante una función de mérito. Los resultados experimentales preliminares verifican la hipótesis de que este modelo mejora los planteamientos actuales de otros autores.

Contenido

| | |
|---|-----------|
| Licencia | 7 |
| Agradecimientos | 9 |
| Resumen | 11 |
| Contenido | 13 |
| Lista de figuras | 17 |
| Lista de acrónimos | 19 |
| 1. Introducción | 21 |
| 1.1. Tomografía óptica de coherencia y su papel en medicina | 23 |
| 1.1.1. Tomografía óptica de coherencia (OCT) | 23 |
| 1.1.2. OCT en imagen médica | 24 |
| 1.2. Aplicaciones de OCT | 25 |
| 1.3. La investigación en OCT y la participación de América Latina | 29 |
| 1.4. Planteamiento del problema | 31 |
| 1.5. Objetivos | 36 |
| 1.5.1. Objetivo General | 36 |
| 1.5.2. Objetivos Específicos | 36 |
| 1.6. Estructura del documento, descripción de los objetivos y resultados esperados | 37 |

| | |
|--|-----------|
| Referencias | 39 |
| 2. Aspectos teóricos y prácticos de OCT | 49 |
| 2.1. Estado del arte de OCT | 49 |
| 2.2. Marco teórico | 52 |
| 2.2.1. Esquema de OCT | 52 |
| 2.2.2. Interferometría de baja coherencia | 54 |
| 2.2.3. Interferometría de baja coherencia en el dominio del tiempo . . | 57 |
| 2.2.4. Interferometría de baja coherencia en el dominio de Fourier . . | 59 |
| 2.3. Algunos parámetros importantes en OCT | 61 |
| 2.3.1. Fuentes de iluminación | 61 |
| 2.3.2. Resolución axial y lateral | 63 |
| 2.3.3. Sensibilidad | 64 |
| 2.3.4. Relación señal ruido | 65 |
| 2.4. Implementación de un sistema de OCT a nivel del laboratorio | 67 |
| 2.4.1. Componentes y descripción del montaje | 67 |
| 2.4.2. Captura de los patrones de interferencia | 69 |
| 2.4.3. Resultados obtenidos | 73 |
| Referencias | 83 |
| 3. Supresión del ruido por <i>speckle</i> en imágenes de OCT | 87 |
| 3.1. Principios básicos de la estadísticas de <i>speckle</i> | 88 |
| 3.2. Estado del arte del filtrado de <i>speckle</i> en OCT | 92 |
| 3.3. Características del <i>speckle</i> en OCT | 93 |
| 3.4. Del filtrado de <i>speckle</i> en SAR a OCT | 97 |
| 3.4.1. Principios del <i>Non-Local Means</i> | 98 |
| 3.4.2. Implementación y resultados obtenidos con <i>Non-Local Means</i> con PPB | 104 |
| 3.4.3. Modificación sobre <i>NL-Means</i> propuesta (<i>NL-Means-OCT</i>) . . | 111 |
| 3.5. Resultados obtenidos y aplicaciones | 114 |

| | |
|---------------------------------------|-----|
| 3.5.1. OCT en la retina | 114 |
| 3.5.2. OCT en tractografía | 118 |
| 3.5.3. OCT gastrointestinal | 121 |

Referencias **125**

4. Estabilización de la fase en OCT **131**

| | |
|---|-----|
| 4.1. OCT con fuente de barrido (OFDI) | 131 |
| 4.2. Sincronización y estabilidad de fase en OFDI | 133 |
| 4.2.1. Características de los tomogramas con corrupción de fase | 135 |
| 4.3. Propuesta para la estabilización de la fase por posprocesamiento | 139 |
| 4.3.1. Enfocado de haces coherentes en medios turbios | 139 |
| 4.4. Algoritmo propuesto | 140 |
| 4.4.1. Metodología del algoritmo de optimización de fase | 145 |
| 4.4.2. Simulaciones | 146 |
| 4.4.3. Una semilla para el algoritmo | 150 |
| 4.5. Resultados experimentales preliminares | 154 |

Referencias **159**

5. Conclusiones y trabajo futuro **163**

| | |
|--|-----|
| 5.1. Respecto a los objetivos específicos | 163 |
| 5.2. Sobre los resultados obtenidos y las propuestas | 164 |
| 5.3. Trabajo futuro | 165 |

Lista de figuras

| | |
|---|----|
| 1-1. Comparación de la resolución de distintas técnicas de imagen médica. | 26 |
| 1-2. Publicaciones de OCT por año. | 30 |
| 1-3. Mercado relacionado con OCT en los últimos años | 31 |
| 1-4. Mapa de grupos de investigación involucrados en OCT. | 32 |
| 1-5. Esquema de un sistema de OCT | 33 |
| 2-1. Esquema básico de interferómetro para OCT | 52 |
| 2-2. Línea A medida con OCT en el dominio temporal | 59 |
| 2-3. Línea A obtenida en una medición de OCT en el dominio espectral | 61 |
| 2-4. Esquema del montaje. | 68 |
| 2-5. Espectro de la fuente empleada | 69 |
| 2-6. Fotografía del montaje. | 70 |
| 2-7. Patrón de interferencia con luz blanca | 71 |
| 2-8. Línea A medida experimentalmente | 72 |
| 2-9. Moneda empleada en las mediciones. | 74 |
| 2-10. Secuencia de imágenes capturadas por la cámara. | 75 |
| 2-11. Comparación de imágenes capturadas con la moneda | 75 |
| 2-12. Imagen de la moneda obtenida mediante la suma de todas las profundidades. | 76 |
| 2-13. Secciones transversales de la moneda | 77 |
| 2-14. Perspectivas de la topografía de la moneda. | 78 |
| 2-15. Ala frontal o <i>tegmen</i> de <i>blattodea</i> | 78 |
| 2-16. Imagen recuperada con OCT del ala de <i>blattodea</i> | 79 |

| | |
|--|-----|
| 2-17. Planos de las secciones transversales del ala de <i>blattodea</i> | 81 |
| 2-18. Perspectivas del ala de <i>blattodea</i> | 82 |
| 3-1. Formación del <i>speckle</i> en OCT. | 95 |
| 3-2. Imagen de la retina afectada por ruido de <i>speckle</i> | 97 |
| 3-3. Comparación de ventanas en imagen natural. | 100 |
| 3-4. Dirección de escaneo de <i>NL-Means</i> | 100 |
| 3-5. Resultado del filtrado de una imagen proveniente de un sistema comer- cial de OCT para la retina | 107 |
| 3-6. Representación de imágenes en coeficientes de atenuación | 110 |
| 3-7. Generación de dos imágenes a partir de un espectro | 112 |
| 3-8. Modificación de las ventanas de similaridad y búsqueda propuesta. . . | 113 |
| 3-9. Comparaciones del filtrado propuesto | 115 |
| 3-10. Comparación proyecciones <i>en-face</i> filtradas | 118 |
| 3-11. Sección transversal del cerebro de ratón | 121 |
| 3-12. Proyecciones <i>en-face</i> del cerebro del ratón | 122 |
| 3-13. Imágenes del esófago filtradas | 124 |
| 4-1. Simulación de volumen de OCT | 137 |
| 4-2. Espectros de potencia con y sin corrupción | 138 |
| 4-3. Espectros de potencia para una escala de corrupción aleatoria de π . . | 148 |
| 4-4. Fase recuperada para una escala de corrupción aleatoria de π | 148 |
| 4-5. Espectros de potencia para una escala de corrupción aleatoria de 2π . | 149 |
| 4-6. Fase recuperada para una escala de corrupción aleatoria de 2π | 149 |
| 4-7. Función de mérito final a partir de escala de corrupción. | 150 |
| 4-8. Espectro de potencia obtenido en diferentes iteraciones del algoritmo de optimización | 154 |
| 4-9. Comparación de la fase recuperada con la optimización | 154 |
| 4-10. Espectros de potencia con datos experimentales | 156 |
| 4-11. Comparación de la fase recuperada con la optimización en datos expe- rimentales | 158 |

Lista de acrónimos

CT - Computed tomography - Tomografía computacional.

CT X-Ray - Computed X ray tomography - Tomografía computarizada de rayos X.

DAQ - Data acquisition - Adquisición de datos.

ENL - Equivalent number of looks - Número equivalente de vistas.

FDOCT - Frequency-domain optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia en el dominio frecuencial.

FFOCT - Full-field optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia de campo completo.

FOM - Function of merit - Función de mérito.

FWHM - Full-width at half maxima - Anchura a la mitad del máximo.

IPS - Iterative phase shifting - Salto de fase iterativo.

MEMS - Microelectromechanic system - Sistema microelectromecánico.

MRI - Magnetic resonance imaging - Imagen de resonancia magnética.

MSBTD - Multiscale sparsity-based tomographic denoising .

NA - Numerical aperture - Apertura numérica.

NL-Means - Non-local means.

NL-Means-OCT - Non-local means in optical coherence tomography - Non-local means en tomografía óptica de coherencia.

NL-Means con PPB - Non-local means with probabilistic patch-based weights .

NURD - Non-uniform rotational distortion - Distorsión rotacional no uniforme.

OCM - Optical coherence microscopy - Microscopía óptica de coherencia.

OCT - Optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia.

OFDI - Optical frequency domain imaging - Imagen óptica en el dominio frecuencial.

PPB - Probabilistic patch-based weights.

PS - Power spectrum - Espectro de potencia.

PSF - Point-spread function - Función de dispersión de punto.

SAR - Synthetic aperture radar - Radar de apertura sintética.

SBOCT - Spectrometer-based optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia basada en espectrómetro.

SNR - Signal-to-noise ratio - Relación señal-ruido.

SPECT - Single-photon emission computed tomography - Tomografía computarizada de emisión monofotónica.

SSOCT - Swept-source optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia con fuente de barrido.

TDOCT - Time-domain optical coherence tomography - Tomografía óptica de coherencia en el dominio temporal.

US - Ultrasound imaging - Imagen de ultrasonido.

Capítulo 1

Introducción

Hasta finales del siglo XIX, las herramientas disponibles para el diagnóstico médico y el estudio de patologías en el cuerpo humano se limitaban esencialmente al microscopio, inventado a finales del siglo XVI, el termómetro a mediados del siglo XVII y el estetoscopio a inicios del siglo XIX. A partir de estas herramientas y la observación del crecimiento, desarrollo y evolución de patologías en el cuerpo humano, se determinaron las características de los trastornos producidos por enfermedades en órganos de fácil acceso, tales como la lengua, los ojos y los oídos. Sin embargo, hasta finales del siglo XIX no existía un examen que permitiera obtener información de la condición y funcionamiento de los órganos al interior del cuerpo, aunque sería en 1896 cuando Wilhelm Röntgen descubriera las propiedades de los rayos X para penetrar el interior de tejidos vivos y obtener información del cuerpo desconocida hasta la fecha [1]. El descubrimiento de los rayos X marcó, además de una revolución en los exámenes médicos, uno de los mayores puntos de unión entre la física, química, ingeniería y en general, las ciencias exactas con la medicina.

Desde sus inicios, la relación entre ciencia y medicina no ha sido directa. La ciencia, por un lado, está basada en principios teóricos con fundamentos matemáticos o físicos que permiten *predecir* el resultado de un evento bajo ciertas condiciones, como la resistencia de un puente según las leyes de Newton o el campo magnético generado por cargas en movimiento con las leyes de Maxwell. La medicina, por su parte, se basa en la *observación empírica* de los efectos que conlleva la presencia de algún trastorno

en el cuerpo humano, por ejemplo, la fiebre o la aparición de sarpullido. Más que una relación directa, se podría encontrar la unión entre medicina y ciencia en el desarrollo paralelo de ambas áreas. En este sentido, la aparición de nuevas teorías como la física nuclear, han traído consigo la creación de nuevos procedimientos y dispositivos que facilitan la comprensión del cuerpo humano. Como ilustración de esta relación, se encuentra la segunda guerra mundial, que vista desde una perspectiva de avance científico, trajo consigo cuatro grandes desarrollos: la física nuclear, la electrónica digital, la computación y la radio de alta frecuencia [2]; a partir de estos avances, surge la tomografía computacional de rayos X y el ultrasonido, que en la actualidad son ampliamente utilizados en el diagnóstico médico.

En este punto de unión entre ciencia y medicina, una de las áreas que más fuertemente las relaciona son las técnicas de *imagen médica*, cuyo objetivo es brindar imágenes de información relevante de estructuras y/o funciones internas del cuerpo mediante instrumentación y teorías especializadas [1]. En el entorno clínico, las imágenes de órganos, partes o funciones específicas del cuerpo permiten realizar exámenes diagnósticos de una enfermedad o patología, esto es de alta importancia si se considera que es posible estudiar la progresión, avance o crecimiento de una enfermedad asociándolo con el cambio físico que produce [3]. En el entorno científico, producir imágenes médicas es una tarea altamente multidisciplinar, ya que requiere no solo el desarrollo teórico y de investigación, sino que acarrea consigo la creación de dispositivos y plataformas que sean de alta compatibilidad, fácil acceso, bajo costo y de implementación sencilla. Algunas de las técnicas de imagen médica más relevantes actualmente son: la tomografía computarizada de rayos X (CT X-ray) [4], la imagen de resonancia magnética (MRI) [5], la imagen de ultrasonido (*ultrasound imaging*) [6], la tomografía computarizada de emisión monofotónica (SPECT) [7] y la tomografía óptica de coherencia (OCT) [8].

La tomografía óptica de coherencia, ampliamente conocida por sus siglas en inglés como OCT (*optical coherence tomography*), es una técnica de imagen médica cuyo propósito es obtener imágenes con alta resolución de la sección transversal o imágenes volumétricas de microestructuras internas en tejidos biológicos. A continuación, se

mostrará el desarrollo e importancia que reviste OCT para el diagnóstico médico actual.

1.1. Tomografía óptica de coherencia y su papel en medicina

1.1.1. Tomografía óptica de coherencia (OCT)

En los últimos años han aparecido nuevas técnicas para la toma de imágenes en múltiples disciplinas científicas, entre ellas destacan por su alta actividad de investigación, la formación de imágenes biomédicas, impulsada principalmente por el constante desarrollo de dispositivos para telecomunicaciones que han permitido la producción de instrumentos electromagnéticos de alto desempeño a costos relativamente bajos. Como consecuencia de esto, múltiples técnicas para el escaneo de materiales con un índice de esparcimiento alto, como los tejidos biológicos han sido creadas. De estas técnicas surge la tomografía, que es particularmente interesantes por su potencial para realizar imágenes que ayudan al diagnóstico médico a través de exámenes *no-invasivos*. La tomografía en general, se basa en la creación de “cortes” de objetos tridimensionales, que en conjunto generan una imagen en dos o tres dimensiones de la muestra en cuestión. *OCT es una técnica no-invasiva de imagen tridimensional capaz de producir imágenes con alta resolución lateral y axial a través de muestras esparsivas e inhomogéneas, tales como los tejidos biológicos* [9]. En sus inicios, las técnicas de OCT se basaron en medidas de profundidad de baja coherencia en el dominio temporal con un interferómetro de luz blanca. La posibilidad de emplear interferómetros de luz blanca para la formación de imágenes tridimensionales en tejidos biológicos fue liderada por Huang *et. al.* [10], quienes propusieron emplear reflectometría de baja coherencia en sistemas biológicos. Su sistema de OCT se basó en múltiples escaneos de una serie de ubicaciones laterales y axiales para proveer un mapa de sitios o lugares en donde la muestra refleja luz. Una de las características más importantes de esta nueva técnica, es que a diferencia de la microscopía confocal, en donde la resolución

longitudinal depende de la apertura numérica, en OCT la resolución solo está limitada por la longitud de coherencia de la fuente de luz, por consiguiente, OCT puede tener alta resolución en profundidad aun cuando la apertura del sistema es pequeña.

OCT es una técnica que permite producir imágenes con alta resolución de la sección transversal o volumétricas mediante la medición del “eco” producido por la retroreflexión de luz en el tejido [10]. El “eco” se produce cuando un haz de luz llega hasta el tejido y luego es esparcido, de forma que la información recolectada por OCT es únicamente aquella porción de luz retrodispersada o retroreflejada hacia el sistema óptico. Esta característica permite que OCT pueda presentar imágenes *in-situ* y en tiempo real de patologías presentes en los tejidos, lo que la ha convertido en una herramienta útil en el diagnóstico médico, debido a que realiza “biopsias ópticas” sin la necesidad de remover o procesar parte del tejido [11]. OCT puede producir imágenes tridimensionales *no-invasivas* de estructuras internas, tales como la mácula [12], el tracto gastrointestinal [13], las arterias coronarias [14], entre otros.

1.1.2. OCT en imagen médica

OCT tiene diversos aspectos que son comunes al ultrasonido y a la microscopía. Por un lado, la resolución axial en imágenes de ultrasonido de alta resolución, se encuentra en el rango típico de 0,1 hasta 1mm y dependerá de la frecuencia de la onda de sonido que se emplee, los valores típicos para la frecuencia varían entre los 3 y 40MHz [6]. No obstante, en este rango de frecuencias es difícil emplear las ondas de sonido en tejidos, ya que éstos además de esparcirlas fuertemente, atenúan completamente las ondas en unos pocos milímetros. Por otro lado, algunas ramas de la microscopía poseen una alta resolución en imagen de tejidos, por ejemplo, la microscopía confocal, cuya resolución es de alrededor de 1 μ m o inclusive menor. En la microscopía confocal, la resolución está limitada por la difracción, relacionada a su vez con la apertura numérica del sistema; y su capacidad de producir imagen se encuentra influenciada principalmente por la degradación de la luz en dispersiones no deseadas, lo que produce un bajo contraste en la señal a medir [15].

OCT por su lado, llena un vacío de resolución entre el ultrasonido y la microscopía,

ya que el rango en el cual se mueve OCT varía entre 1 y $15\mu\text{m}$, aproximadamente 100 veces más fino que el ultrasonido, en la Fig. 1-1 se presenta una comparación de la resolución y profundidad de penetración de diferentes técnicas de imagen médica. La principal limitación en OCT se encuentra en que la luz es altamente esparcida por muchos tejidos, lo que limita la profundidad de penetración a $\sim 2\text{mm}$ en muchos casos. OCT es análogo al ultrasonido con la diferencia de emplear luz en lugar de sonido, su principio básico se centra en medir la magnitud y el tiempo de retraso (“eco”) que producen las ondas al llegar a la muestra, de forma que las retroreflecciones en diferentes distancias permite determinar el tamaño y reconstruir microestructuras [6]. Como la velocidad del sonido es de alrededor de 1300m/s , el ultrasonido ha impulsado la creación de sensores y métodos de sensado que permitan una alta tasa de recepción de información, lo que a su vez ha incentivado el desarrollo de equipos para OCT, en especial si se considera que la luz viaja a aproximadamente $3 \times 10^8\text{m/s}$ y que las tasas de recepción de datos deben ser mucho mayores. Una de las principales ventajas de la analogía OCT/ultrasonido se encuentra en su fácil integración en instrumentos médicos, tales como catéteres, endoscopios, laparoscopios o incluso, agujas quirúrgicas que permite hacer imagen de órganos o tejidos sólidos *in-vivo* en el cuerpo humano [16, 17].

1.2. Aplicaciones de OCT

La propuesta de OCT surgió hacia el año 1991 por Huang *et. al.* [10], sus primeras pruebas fueron realizadas *ex-vivo* en la retina y la arteria coronaria, y desde estos resultados pudo verse la utilidad de OCT para el diagnóstico oftalmológico e intravascular, áreas en las que ha tenido grandes avances. El ojo humano puede ser analizado ópticamente, es decir, es posible implementar técnicas para observar de manera directa la zona interior del ojo, lo que ha impulsado el uso de métodos de imagen en oftalmología; muchos de los primeros estudios realizados con OCT fueron basados en el ojo humano. Las primeras imágenes *in-vivo* de la retina fueron obtenidas de manera independiente por Fercher *et. al.* [18] y Swanson *et. al.* [19] en 1993.

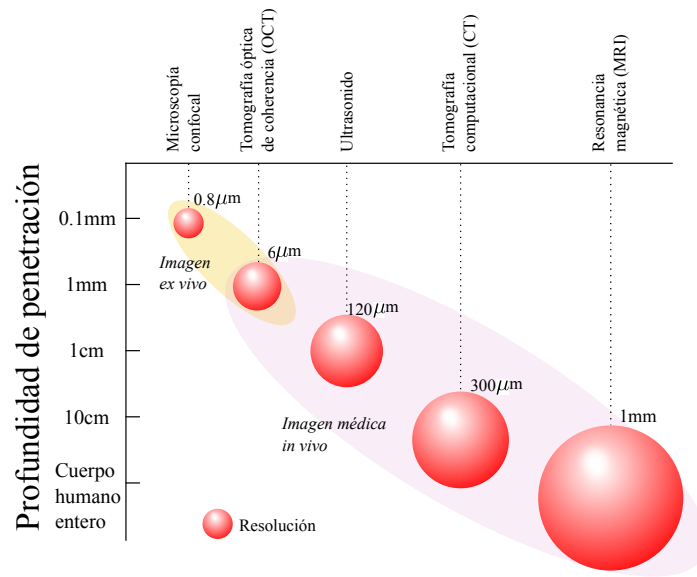


Figura 1-1: Comparación de la resolución contra la profundidad de penetración de diferentes modalidades de imagen médica.

Estos resultados conllevaron a que en la década de los 90 se diera un alto uso de OCT para el monitoreo, seguimiento, detección y diagnóstico de diferentes enfermedades, entre las cuales destaca: enfermedades maculares [20], incluyendo agujeros maculares [21] y edemas maculares [22], coriorretinopatía serosa central [23], y degeneraciones maculares asociadas a la edad y a la neovascularización corooidal [12]. Un ejemplo de monitoreo con OCT, está en el espesor de las capas de fibra del nervio retinal, el cual es un indicador de glaucoma, y que puede cuantificarse en ojos normales y con glaucoma. Mediante una correlación con medidas convencionales de la estructura y función del nervio óptico es posible encontrar focos de glaucoma, trabajo realizado también a partir de OCT en 1995 por Schuman *et. al.* [24].

La sensibilidad de OCT, en el orden de -125dB o $10^{-12,5}$ veces la luz incidente, permite producir imagen de estructuras tales como la retina que poseen un bajo índice de esparcimiento, sin embargo, la mayor parte de las aplicaciones que emplean OCT requieren la captura de imágenes en tejidos que no son transparentes, y además, producen un alto esparcimiento y dispersión de la luz. En estos casos, es cuando la sensibilidad del método se vuelve relevante, ya que al ser la señal fuertemente atenuada por el esparcimiento, la sensibilidad es quien determina la profundidad hasta la cual

se puede conseguir imágenes [8]. Las primeras imágenes de tejidos diferentes al ojo fueron posibles mediante el estudio de la influencia de la longitud de onda en el esparcimiento de la luz, en donde se obtuvo que longitudes de onda más largas que el visible reducen el esparcimiento producido por las muestras biológicas e incrementa la profundidad de penetración y la capacidad de producir imagen [11, 24]. Uno de los primeros estudios del efecto de la longitud de onda sobre las reconstrucciones con OCT fue realizado por Brezinski *et. al.* [11], quienes hicieron una comparación de imágenes capturadas a 850 y 1300nm *ex-vivo* en una epiglotis humana. La imagen tomada a 1300nm mostró una mayor penetración puesto que los principales absorbentes en la mayor parte de los tejidos son la melanina y la hemoglobina, los cuales poseen una alta absorción en el visible y el infrarrojo cercano [25], mientras que la absorción del agua se convierte en dominante para mayores longitudes de onda, alrededor de los 1800 – 2000nm. Por otro lado, en la mayoría de los tejidos, el esparcimiento en las longitudes de onda del infrarrojo cercano es uno o dos órdenes de magnitud mayores que la absorción, y éste disminuye para longitudes de onda más grandes.

Muchos estudios iniciales de OCT se realizaron *ex-vivo* en especímenes quirúrgicos, estos estudios fueron útiles para definir las estructuras que serían posibles de observar usando OCT [11] y compararlo con la histología. El estudio de la correlación entre las imágenes *ex-vivo* de OCT y la histología se extendió a hasta enfermedades gastrointestinales [13, 26–28], biliares [29], en el aparato reproductor femenino [30], pulmonares [31] y urinarias [13].

Los inicios de OCT fueron en oftalmología y hoy en día es una de las áreas con mayor impacto de esta técnica. OCT ha mostrado ser una herramienta bastante útil porque puede identificar característica de enfermedades desde etapas tempranas, permitiendo que se puedan realizar los tratamientos respectivos para prevenir el desarrollo de dichas enfermedades. Además, si se realizan tratamientos periódicos, puede mantenerse un monitoreo de la evolución de la terapia o de la enfermedad. OCT se ha convertido en una técnica importante para el diagnóstico y monitoreo de enfermedades tales como el glaucoma, la degeneración macular relacionada con la edad y la retinopatía diabética, ya que provee información cuantitativa de la patología lo que

permite medir el progreso de la enfermedad o la respuesta ante terapias [24, 32, 33]. Las imágenes de OCT proveen medidas cuantitativas de características tales como el espesor o el flujo sanguíneo, estas mediciones han derivado en otras aplicaciones relacionadas con OCT, tales como la obtención de mapas de espesor [32], lo que ha permitido generar estándares para la evaluación de algunas patologías presentes mediante la comparación con un estándar.

Otro ejemplo de implementación de OCT es la imagen intravascular. OCT ha permitido obtener imágenes que muestran de forma clara la diferencia entre la túnica íntima, la túnica media y la túnica adventicia al interior de las arterias [14]. En sus inicios, OCT intravascular *in-vivo* representó un gran desafío, pues debían diseñarse catéteres apropiados para el uso en humanos, además de esto, dado que la sangre esparce altamente la luz, fue necesario la creación de un sistema de flujo para remover la sangre o para diluir los glóbulos rojos en el plano imagen. Los primeros estudios con OCT mediante endoscopios se realizaron en conejos por Fujimoto *et. al.* en 1999 [34], por otro lado, hacia el año 2001, Jang *et al.* reportaron la primer imagen mediante OCT en pacientes humanos [35]. El área intravascular representa una de las áreas actuales más activas en OCT, tanto desde un punto de vista comercial, como desde un punto de vista de investigación.

OCT también ha sido empleada en el caso de la endoscopia. El primer estudio de endoscopia *in-vivo* con imágenes de OCT fue realizado en 1997 [13, 36], en donde se obtuvieron los primeros resultados para el análisis del esófago de un conejo. Las imágenes de OCT permitieron diferenciar de manera clara estructuras tales como la mucosa y la serosa. Los primeros estudios de endoscopia con imagen OCT en humanos fueron reportados por Sergeev *et. al.* en 1997 [36] y Feldchtein *et. al.* en 1998 [37], quienes mediante una sonda obtuvieron imágenes de membranas mucosas del esófago, la laringe, el estómago, la vejiga urinaria y el cuello uterino; mostrando así la utilidad de OCT en este tipo de imagen clínica.

Dado el crecimiento de casos de cáncer en el esófago, estomago y colon, la endoscopia gastrointestinal tuvo una mayor atención, en contraste con esto, los estudios iniciales de OCT mostraron las ventajas de esta técnica para visualizar estructuras

superficiales, ya que permite ver no solo las capas exteriores, sino que adicionalmente puede observar morfologías de tejidos bajo la superficie, permitiendo diferenciar patologías gastrointestinales tales como el esófago de Barret, los pólipos adenomatosos y el adenocarcinoma [36, 38–42]. Los estudios de OCT para detección de cáncer son complejos, ya que los resultados de OCT deben ser comparados con técnicas estandarizadas tales como la biopsia, el estándar en la detección de cáncer. El problema que tiene OCT es que el contraste producido por las variaciones en las propiedades esparsivas de diferentes tejidos puede producir errores en las muestras tomadas dada la sensibilidad de OCT.

Gracias a su alta sensibilidad y capacidad para producir imágenes volumétricas *no-invasivas*, OCT ha sido de alto interés en diferentes áreas de la medicina, tales como la oftalmología [19–22, 24], la imagen intravascular mediante catéteres [43–45], la endoscopia [13, 37, 39], la detección de cáncer [36, 40], la neurociencia [46–48], la cardiología [49–51], la dermatología [52–54], la odontología [55–57], entre otras áreas.

1.3. La investigación en OCT y la participación de América Latina

Desde sus inicios, OCT ha visto un crecimiento exponencial en la cantidad de publicaciones por año sobre las diversas áreas de la medicina que abarca, así como los dispositivos y procedimientos con los que se realizan las imágenes. Como muestra de este crecimiento, solo en el año 2015 se estima que hubo 3500 publicaciones relacionadas con OCT [58], como se muestra en la Fig. 1-2¹. El área donde se realiza la mayor cantidad de publicaciones corresponde a oftalmología, seguida por el área cardiovascular y en tercer lugar, el desarrollo tecnológico, sin embargo, también desatacan otras áreas como la dermatología, odontología, neurología, entre otras. El gran desarrollo que ha tenido OCT está fuertemente relacionado con la aceptación a nivel clínico que ha tenido esta técnica, convirtiéndose en estándar para algunos procedimientos diagnósticos. En oftalmología, se estima que 30 millones de exámenes relacionados

¹Datos tomados de PUBMED.

con OCT son realizados por año alrededor del mundo, y que aproximadamente 100 mil evaluaciones cardiovasculares por año son realizadas con OCT.

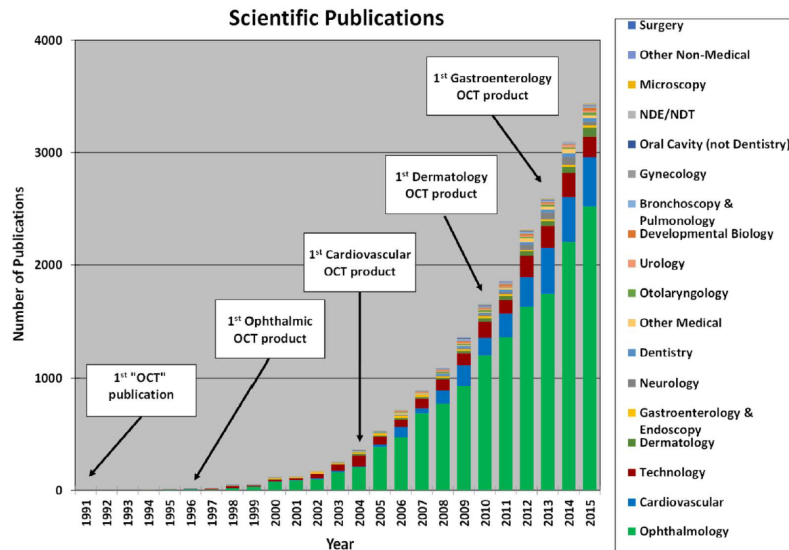
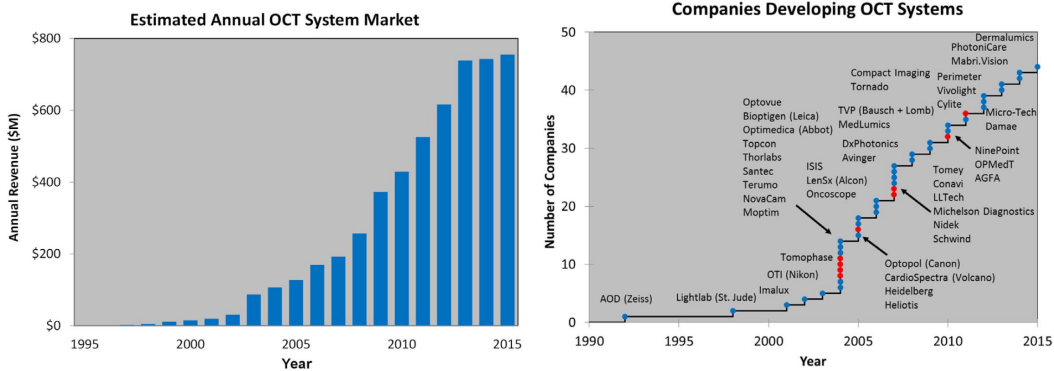


Figura 1-2: Publicaciones relacionadas con el desarrollo y aplicaciones de OCT por año. Oftalmología es la categoría más investigada, seguida por el área cardiovascular, y los dispositivos y técnicas en tercer lugar.

El crecimiento exponencial de la cantidad de publicaciones relacionadas con OCT, también se debe a la creación de empresas que comercializan equipos especializados tanto para el diagnóstico como para investigación. OCT ha crecido como un mercado atractivo para diversas compañías de equipos ópticos a nivel mundial, como lo son Zeiss o Thorlabs. En este sentido, el mercado que mueve OCT se estima en unos 700 millones de dólares anuales, como se muestra en la Fig. 1-3(a). Por otro lado, el 75% de las compañías que producen equipos para OCT han surgido como *start-ups* de las universidades que lideran el desarrollo científico de OCT, entre ellas, MIT y Harvard. En la Fig. 1-3(b) se muestra el crecimiento de las compañías que comercializan productos para diagnóstico e investigación con OCT.

Aunque OCT ha tenido un crecimiento significativo en el ámbito médico e investigativo, cuando se analiza la participación de América Latina en este crecimiento, el panorama no es alentador. En la Fig. 1-4 se muestra un mapa de la colaboración entre grupos de investigación relacionados por el desarrollo científico en OCT en el año 2015. Los círculos negros representan la cantidad de grupos de investigación re-



(a) Mercado estimado de la comercialización de equipos de OCT. (b) Compañías relacionadas con equipos de OCT.

Figura 1-3: Mercado relacionado con OCT en los últimos años, hacia 2015 se estiman ingresos por ≈ 700 millones de dólares. La cantidad de compañías envueltas en OCT ha crecido a más de 45 en los últimos años, la mayor parte de estas han surgido como *start-ups* provenientes de universidades (círculos azules).

lacionados con el tema, mientras que las líneas grises que los une corresponde a la colaboración que hay entre grupos de investigación. En este mapa, se evidencia que a nivel de Latinoamérica, solamente Brasil cuenta con grupos de investigación trabajando en OCT, siendo la universidad de Coimbra (University of Coimbra), la más representativa. Aun con la gran comunidad internacional aportando a la investigación en OCT, no existe en la mayor parte de Latinoamérica, grupos de investigación que posean líneas de investigación relacionadas con OCT, esto a su vez está relacionado con la carencia de equipos especializados para el diagnóstico de enfermedades en donde OCT es el estándar.

1.4. Planteamiento del problema

En la implementación inicial de OCT, la información en profundidad es obtenida mediante desplazamientos axiales del haz de referencia que son producidos por actuadores tales como piezoeléctricos, así como lo indica la Fig. 1-5. En ese sistema de OCT, la luz producida por la fuente viaja mediante una fibra óptica hasta llegar a un acoplador, en donde se divide por dos caminos diferentes; uno de ellos viaja directamente hasta el espejo de referencia que tiene la posibilidad de desplazarse en sentido



Figura 1-4: Mapa de grupos de investigación con áreas afines a OCT con sus respectivas colaboraciones. En latinoamérica solo se cuenta con participación de Brasil.

axial. Posteriormente, el haz reflejado por el espejo regresa hacia la fibra óptica. El segundo haz es dirigido hacia un espejo de escaneo cuya función es desviar la luz que es proyectada en la muestra de manera controlada. Mediante este sistema, la porción de luz que sea reflejada por la muestra hacia la fibra óptica volverá a incorporarse al sistema óptico regresando hasta el acoplador. La información de los dos haces juntos llega entonces hasta un sensor que se encarga de obtener la señal interferométrica. El sensor transfiere los datos a un sistema de adquisición de datos (DAQ) y finalmente las señales son enviadas hasta el computador.

La información volumétrica requiere que el haz proyectado hacia la muestra sea desplazado de manera lateral en dos direcciones, procedimiento que se ha realizado a través del uso de sistemas microelectromecánicos (MEMS) que permiten la inclinación controlada del haz, y por tanto el desplazamiento de éste sobre la muestra [59–61]. El espejo de escaneo se encarga de mover el haz sobre el plano imagen produciendo imágenes bidimensionales de planos xy a profundidades z específicas, a este tipo de imagen se le conoce como *en-face*. Una de las limitaciones de los sistemas para OCT surge justamente en la implementación del sistema de escaneo, ya que hay errores producidos no solo por la instrumentación sino por la misma muestra.

Desde el punto de vista instrumental, algunos espejos de escaneo emplean sistemas de control retroalimentados tales como PID que se encargan del desplazamiento y

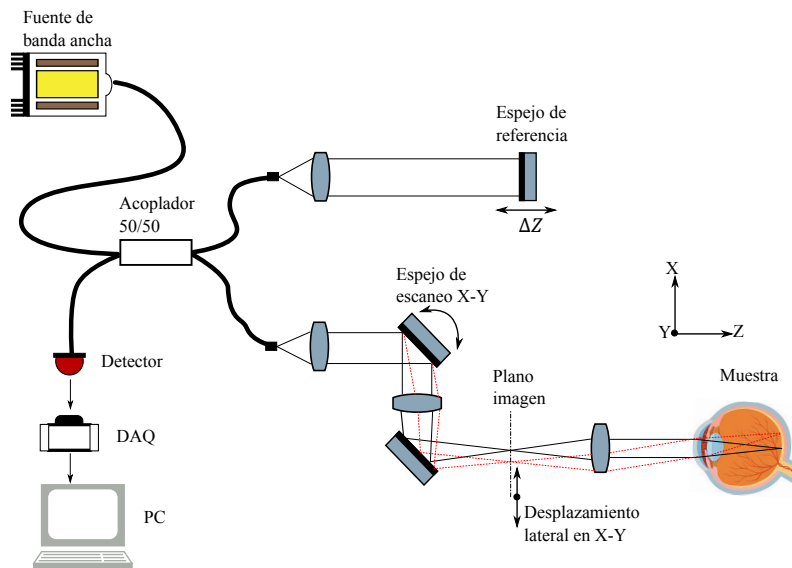


Figura 1-5: Esquema de un sistema de escaneo de OCT para la retina.

control del sistema [62], sin embargo, este tipo de control en lazo cerrado puede tener la falencia de enviar voltajes fluctuantes que producen desviaciones, y pueden ser causados o bien por las constantes del controlador o por desplazamientos repentinos producidos por el paciente. Otros sistemas basados en MEMS [63] requieren voltajes AC para producir respuestas lineales, sin embargo, fluctuaciones en la frecuencia o en la amplitud del voltaje suministrado al actuador producen respuestas diferentes a la esperada. Adicionalmente, mientras se realizan los escaneos axiales, el espejo de escaneo se mueve a velocidad constante en las dos direcciones, por lo tanto hay una dirección con una velocidad menor (*slow-axis*) y otro con una mayor velocidad (*fast-axis*), esto hace necesario una corrección del movimiento en las imágenes de OCT obtenidas [8, 64, 65]. En cuanto a la muestra que es tomada en pacientes, existen diferentes movimientos involuntarios que no pueden ser controlados, tales como la contracción muscular causada por la respiración o el parpadeo, así como cualquier movimiento que el paciente pudiera realizar mientras el sistema se encuentra en proceso de escaneo.

Ahora bien, como se ha mencionado, OCT se basa en la medición de la interferencia causada entre la luz dispersada por una muestra y un haz de referencia [10]. Bajo este principio, OCT es capaz de medir no solo la amplitud del campo reflejado por

la muestra, sino que también puede medir su fase. Los errores en la toma de datos que pueden ser producidos por el sistema de escaneo así como el paciente, si bien pueden no tener una incidencia directa sobre la reconstrucción de la reflectividad de la muestra, si tiene un impacto directo en la reconstrucción de la fase. Numerosas extensiones de OCT que emplean principalmente la fase han surgido bajo el nombre de *phase resolved OCT*, entre estas sobresalen: OCT Doppler [66], microangiografía óptica [67], elastografía óptica de coherencia [68] y OCT magnetométrica [69]. En OCT Doppler por ejemplo, es común encontrar aplicaciones de flujometría, en el cual el sistema interferométrico de OCT permite la detección de saltos en la fase causados por el movimiento de los centros dispersores en la muestra que no es posible observar con la amplitud. Mediante este proceso, es posible seguir el movimiento de los centros dispersores y cuantificar su velocidad de flujo [66].

Otro problema que es común en los datos adquiridos mediante OCT es el moteado (*speckle*), el cual cumple una doble función ya que puede aportar información de la muestra o puede surgir como ruido [70, 71]. En OCT el *speckle* como ruido surge cuando la señal que se registra en el detector posee información de la interferencia que se produce entre la luz dispersada por centros dispersores cercanos al área de escaneo, y en lugar de portar información sobre la muestra, degradan la calidad de la señal que se registra y dificultan su interpretación. En OCT existen diferentes técnicas de reducción de ruido multiplicativo causado por el *speckle* [72–74], aunque tienen la desventaja de poseer altos tiempos de procesamiento, y en algunos casos, requieren una imagen con bajo coeficiente señal-ruido para su correcto funcionamiento [75].

La propuesta para esta tesis de maestría consiste en facilitar la interpretación y procesamiento de datos provenientes de OCT, mediante la implementación de técnicas de posprocesamiento que permitan mejorar la calidad de los datos adquiridos, planteando posibles soluciones a algunos de los problemas mencionados anteriormente.

La primera parte del trabajo de grado está orientado a la implementación de los conceptos básicos de OCT para recrear un sistema óptico que permite analizar muestras *ex-vivo*. En el montaje experimental se obtuvo una resolución axial de \approx

$2\mu\text{m}$ y una resolución lateral de $\approx 3\mu\text{m}$, con un escaneo máximo de $\approx 1,5\text{mm}$ en profundidad y $\approx 2,5\text{mm}$ de manera lateral, lo que permitió analizar muestras como monedas. Sin embargo, pese a las regulaciones existentes para el análisis *in-vivo*, el montaje se probó en aplicaciones no médicas de OCT. Las primeras pruebas se realizaron en el escaneo de la topografía de una moneda, en donde se obtuvo una reconstrucción detallada del relieve que esta posee, las mediciones indicaron alturas máximas de $\approx 50\mu\text{m}$. La segunda muestra que se estudió fue el ala frontal de un insecto *ex-vivo*, donde se pudieron observar estructuras internas tales como la membrana. En este caso, se midió el espesor de la membrana, obteniéndose $\approx 5\mu\text{m}$.

En la segunda parte del trabajo de grado, se planteó un nuevo método de filtrado de ruido por *speckle* a partir del conocimiento de las causas y las características que éste posee, tomando elementos de técnicas de filtrado proveniente de las imágenes de radares de apertura sintética SAR. El algoritmo, conocido como *non-loca means* (*nlmeans*) fue planteado para el caso de ruido blanco, y gracias a sus resultados, ha sido extendido a diversas técnicas de imagen, entre ellas, imágenes SAR, en donde la obtención de los datos hace que también se de la presencia de ruido por *speckle*. Modificando el funcionamiento de *NL-Means* en el caso de ruido por *speckle* y considerando las características de los datos disponibles en OCT, se propuso una modificación a *NL-Means* denotada como *NL-Means-OCT*. En *NL-Means-OCT* hay una combinación de los conceptos tradicionales de *NL-Means* junto con otras implementaciones tridimensionales, lo que convierte a *NL-Means-OCT* en una herramienta útil para filtrar datos de OCT en donde es necesario la preservación de estructuras finas, o que se encuentran alteradas por la presencia de desplazamientos producidos por el paciente. Los resultados del filtrado con *NL-Means-OCT* mostraron conservar la fidelidad en la imagen mientras se elimina el ruido por *speckle*. Dadas las características de *NL-Means-OCT* se pudo implementar de manera satisfactoria en otras áreas en desarrollo de OCT, entre ellas tractografía y gastroenterología.

La última parte del trabajo consistió en el planteamiento de un nuevo método para la corrección de problemas en la fase de un sistema de OCT a partir de fuente de barrido. El problema de la fase surge porque la fuente de barrido tiene fluctuacio-

nes de sincronía con el fotodetector, por lo que la fase del tomograma puede sufrir alteraciones. En vista de que son pocos los algoritmos existentes para abordar este problema, se planteó un método de solución a partir de una optimización, tomando como función objetivo los espectros de potencia asociados con el tomograma, de manera que el espectro de potencia del tomograma afectado se aproxima al de un tomograma ideal mediante una minimización. Aplicando conceptos del enfoque en medios turbios, la implementación muestra encontrar de manera satisfactoria los mapas de corrupción en la fase. Las simulaciones indican que el algoritmo puede encontrar una buena representación del mapa de corrupción real a partir de la aproximación de valores mediante una función de mérito. Los resultados experimentales preliminares verifican la hipótesis de que este modelo mejora los planteamientos actuales de otros autores.

1.5. Objetivos

1.5.1. Objetivo General

Estabilizar la fase en tomografía óptica de coherencia mediante posprocesamiento.

1.5.2. Objetivos Específicos

- Identificar el estado de arte de la tomografía óptica de coherencia en aplicaciones biomédicas.
- Implementar un sistema óptico de prueba de concepto de campo completo en la tomografía óptica de coherencia.
- Realizar una simulación del muestreo y la formación de imagen en la tomografía óptica de coherencia, incluyendo elementos de corrupción de fase.
- Desarrollar un método de posprocesamiento que permita recuperar el mapa de corrupción de la imagen simulada anteriormente.
- Comprobar experimentalmente la funcionalidad del algoritmo propuesto con

datos experimentales suministrados por el *Wellman Center for Photomedicine, Harvard Medical School and Massachusetts General Hospital*.

1.6. Estructura del documento, descripción de los objetivos y resultados esperados

El documento se encuentra dividido en cinco capítulos en los cuales se abordarán los objetivos específicos del trabajo de grado. El primer objetivo, relacionado con la generación de un estado del arte de los avances en los que OCT se ha visto involucrado, se encuentra distribuido entre el Capítulo 1 y las primeras secciones del Capítulo 2. En el Capítulo 1 se ha mostrado la relación que tiene OCT con la medicina, la investigación en torno a OCT y la importancia que reviste actualmente, en adición a esto, se optó por abordar fundamentos y conceptos básicos de la física que se aplican en OCT como parte del estado del arte, esto será discutido en el Capítulo 2. El resultado que se espera de entender los conceptos de OCT, es la implementación de un sistema a nivel de laboratorio que permita aplicar sus fundamentos y enfrentar los retos que tiene cualquier equipo de OCT durante su desarrollo. Como consecuencia de esto, el segundo objetivo, asociado con un sistema óptico de prueba de concepto se describirá en el Capítulo 2, en donde se mostrarán los detalles del montaje, las pruebas realizadas y los resultados obtenidos.

La segunda parte del trabajo de grado fue orientado a la aplicación de métodos de posprocesamiento que permitan abordar problemas presentes en OCT como los mencionados en el planteamiento del problema (Sección 1.4), en ese orden de ideas, en el trabajo de grado se trataron dos problemas relacionados con la fase en OCT, siendo estos, el ruido por *speckle* y la distorsión en la fase por falta de sincronía en OCT. Los tres últimos objetivos del trabajo de grado, se encuentran entonces distribuidos en los Capítulos 3 y 4, en donde se abordarán los dos temas mencionados anteriormente en su respectivo orden.

En el Capítulo 3 se analizarán las causas y características que tiene el *speckle* que

se produce en OCT, y se planteará una técnica de filtrado que permite emplear de manera más efectiva la información disponible en OCT para suprimir el ruido por *speckle*. En este capítulo se abordará parte de los objetivos cuatro y cinco, pues se propondrá una técnica de posprocesamiento que permite corregir uno de los problemas de OCT relacionado con la fase, entendiendo que la corrupción en este caso es ocasionada por el ruido de *speckle*. De este método de filtrado se obtuvo una aplicación multidisciplinar en OCT, ya que dadas sus características es de implementación directa en otras áreas derivadas de OCT.

En el Capítulo 4 se tratará un problema que surge en OCT por las limitaciones que tienen los equipos que se emplean en los sistemas de alta velocidad, en donde la fase medida puede verse alterada por falta de sincronía en los equipos. Este capítulo aborda el objetivo tres, y la parte final de los objetivos cuatro y cinco del trabajo de grado. En este caso, se planteará un método de posprocesamiento que permite corregir la fase de un tomograma a partir de una optimización, conociendo las características que originan el problema. El producto final que se espera, es obtener fases en donde se compensen los inconvenientes de la instrumentación mediante la técnica propuesta.

En el capítulo 5 se refrendarán los objetivos del trabajo de grado con respecto a las implementaciones y resultados obtenidos. Asimismo, se resumirán brevemente las ventajas de los procedimiento propuesto, y se planteará el trabajo futuro para la línea de OCT que se ha desarrollado.

Referencias

- [1] C. Guy and D. Ffytche. *An introduction to the principles of medical imaging (revised edition)*. Imperial college press, 1976. [21](#), [22](#)
- [2] A. Dhawan, H. Huang, and D. Kim. *Principles and advanced methods in medical imaging and image analysis*. World scientific publishing co, 2008. [22](#)
- [3] M. Sonka and J. Fitzpatrick. *Handbook of medical imaging*, volume 2. SPIE press, 2009. [22](#)
- [4] R. Cierniak. *X-Ray computed tomography in biomedical engineering*. Springer, 2011. [22](#)
- [5] E. Haacke, R. Brown, M. Thompson, and R. Venkatesan. *Magnetic resonance imaging: physical principles and sequence desing*. John Willey and Sons, 1999. [22](#)
- [6] T. Szabo. *Diagnostic Ultrasound Imaging: Inside Out*. Elsevier academicand Burlingtonand, 2004. [22](#), [24](#), [25](#)
- [7] P. Sharp, H. Gemmell, and A. Murray. *Practical nuclear medicine*. Springer, 3 edition, 2005. [22](#)
- [8] W. Drexler and J. Fujimoto. *Optical Coherence Tomography: Technology and Applications*. Springer Reference, 2016. [22](#), [27](#), [33](#)
- [9] P. H. Tomlins and R. K. Wang. Theory and debelopments and applications of optical coherence tomography. *J. Phys. D: Appl. Phys.*, **38**:2519–2535, 2005. [23](#)

- [10] D. Huang, E. A. Swanson, C. P. Lin, J. S. Schuman, W. G. Stinson, W. Chang, M. R. Hee, T. Flotte, K. Gregory, C. Puliafito, and J. G. Fujimoto. Optical coherence tomography. *Science*, **254**:1178–1181, 1991. [23](#), [24](#), [25](#), [33](#)
- [11] M.E. Brezinski, G.J. Tearney, B.E. Bouma, J.A. Izatt, M.R. Hee, E.A. Swanson, J.F. Southern, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography for optical biopsy: Properties and demonstration of vascular pathology. *Circulation*, **93**:1206—1213, 1996. [24](#), [27](#)
- [12] M.R. Hee, C.R. Baumal, C.A. Puliafito, J.S. Duker, E. Reichel, J.R. Wilkins, J.G. Coker, J.S. Schuman, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography of age-related macular degeneration and choroidal neovascularization. *Ophthalmology*, **103**:1260—1270, 1996. [24](#), [26](#)
- [13] G.J. Tearney, M.E. Brezinski, J.F. Southern, B.E. Bouma, S.A. Boppart, and J.G. Fujimoto. Optical biopsy in human gastrointestinal tissue using optical coherence tomography. *Am. J. Gastroenterol.*, **92**:1800—1804, 1997. [24](#), [27](#), [28](#), [29](#)
- [14] G.J. Tearney, M.E. Brezinski, S.A. Boppart, B.E. Bouma, N. Weissman, J.F. Southern, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Catheter-based optical imaging of a human coronary artery. *Circulation*, **94**:3013, 1996. [24](#), [28](#)
- [15] J. Pawley. *Handbook of Biological Confocal Microscopy*. Springer, 2006. [24](#)
- [16] G.J. Tearney, S.A. Boppart, B.E. Bouma, M.E. Brezinski, N.J. Weissman, J.F. Southern, and J.G. Fujimoto. Scanning single-mode fiber optic catheter-endoscope for optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **21**:543—545, 1996. [25](#)
- [17] G.J. Tearney, M.E. Brezinski, B.E. Bouma, S.A. Boppart, C. Pitvis, J.F. Southern, and J.G. Fujimoto. In vivo endoscopic optical biopsy with optical coherence tomography. *Science*, **276**:2037—2039, 1997. [25](#)

- [18] A. F. Fercher, C. K. Hitzenberger, W. Drexler, G. Kamp, and H. Sattmann. *In vivo* optical coherence tomography. *Am. J. Ophthalmol.*, **116**:113–114, 1993. [25](#)
- [19] E.A. Swanson, J. A. Izatt, M. R. Hee, D. Huang, C. P. Lin, J.S. Schuman, C. A. Puliafito, and J. G. Fujimoto. In vivo retinal imaging by optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **18**:1864–1866, 1993. [25](#), [29](#)
- [20] C.A. Puliafito, M.R. Hee, C.P. Lin, E. Reichel, J.S. Schuman, J.S. Duker, J.A. Izatt, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Imaging of macular diseases with optical coherence tomography. *Ophthalmology*, **102**:217–229, 1995. [26](#), [29](#)
- [21] M.R. Hee, C.A. Puliafito, C. Wong, J.S. Duker, E. Reichel, J.S. Schuman, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography of macular holes. *Ophthalmology*, **102**:748–756, 1995. [26](#), [29](#)
- [22] M.R. Hee, C.A. Puliafito, C. Wong, J.S. Duker, E. Reichel, B. Rutledge, J.S. Schuman, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Quantitative assessment of macular edema with optical coherence tomography. *Arch. Ophthalmol.*, **113**:1019–1029, 1995. [26](#), [29](#)
- [23] M.R. Hee, C.A. Puliafito, C. Wong, E. Reichel, J.S. Duker, J.S. Schuman, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography of central serous chorioretinopathy. *Am. J. Ophthalmol.*, **120**:65–74, 1995. [26](#)
- [24] J.S. Schuman, M.R. Hee, A.V. Arya, T. Pedut-Kloizman, C.A. Puliafito, J.G. Fujimoto, and E.A. Swanson. Optical coherence tomography: a new tool for glaucoma diagnosis. *Curr. Opin. Ophthalmol.*, **6**:89–95, 1995. [26](#), [27](#), [28](#), [29](#)
- [25] P. Parsa, S.L. Jacques, and N.S. Nishioka. Optical properties of rat liver between 350 and 2200 nm. *Appl. Opt.*, **28**:2325–2330, 1989. [27](#)
- [26] J.A. Izatt, M.D. Kulkarni, H.-W. Wang, K. Kobayashi, and M.V. Sivak Jr. Optical coherence tomography and microscopy in gastrointestinal tissues. *IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron.*, **2**:1017–1028, 1996. [27](#)

- [27] K. Kobayashi, J.A. Izatt, M.D. Kulkarni, J. Willis, and M.V. Sivak Jr. High-resolution crosssectional imaging of the gastrointestinal tract using optical coherence tomography: preliminary results. *Gastrointest. Endosc.*, **47**:515—523, 1998. [27](#)
- [28] C. Pitris, C. Jesser, S.A. Boppart, D. Stamper, M.E. Brezinski, and J.G. Fujimoto. Feasibility of optical coherence tomography for high-resolution imaging of human gastrointestinal tract malignancies. *J. Gastroenterol.*, **35**:87—92, 2000. [27](#)
- [29] G.J. Tearney, M.E. Brezinski, J.F. Southern, B.E. Bouma, S.A. Boppart, and J.G. Fujimoto. Optical biopsy in human pancreatobiliary tissue using optical coherence tomography. *Dig. Dis. Sci.*, **43**:1193—1199, 1998. [27](#)
- [30] C. Pitris, A. Goodman, S.A. Boppart, J.J. Libus, J.G. Fujimoto, and M.E. Brezinski. Highresolution imaging of gynecologic neoplasms using optical coherence tomography. *Obstet. Gynecol.*, **93**:135—139, 1999. [27](#)
- [31] C. Pitris, M.E. Brezinski, B.E. Bouma, G.J. Tearney, J.F. Southern, and J.G. Fujimoto. High resolution imaging of the upper respiratory tract with optical coherence tomography: a feasibility study. *Am. J. Respir. Crit. Care Med.*, **157**(5 pt 1):1640—1644, 1998. [27](#)
- [32] M.R. Hee, C.A. Puliafito, J.S. Duker, E. Reichel, J.G. Coker, J.R. Wilkins, J.S. Schuman, E.A. Swanson, and J.G. Fujimoto. Topography of diabetic macular edema with optical coherence tomography. *Ophthalmology*, **105**:360—370, 1998. [28](#)
- [33] J.S. Schuman, T. Pedut-Kloizman, E. Hertzmark, M.R. Hee, J.R. Wilkins, J.G. Coker, C.A. Puliafito, J.G. Fujimoto, and E.A. Swanson. Reproducibility of nerve fiber layer thickness measurements using optical coherence tomography. *Ophthalmology*, **103**:1889—1898, 1996. [28](#)

- [34] J.G. Fujimoto, S.A. Boppart, G.J. Tearney, B.E. Bouma, C. Pitris, and M.E. Brezinski. High resolution in vivo intra-arterial imaging with optical coherence tomography. *Heart*, **82**:128—133, 1999. [28](#)
- [35] I.K. Jang, G. Tearney, and B. Bouma. Visualization of tissue prolapse between coronary stent struts by optical coherence tomography: comparison with intravascular ultrasound. *Circulation*, **104**:2754, 2001. [28](#)
- [36] A.M. Sergeev, V.M. Gelikonov, G.V. Gelikonov, F.I. Feldchtein, R.V. Kuranov, N.D. Gladkova, N.M. Shakhova, L.B. Suopova, A.V. Shakhov, I.A. Kuznetzova, A.N. Denisenko, V.V. Pochinko, Y.P. Chumakov, and O.S. Streltzova. In vivo endoscopic oct imaging of precancer and cancer states of human mucosa. *Opt. Express*, **1**:432—440, 1997. [28](#), [29](#)
- [37] F.I. Feldchtein, G.V. Gelikonov, V.M. Gelikonov, R.V. Kuranov, A. Sergeev, N.D. Gladkova, A.V. Shakhov, N.M. Shakova, L.B. Snopova, A.B.. Terent'eva, E.V. Zagainova, Y.P. Chumakov, and I.A. Kuznetzova. Endoscopic applications of optical coherence tomography. *Opt. Express*, **3**:257, 1998. [28](#), [29](#)
- [38] B.E. Bouma and G.J. Tearney. Power-efficient nonreciprocal interferometer and linear-scanning fiber-optic catheter for optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **24**:531—533, 1999. [29](#)
- [39] A.M. Rollins, A. Chak, C.K. Wong, K. Kobayashi, M.V. Sivak, R. Ungarunyawee, and J.A. Izatt. Real-time in vivo imaging of gastrointestinal ultrastructure using endoscopic optical coherence tomography with a novel efficient interferometer design. *Opt. Lett.*, **24**:1358—1360, 1999. [29](#)
- [40] S. Jackle, N. Gladkova, F. Feldchtein, A. Terentieva, B. Brand, G. Gelikonov, V. Gelikonov, A. Sergeev, A. Fritscher-Ravens, J. Freund, U. Seitz, S. Soehendra, and N. Schrodern. In vivo endoscopic optical coherence tomography of the human gastrointestinal tract—toward optical biopsy. *Endoscopy*, **32**:743—749, 2000. [29](#)

- [41] S. Jackle, N. Gladkova, F. Feldchtein, A. Terentieva, B. Brand, G. Gelikonov, V. Gelikonov, A. Sergeev, A. Fritscher-Ravens, J. Freund, U. Seitz, S. Schroder, and N. Soehendra. In vivo endoscopic optical coherence tomography of esophagitis and barrett's esophagus and and adenocarcinoma of the esophagus. *Endoscopy*, **32**:750—755, 2000. [29](#)
- [42] M.V. Sivak Jr., K. Kobayashi, J.A. Izatt, A.M. Rollins, R. Ung-Runyawee, A. Chak, R.C. Wong, G.A. Isenberg, and J. Willis. High-resolution endoscopic imaging of the gi tract using optical coherence tomography. *Gastrointest. Endosc.*, **51**(4 pt 1):474–479, 2000. [29](#)
- [43] E. Grube, U. Gerckens, L. Buellesfeld, and P.J. Fitzgerald. Intracoronary imaging with optical coherence tomography: a new high-resolution technology providing striking visualization in the coronary artery. *Circulation*, **106**:2409—2410, 2002. [29](#)
- [44] I.K. Jang, B.E. Bouma, D.H. Kang, S.J. Park, S.W. Park, K.B. Seung, K.B. Choi, M. Shishkov, K. Schlendorf, E. Pomerantsev, S.L. Houser, H.T. Aretz, and G.J. Tearney. Visualization of coronary atherosclerotic plaques in patients using optical coherence tomography: comparison with intravascular ultrasound. *J. Am. Coll. Cardiol.*, **39**:604–609, 2002. [29](#)
- [45] B.E. Bouma, G.J. Tearney, H. Yabushita, M. Shishkov, C.R. Kauffman, D. DeJoseph Gauthier, B.D. MacNeill, S.L. Houser, H.T. Aretz, E.F. Halpern, and I.K. Jang. Evaluation of intracoronary stenting by intravascular optical coherence tomography. *Heart*, **89**:317—320, 2003. [29](#)
- [46] Y. Chen, A.D. Aguirre, L. Ruvinskaya, A. Devor, D.A. Boas, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography (oct) reveals depth-resolved dynamics during functional brain activation. *J. Neurosci. Methods*, **178**:162–173, 2009. [29](#)
- [47] V.J. Srinivasan, S. Sakas, I. Gorczynska, S. Ruvinskaya, W. Wu, J.G. Fujimoto, and D.A. Boas. Depth-resolved microscopy of cortical hemodynamics with optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **34**:3086—3088, 2009. [29](#)

- [48] J. Lee, V. Srinivasan, H. Radhakrishnan, and D.A. Boas. Motion correction for phase-resolved dynamic optical coherence tomography imaging of rodent cerebral cortex. *Opt. Express*, **19**:21258—21270, 2011. [29](#)
- [49] P. Li, X. Yin, L. Shi, S. Rugonyi, and R. Wang. In vivo functional imaging of blood flow and wall strain rate in outflow tract of embryonic chick heart using ultrafast spectral domain optical coherence tomography. *J. Biomed. Opt.*, **17**(9):096006, 2012. [29](#)
- [50] S. Gu, M. Jenkins, L. Peterson, Y. Doughman, M. Rollins, and M. Watanabe. Optical coherence tomography captures rapid hemodynamic responses to acute hypoxia in the cardiovascular system of early embryos. *Dev. Dyn.*, **241**(3):534—544, 2012. [29](#)
- [51] S. Yazdanfar, M. Kulkarni, and J. Izatt. High resolution imaging of in vivo cardiac dynamics using color doppler optical coherence tomography. *Opt. Express*, **1**(13):424–431, 1997. [29](#)
- [52] J. Welzel, E. Lankenau, R. Birngruber, and R. Engelhardt. Optical coherence tomography of the human skin. *Curr. Probl. Dermatol.*, **26**:27—37, 1998. [29](#)
- [53] T. Gambichler, P. Regeniter, F. Bechara, A. Orlikov, R. Vasa, G. Moussa, M. Stucker, P. Altmeyer, and K. Hoffmann. Characterization of benign and malignant melanocytic skin lesions using optical coherence tomography in vivo. *J. Am. Acad. Dermatol.*, **57**(4):629–637, 2007. [29](#)
- [54] C. Blatter, J. Weingast, A. Alex, B. Grajciar, W. Wieser, W. Drexler, R. Huber, and R. Leitgeb. In situ structural and microangiographic assessment of human skin lesions with high-speed oct. *Biomed. Opt. Exp*, **3**(10):2636—2646, 2012. [29](#)
- [55] L. Otis, Y. Chen, and Q. Zhu. Characterization of dentin by optical coherence tomography. *J. Dent. Res.*, **82**(A):3979, 2004. [29](#)
- [56] L.S. de Melo, R.E. de Araujo, A.Z. Freitas, D. Zezell, N.D. Vieira, J. Girkin, A. Hall, M.T. Carvalho, and A.S. Gomes. Evaluation of enamel dental restoration

- interface by optical coherence tomography. *J. Biomed. Opt.*, **10**(6):64027, 2005. [29](#)
- [57] T.A. Bakhsh, A. Sadr, Y. Shimada, J. Tagami, and Y. Sumi. Non-invasive quantification of resin-dentin interfacial gaps using optical coherence tomography: validation against confocal microscopy. *Dent. Mater.*, **27**(9):915–925, 2011. [29](#)
- [58] J. Fujimoto and E. Swanson. The development, commercialization, and impact of optical coherence tomography. *Invest. Ophthalmol. Vis. Sci.*, **57**:OCT1–OCT13, 2016. [29](#)
- [59] J. Zara, S. Yazdanfar, K. Rao, J. Izatt, and S. Smith. Electrostatic micromachine scanning mirror for optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **28**(8):628–630, 2003. [32](#)
- [60] w. Jung, D. McCormick, J. Zhang, L. Wang, N. Tien, and Z. Chen. Three-dimensional endoscopic optical coherence tomography by use of a two-axis microelectromechanical scanning mirror. *Applied physics Letters*, **88**:163901, 2006. [32](#)
- [61] A. Aguirre, Y. Chen P. Herz, J. Fujimoto, L. Fan W. Piyawattanametha, , and M. Wu. Two-axis mems scanning catheter for ultrahigh resolution three-dimensional and en face imaging. *Optics Express*, **15**(5):2445–2453, 2007. [32](#)
- [62] J.G. Xie and J. Wei. Tracking assisted optical coherence tomography, April 27 2004. US Patent 6,726,325. [33](#)
- [63] M. Strathman, Y. Liu, E. Keeler, M. Song, U. Baran, J. Xi, Ming-Ting Sun, R. wang, X. Li, and L. Lin. Memes scanning micromirror for optical coherence tomography. *Biomedical Optics Express*, **9**(1):211–224, 2014. [33](#)
- [64] S. Yun, G. Tearney, and B. Bouma. Motion artifacts in optical coherence tomography with frequency-domain ranging. *Opt. Express*, **12**(13):2977–2998, 2004. [33](#)

- [65] M. Pierce, M. Shishkov, B. Hyle, N. Nassif, B. Bouma, and G. Tearney. Effects of sample arm motion in endoscopic polarization-sensitive optical coherence tomography. *Opt. Express*, **13**(15):5739–5749, 2005. [33](#)
- [66] Z. Chen, Z. Yonghua, S. Srinivas, J. Nelson, N. Prakash, and R. Frostig. Optical doppler tomography. *IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron.*, **5**:1134–1142, 1999. [34](#)
- [67] R. Wang. Optical microangiography: a label-free 3-d imaging technology to visualize and quantify blood circulations within tissue beds in vivo. *IEEE J. Sel. Top. Quantum Electron.*, **16**:1257–1259, 2010. [34](#)
- [68] R. Wang, S. Kirkpatrick, and Monica Hinds. Phase-sensitive optical coherence elastography for mapping tissue microstrains in real time. *Applied Physics Letters*, **90**:164105, 2007. [34](#)
- [69] A. Oldenburg, F. Jean-Jacques, K. Suslick, A. Wei, and S. Boppart. Magnetomotive contrast for *in vivo* optical coherence tomography. *Optics Express*, **13**(17):6597–6614, 2005. [34](#)
- [70] J. Schmitt, S. Xiang, and K. Yung. Speckle in optical coherence tomography. *Journal of Biomedical Optics*, **4**:95–105, 1999. [34](#)
- [71] A. Mariampillai, B. Standish, E. Moriyama, M. Khurana, N. Munce, M. Leung, J. Jiang, A. Cable, B. Wilson, I. Vitkin, and V. Yang. Speckle variance detection of microvasculature using swept-source optical coherence tomography. *Optics Letters*, **33**(13):1530–1532, 2008. [34](#)
- [72] M. Hughes, M. Spring, and A. Podoleanu. Speckle noise reduction in optical coherence tomography of paint layers. *Applied Optics*, **49**(1):99–107, 2010. [34](#)
- [73] M. Szkulmowski, I. Gorczynska, D. Szlag, M. Sylwestrzak, A. Kowalczyk, and M. Wojtkowski. Efficient reduction of speckle noise in optical coherence tomography. *Optics express*, **20**(2):1337–1359, 2012. [34](#)

- [74] J. Aum, J. Kim, and J. Jeong. Effective speckle noise suppression in optical coherence tomography images using nonlocal means denoising filter with double gaussian anisotropic kernels. *Applied Optics*, **54**(13):D43–D50, 2015. [34](#)
- [75] L. fang, S. Li, Q. Nie, J. Izatt, C. Toth, and S. Farsiu. Sparsity based denoising of spectral domain optical coherence tomography images. *Biomedical Optics Express*, **3**(5):927–942, 2012. [34](#)

Capítulo 2

Aspectos teóricos y prácticos de OCT

En este capítulo se abarcarán los conceptos básicos relacionados con OCT, mostrando su desarrollo desde el fundamento de la interferometría con luz blanca hasta finalizar con el sistema de medición que se emplea en OCT. La última parte del capítulo está destinada a los resultados obtenidos con el montaje de prueba que se realizó en el laboratorio y en donde se efectuaron pruebas para dos muestra. Este capítulo se encuentra dividido en cuatro secciones: la Sección 2.1 muestra el estado del arte de OCT, pero desde un punto de vista del desarrollo científico que ha tenido; la Sección 2.2 presenta la teoría que hay detrás del desarrollo mencionado anteriormente; la Sección 2.3 relaciona algunos parámetros importantes que se deben considerar en OCT, y la Sección 2.4 expone el sistema óptico implementado en el laboratorio del Grupo de Óptica Aplicada.

2.1. Estado del arte de OCT

El surgimiento de OCT se encuentra relacionado con el concepto de medir el “eco” que se produce cuando la luz interactúa con tejidos, de manera similar a como se hace en ultrasonido. Es por ello, que el concepto de OCT tuvo su origen en la óptica de femtosegundos, liderada por Michael Duguay en la década de los 70 [1]. Las primeras

mediciones biomédicas con óptica de femtosegundos, fueron realizadas a través del efecto Kerr inducido en un láser, cuya función era controlar un obturador a altas velocidades (del orden de los picosegundos), de forma que el eco de un pulso corto de luz podía ser capturado. Esta tecnología llegó a tener resoluciones axiales de hasta $15\mu\text{m}$, alcanzado una sensibilidad de hasta -70dB , o una capacidad de medir 10^{-7} veces la intensidad de la onda incidente. Este sistema sería empleado en la medición de tejidos hasta finales de la década de los 80, cuando se realizaran las primeras aplicaciones biológicas de la interferometría de baja coherencia o interferometría de luz blanca [2].

Mediante interferometría con luz blanca, el eco se mide con la captura el patrón de interferencia que es producido por un haz de referencia y un haz objeto empleando una fuente con un ancho espectral grande o banda ancha, definida en el orden de los 10nm [3, 4]. El haz de referencia es aquel que proviene de la fuente y viaja de manera directa hasta el detector, mientras que el haz objeto es aquella porción de la luz que luego de ser dispersada por la muestra, viaja en la dirección del detector. Como la fuente tiene un ancho espectral que abarca varias longitudes de onda, la interferencia entre el haz objeto y referencia solo se produce en una región donde la diferencia de camino óptico entre ambos haces se encuentre dentro de la longitud de coherencia [5]. A partir de las mediciones con interferometría de baja coherencia, el sistema de medida de femtosegundos sería reemplazado, y se realizarían las primeras mediciones en sistemas biológicos a inicios de la década de los 90. La primera aplicación biomédica que tuvo OCT fue en el escaneo de la cámara anterior de un ojo *ex-vivo* de bobino, en el cual fue posible observar estructuras tales como la lente o el iris [6]. El estudio tenía una resolución axial de $10\mu\text{m}$ empleando un láser de diodo de 800nm . La sensibilidad obtenida en este caso, fue de -100dB ó 10^{-10} veces la intensidad del haz incidente, con una velocidad de escaneo de hasta 100 mediciones por segundo. El incremento en la sensibilidad que ofrece esta técnica es, en parte, descrito por el hecho de que en el sistema interferométrico el producto de la intensidad del haz de referencia y el haz objeto es medido, de forma que el haz de referencia “magnifica” la señal proveniente desde la muestra [5, 7, 8]. A este sistema de medición de profundidad a partir de

desplazamientos en el haz de referencia, pues se modifica la diferencia de camino óptico para lograr la profundidad deseada, se le ha asignado el nombre de OCT en el dominio temporal (TDOCT: *time-domain optical coherence tomography*), y corresponde a la primera generación de OCT.

Posteriormente, el desplazamiento del haz de referencia para el escaneo axial fue reemplazado por dos nuevas técnicas que se basan en la medición del patrón de interferencia en el dominio de las frecuencias [5, 9, 10], y se conocen como OCT en el dominio frecuencial (FDOCT: *frequency-domain optical coherence tomography*). En este caso, el patrón de interferencia se captura mediante el empleo de las múltiples longitudes de onda de la fuente, mientras que el espejo de escaneo permanece en una posición fija. Esto es posible debido a que capturar el patrón de interferencia en diferentes profundidades es equivalente a emplear distintas longitudes de onda, ya que éstas producen una mayor frecuencia en el patrón de franjas a mayores profundidades y su relación con OCT en el dominio temporal está dado esencialmente por una transformada de Fourier.

En el dominio frecuencial, hay dos técnicas de captura: la primera de ellas, conocida como OCT basado en espectrómetro (SBOCT: *spectrometer-based optical coherence tomography*) registra la modulación en el patrón de interferencia a partir de mediciones con un espectrómetro, capturando todas las longitudes de onda luego de la interferencia de manera directa [11, 12]; la segunda técnica, conocida como OCT con fuente de barrido (SSOCT: *swept-source optical coherence tomography*) o imagen óptica en el dominio frecuencial (OFDI: *optical frequency-domain imaging*), emplea secciones angostas del espectro de la fuente mientras se realiza un barrido a lo largo del espectro de la fuente [13, 14], de manera que un fotodetector registra la intensidad medida por cada sección del espectro, en lugar de emplear el espectrómetro. A estas dos técnicas se les conoce como la segunda generación de OCT.

2.2. Marco teórico

2.2.1. Esquema de OCT

OCT es una técnica interferométrica que se basa en la interferencia de un campo óptico de banda ancha, es decir, que recoge múltiples longitudes de onda, el cual se divide y posteriormente se combina, produciendo interferencia únicamente en la región del espacio en el cual la diferencia de camino óptico se encuentra dentro de la longitud de coherencia [4]. Al ser un sistema interferométrico, emplea un divisor de haz que permite producir el patrón de interferencia, como se ilustra en el sistema de la Fig. 2-1.

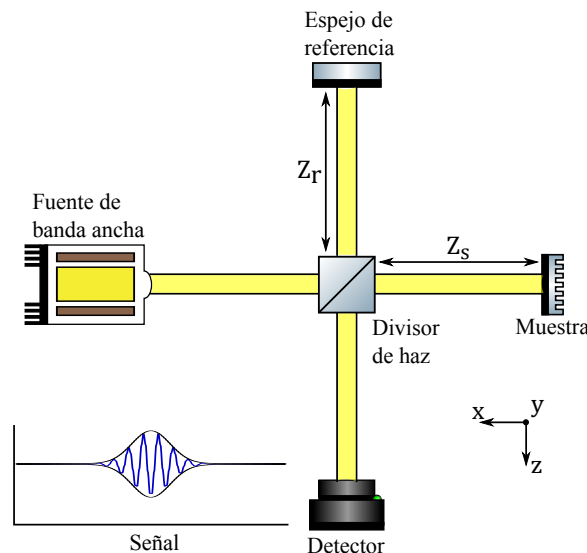


Figura 2-1: Esquema de un interferómetro de Michelson empleado para producir interferencia de baja coherencia, principio de OCT. La señal medida interferométrica aparece únicamente si la diferencia de camino óptico entre haces es menor a la longitud de coherencia.

El esquema de la OCT se basa esencialmente en un interferómetro de Michelson que funciona de la siguiente forma: la luz emitida por la fuente se propaga hasta llegar a un divisor que fracciona el haz en dos. Los haces divididos a su vez van por dos caminos diferentes, uno de ellos viaja hasta un espejo de referencia en donde es reflejado de regreso al divisor de haz, y por ello se le denota *haz de referencia*. El segundo haz se envía hacia la muestra, en donde es reflejado desde diferentes

profundidades al interior de ésta, y por ende se le denomina *haz objeto*. Como la fuente posee una banda ancha, la interferencia entre el haz de referencia y el que es reflejado por la muestra solo puede ser observada cuando ambos brazos tengan diferencias de camino óptico que se encuentren dentro de la longitud de coherencia de la fuente. La longitud de coherencia l_c está relacionada con el tiempo de coherencia t_c , éste que describe el periodo de tiempo en el cual la emisión fotónica de la fuente puede considerarse como coherente, y se relacionan a través de la velocidad de la luz $l_c = ct_c$, con c la velocidad de la luz [22]. La interferencia se da entonces unicamente si el retraso en el tiempo de viaje de los dos haces es menor al tiempo de coherencia, o si la diferencia de camino óptico es inferior a la longitud de coherencia. Por consiguiente, la resolución axial de un sistema de OCT está determinado por la coherencia temporal de la fuente de luz, la cual se define como [5]:

$$l_c = \frac{2 \ln 2}{\pi} \frac{\lambda_0^2}{\Delta\lambda}, \quad (2.1)$$

donde λ_0 es la longitud de onda central y $\Delta\lambda$ es el ancho del espectro (banda), l_c indica la condición para la cual es posible obtener interferencia, y por tanto, la distancia axial mínima que puede medirse en OCT.

Los objetos aparecen cuando se dan cambios precipitados en el índice de refracción entre profundidades o capas cercanas en la muestra, y se manifiestan como picos de intensidad en el patrón de interferencia, nótese que la intensidad medida es aquella que proviene de la retrodispersión causada por la muestra. Debido a que el espectro es ancho, otra posibilidad de medir la información de profundidad en la muestra, es a través de las transformadas de Fourier, realizando mediciones sobre el dominio de las frecuencias y transformando el espectro de salida. En este caso, el haz de referencia permanece en una posición fija y las componentes frecuenciales de OCT se detectan mediante un espectrómetro [5, 15].

En OCT pueden realizarse escaneos bidimensionales si no se modifica la diferencia de camino, o escaneos tridimensional a través de la medición de diversas profundidades en la muestra, que pueden ser realizadas mediante escaneos laterales del haz en una o

dos direcciones ortogonales. Valores típicos de escaneos para profundidad pueden ir en 500 profundidades distribuidas en una distancia de 3mm [3]. Si el medio es turbio, las profundidades obtenidas en la literatura han sido entre 1 y 3mm, empleado longitudes de onda entre 800 y 1300nm [5].

2.2.2. Interferometría de baja coherencia

Para describir la interferometría de baja coherencia o interferometría de luz blanca, El esquema de la OCT se basa esencialmente en un interferómetro de Michelson que funciona de la siguiente forma: primero, un haz que proviene de una fuente viaja a través de un divisor de haz. Los haces divididos a su vez van por dos caminos diferentes, la porción del haz de referencia se refleja en un espejo, mientras que la otra porción del haz es enviada hacia la muestra, en donde se refleja desde diferentes profundidades al interior de la muestra. *Como el haz posee una banda ancha, la interferencia entre el campo óptico de referencia y el que es reflejado por la muestra solo puede ser observado cuando ambos brazos tengan diferencias de camino óptico que se encuentren dentro de la longitud de coherencia del haz. Por consiguiente, la resolución axial de un sistema de OCT está determinado por la coherencia temporal de la fuente de luz.* El campo eléctrico emitido por la fuente E_i puede expresarse en forma compleja como

$$E_i(\mathbf{k}, \omega) = s(\mathbf{k}, \omega)e^{i(\mathbf{k}z - \omega t)}, \quad (2.2)$$

donde $s(\mathbf{k}, \omega)$ es la amplitud del campo eléctrico expresado como una función del número de onda $\mathbf{k} = 2\pi/\lambda$ y de la frecuencia angular $\omega = 2\pi\nu$, que representan respectivamente, la dependencia espacial y temporal de cada una de las componentes del espectro del campo con la longitud de onda λ . La frecuencia y la longitud de onda se encuentran vinculadas por el índice de refracción del medio n y la velocidad de luz en el vacío c , $\lambda\nu = c/n(\lambda)$, en medios dispersivos el índice de refracción dependerá de la longitud de onda. Asumiendo que el divisor de haz produce una división del campo incidente en dos componentes, cada una con la mitad de la amplitud total, y

que no depende de la longitud de onda, se tiene el haz objeto y el haz referencia a la salida del divisor. El haz de referencia por un lado, se propaga una distancia z_R y nuevamente es reflejado por un espejo situado en $z = z_R$ cuya reflectividad es r_R y la intensidad que refleja es $R_R = |r_R|^2$. Luego de reflejarse en el espejo, el haz regresa hasta el divisor.

El haz objeto por su parte, se propaga hasta llegar a la muestra. La muestra está caracterizada por tener una reflectividad de campo eléctrico dependiente de la profundidad $r_S(z_S)$, donde z_S es la profundidad en la muestra medida desde el divisor de haz. En general, $r_S(z_S)$ es una función compleja que informa no solo la amplitud de la onda reflejada por la muestra, sino que además indica los cambios de fase que la onda puede experimentar. Adicionalmente, en el caso de especímenes biológicos, se trata de una función que refleja el cambio continuo del índice de refracción de los tejidos biológicos. Sin embargo, para entender el fenómeno de reflexión en la muestra, se asume que hay una serie de N reflectores ubicados a lo largo de la muestra ¹, de la siguiente forma,

$$r_S(z_S) = \sum_{n=1}^N r_{S_n} \delta[(z_S - z_{S_n})], \quad (2.3)$$

donde $r_{S_1}, r_{S_2}, \dots, r_{S_n}$ es el coeficiente de reflexión de amplitud del n -ésimo reflector y $z_{S_1}, z_{S_2}, \dots, z_{S_n}$ es la distancia del n -ésimo reflector con respecto al divisor de haz. La intensidad reflejada por cada uno de los n reflectores es $R_{S_n} = |r_{S_n}|^2$ y se conoce como reflectancia. *El objetivo de OCT es poder identificar la función $\sqrt{R_S(z_S)}$ a través de medidas de interferométricas de baja coherencia*, lo que es la reflectividad de cada una de las profundidades en la muestra en estudio.

Luego de que el haz referencia y el haz objeto regresan al divisor de haz, el campo eléctrico reflejado corresponde a $E_R = \frac{E_i}{2} r_R e^{i2kz_R}$ y $E_S = \frac{E_i}{2} \sum_{n=1}^N r_{S_n} e^{i2kz_{S_n}}$ respectivamente. El factor exponencial surge por el cambio de fase que se produce durante la propagación, y la función δ del haz objeto ha sido incluida en el cambio de fase que se produce en la distancia z_{S_n} . Estos dos campo regresan hasta el divisor de haz y luego

¹Hay diferentes tratamientos que se basan en sistemas discretos y continuos, el último caso puede consultarse de manera detallada en [4, 15].

de atravesarlo tienen la mitad de su intensidad inicial, siguiendo su recorrido hasta llegar al detector, en donde se tiene la interferencia entre ellos $I(\mathbf{k}, \omega)$, dada por

$$I(\mathbf{k}, \omega) = |\mathbf{E}_R + \mathbf{E}_S|^2 = (\mathbf{E}_R + \mathbf{E}_S)(\mathbf{E}_R + \mathbf{E}_S)^*, \quad (2.4)$$

donde $*$ representa la operación complejo conjugado. Si el patrón de interferencia $I(\mathbf{k}, \omega)$ es registrado por un fotodetector, la fotocorriente que en este se produce es proporcional a la intensidad del patrón de interferencia multiplicado por un factor de respuesta propio del detector $I_D(\mathbf{k}, \omega) = \rho \langle I(\mathbf{k}, \omega) \rangle$, donde ρ es el factor de respuesta del sensor y $\langle \cdot \rangle$ es la integración sobre el tiempo de respuesta. Reemplazando los valores anteriores, se puede expresar la corriente sensada por el detector como

$$I_D(\mathbf{k}, \omega) = \rho \left\langle \left| \frac{s(\mathbf{k}, \omega)}{2} r_R e^{i(2kz_R - \omega t)} + \frac{s(\mathbf{k}, \omega)}{2} \sum_{n=1}^N r_{S_n} e^{i(2kz_{S_n} - \omega t)} \right|^2 \right\rangle. \quad (2.5)$$

Nótese que si se expande la Eq. 2.5 y se realiza el promedio temporal, los términos que son dependientes de ω se anulan y la expresión final es independiente del tiempo, esto tiene sentido si se considera que la frecuencia de la onda ν es mucho mayor que el tiempo de respuesta del detector. La Eq. 2.5 puede expresarse como

$$\begin{aligned} I_D(\mathbf{k}) &= \frac{\rho}{4} [S(\mathbf{k})(R_R + R_{S1} + R_{S2} + \dots + R_{S_n})] \\ &+ \frac{\rho}{2} \left[S(\mathbf{k}) \sum_{n=1}^N \sqrt{R_R R_{S_n}} (\cos[2k(z_R - z_{S_n})]) \right] \\ &+ \frac{\rho}{4} \left[S(\mathbf{k}) \sum_{m \neq n=1}^N \sqrt{R_{S_n} R_{S_m}} (\cos[2k(z_{S_n} - z_{S_m})]) \right], \end{aligned} \quad (2.6)$$

- El primer término es independiente de la diferencia de camino óptico y actúa como un escalamiento de la señal en el detector. Es proporcional a la longitud de onda y a la reflectividad de la muestra y del espejo de referencia. Este término corresponde a la componente “DC” de la señal que se mide.
- El segundo término es la interferencia que se produce entre la luz retroreflejada

por la muestra y el haz de referencia. La señal que se desea medir con OCT proviene justamente de este término, aunque al ser proporcional a la raíz cuadrada de la reflectividad la magnitud de esta señal es bastante menor que la componente DC.

- El tercer término corresponde a la interferencia que ocurre entre los diferentes reflectores en la muestra y se conoce como “artefactos” en la señal ya que en general corresponden a ruido.

En la Eq. 2.6 si solo se tuviera un reflector (z_{S1}), la ecuación estaría regida por la componente DC de la señal y una modulación del espectro de la fuente $S(k)$ dependiente de una función coseno cuyo periodo es proporcional a la diferencia de camino óptico entre el haz objeto y referencia. Además de esto, nótese que la visibilidad del patrón de interferencia también es proporcional a la reflectividad $\sqrt{R_{S1}}$. Como lo muestra la Eq. 2.6, hay una relación directa entre la reflectividad de la muestra y el espectro de la fuente que se emplee. Para el caso de OCT, lo más común es emplear fuentes cuyo espectro posea una distribución gaussiana dadas las propiedades que esta posee, particularmente por el hecho de que la autocorrelación de una función gaussiana es otra función gaussiana. Si la fuente posee una distribución espacial $\gamma(z)$, tanto su transformada de Fourier (espectro $S(k)$) y su distribución espacial poseen la misma forma, con la diferencia de tener un ancho distinto, matemáticamente esto es

$$\gamma(z) = e^{-z^2 \Delta k^2} \leftrightarrow \mathcal{F}\{\gamma(z)\} = S(k) = \frac{1}{\Delta k \sqrt{\pi}} e^{-\left[\frac{(k-k_0)}{\Delta k}\right]^2}, \quad (2.7)$$

donde k_0 es el número de onda central de la fuente $k_0 = 2\pi/\lambda_0$ y Δk es el ancho de banda espectral.

2.2.3. Interferometría de baja coherencia en el dominio del tiempo

En OCT en el dominio del tiempo TDOCT (*time-domain optical coherence tomography*) los escaneos en profundidad se realizan a través del desplazamiento del

espejo de referencia, es decir, variaciones en z_R . La función encargada de la modulación $\cos[2k(z_R - z_{S_n})]$ aporta información en diferentes frecuencias si se varía la distancia entre el haz referencia y el haz objeto ($z_R - z_{S_n}$), o si bien se modifica el número de onda k , siendo ambos procesos equivalentes. Como todo el espectro llega hasta el detector, en la Eq. 2.6 debe realizarse una integración sobre los números de onda, y el patrón de interferencia dependerá entonces de la reflectividad de la muestra y la diferencia de camino óptico. Integrando con respecto a k la Eq. 2.6 se obtiene que

$$I_D(z_R) = \frac{\rho}{4} S_0 [R_R + R_{S_1} + R_{S_2} + \dots] \quad (2.8)$$

$$+ \frac{\rho}{2} \left[S_0 \sum_{n=1}^N \sqrt{R_R R_{S_n}} e^{-[z_R - z_{S_n}]^2 \Delta k^2} \cos[2k_0(z_R - z_{S_n})] \right],$$

donde S_0 es la potencia de la fuente ($\int_{k=0}^{\infty} S(k) dk$). En este caso, los términos que aparecen corresponden a una componente DC y una función coseno, cuya frecuencia depende de la longitud de onda central de la fuente k_0 y la diferencia de camino óptico entre los brazos, que se encuentra modulada por funciones gaussianas.

Si se tienen varios reflectores se produce una señal de interferencia en sus posiciones, lo que se ha denominado línea A (A-line), esto se ejemplifica en la Fig. 2-2, donde cuatro reflectores muestran interferencia, la señal que se desea medir corresponde justamente a la envolvente de estas funciones. La reflectividad de la muestra se puede encontrar entonces a través de la medida de la modulación que produce la señal portadora (la función coseno) sobre la función gaussiana de cada reflector, asimismo, la anchura a la mitad del máximo (FWHM: *full-width at half maximum*) de cada función gaussiana está dado por la longitud de coherencia de la fuente, que es justamente la resolución axial de OCT.

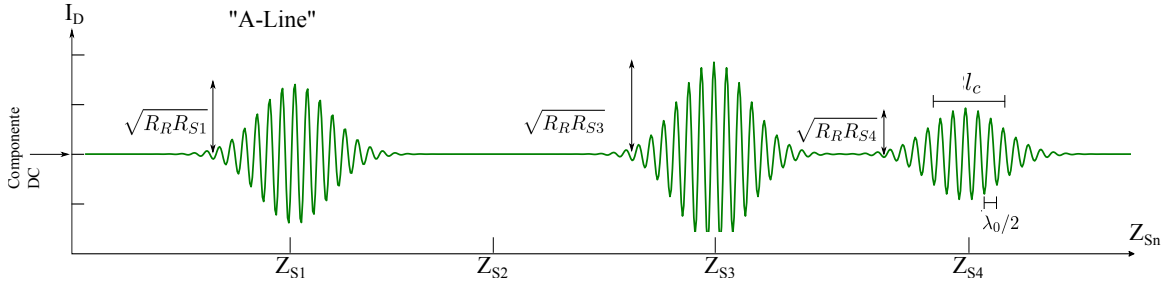


Figura 2-2: Línea A obtenida cuando se realiza el escaneo a una muestra con cuatro reflectores. La magnitud de la interferencia es lo que se busca medir mediante OCT.

2.2.4. Interferometría de baja coherencia en el dominio de Fourier

En OCT en el dominio de Fourier FDOCT (*Fourier-domain optical coherence tomography*), la fotocorriente dependiente del número de onda $I_D(k)$ de la Eq. 2.6 se captura y procesa mediante un análisis de Fourier que permite determinar el perfil de reflectividad $\sqrt{R_S(z_S)}$ de la muestra. En este proceso, el espejo de referencia se mantiene en una posición fija, mientras que las diferentes longitudes de onda son las encargadas de aportar la información de las diferentes profundidades en la muestra. En esta categoría hay dos divisiones para OCT, por un lado se encuentra la tomografía óptica de coherencia en el dominio espectral SDOCT (*spectral-domain optical coherence tomography*) o tomografía óptica de coherencia basada en espectrómetro. OCT en el dominio espectral se basa en el empleo de una fuente de luz con banda ancha, con la diferencia de ubicar un espectrómetro en la salida del interferómetro, y todas las componentes frecuenciales de $I_D(k)$ se capturan de manera simultánea. Por otro lado, está la tomografía óptica de coherencia de fuente de barrido SSOCT (*swept-source optical coherence tomography*), llamada también imagen óptica en el dominio frecuencial OFDI (*optical frequency-domain imaging*). En este caso, las componentes espectrales de $I_D(k)$ se obtienen de forma secuencial, capturando la señal de una banda angosta, mientras que la fuente realiza un barrido por las diferentes longitudes de onda.

El perfil de reflectividad de la muestra $r_S(z_S)$ se calcula mediante la transformada inversa de Fourier de la corriente en el fotodetector, tomando en cuenta que la trans-

formada de Fourier de un coseno es $\mathcal{F}\{\cos(kz_0)\} \rightleftharpoons 1/2[\delta(z \pm z_0)]$ y la transformada de Fourier de la convolución es el producto de las transformadas de Fourier de las funciones convolucionadas $x(z) \otimes y(z) \rightleftharpoons X(k)Y(k)$; la transformada inversa de la Eq. 2.6 corresponde a

$$\begin{aligned} i_D(z) = & \frac{\rho}{8} [\gamma(z)[R_R + R_{S1} + R_{S2} + \dots]] \\ & + \frac{\rho}{4} \left[\gamma(z) \otimes \sum_{n=1}^N \sqrt{R_R R_{S_n}} \{\delta[z \pm 2(z_R - z_{S_n})]\} \right] \\ & + \frac{\rho}{8} \left[\gamma(z) \otimes \sum_{m \neq n=1}^N \sqrt{R_{S_n} R_{S_m}} \{\delta[z \pm 2(z_{S_n} - z_{S_m})]\} \right], \end{aligned} \quad (2.9)$$

donde γ es la distribución espectral de la fuente en el plano espacial. La convolución de la función δ con la función coseno se puede calcular mediante sus propiedades, de manera que la Eq. 2.9 corresponde a

$$\begin{aligned} i_D(z) = & \frac{\rho}{8} [\gamma(z)[R_R + R_{S1} + R_{S2} + \dots]] \\ & + \frac{\rho}{4} \left[\sum_{n=1}^N \sqrt{R_R R_{S_n}} \{\gamma[2(z_R - z_{S_n})] + \gamma[-2(z_R - z_{S_n})]\} \right] \\ & + \frac{\rho}{8} \left[\sum_{m \neq n=1}^N \sqrt{R_{S_n} R_{S_m}} \{\gamma[2(z_{S_n} - z_{S_m})] + \gamma[-2(z_{S_n} - z_{S_m})]\} \right]. \end{aligned} \quad (2.10)$$

La Eq. 2.10 es una discretización de la función gaussiana correspondiente a las posiciones de los reflectores de la muestra, lo que se ha denominado línea A y se muestra en la Fig. 2-3.

La función que se quiere recuperar $\sqrt{R_S(z_S)}$ en este caso se reproduce con las siguientes modificaciones, primero la distancia que se mide desde la posición de referencia está duplicada. El ancho de cada función δ está dado por la longitud de coherencia de la fuente. En la Eq. 2.9 puede apreciarse claramente la convolución entre la muestra (el objeto) y la distribución de la fuente, esta definición indica la correspondencia entre la función extendida de punto (PSF) en un sistema óptico convencional y la dis-

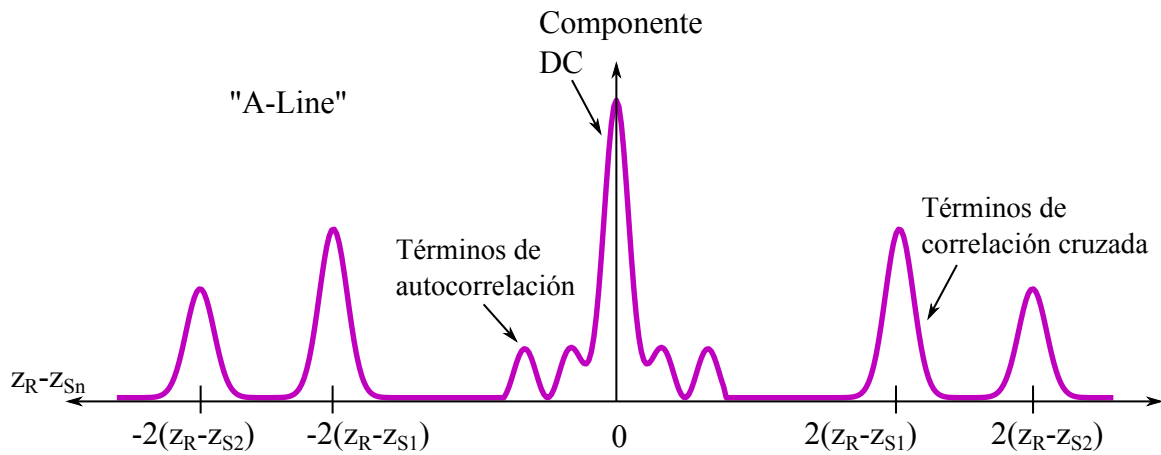


Figura 2-3: Línea A obtenida en una medición de OCT en el dominio espectral. Una de las imágenes es producto de artefactos en la transformada de Fourier.

tribución espectral de la fuente. Finalmente, la aparición de la segunda función δ se debe al complejo conjugado que resulta de la transformada de Fourier de la función coseno, en general, este término representa ruido o “artefactos” en la información que se recupera, sin embargo, existe diferentes técnicas para solucionar este problema [16, 17].

2.3. Algunos parámetros importantes en OCT

2.3.1. Fuentes de iluminación

Uno de los parámetros más importantes que afectan el desempeño de un equipo de OCT corresponde a la fuente de iluminación. En OCT, se busca que la fuente posea un espectro de emisión en el infrarrojo, tenga una longitud de coherencia de máximo 50nm y que posea una potencia mayor a 10mW. La emisión en infrarrojo está relacionada con las características de las muestras, en donde las estructuras biológicas estudiadas por lo general tienen propiedades inhomogéneas, compuestas principalmente de colágeno y fibras elásticas, células, venas y nervios, entre otras estructuras [18]. Éstas poseen diferentes índices de absorción y esparcimiento de luz, acorde con la longitud de onda, en OCT se busca que la absorción respecto a la longitud de onda sea lo menor posible, de forma que la luz llegue hasta capas profundas en el tejido.

Para alcanzar estas características se utilizan longitudes de onda mayores al visible, dado que los tejidos poseen una menor absorción en el rango de longitudes de onda de 600 a 1300nm [19, 20]. Además, como la absorción afecta la profundidad máxima en la cual se puede tener imagen, en el caso de aplicaciones en tejidos biológicos, las longitudes de onda empleadas en OCT están en el rango típico de 800 a 1300nm [5].

Las fuentes de iluminación en OCT deben tener una baja coherencia. En este sentido, se denomina fuente coherente a aquella que produce una relación fija de fase en el campo complejo en diferentes ubicaciones o en distintos instantes, es decir, la fase de un haz coherente debe mantenerse constante en el espacio y el tiempo en cualquier punto en el perfil del haz [21]. Se definen entonces dos tipos de coherencia: espacial y temporal. La coherencia espacial ocurre cuando hay una correlación de la fase en diferentes puntos del espacio a lo largo del perfil del haz [22]. En OCT no hay mucha coherencia espacial pues la presencia de ésta decremента la relación señal ruido, puesto que a mayor coherencia espacial más profundidades a lo largo de la muestra generan interferencia, y esto se refleja como patrones de interferencia aleatorios indeseados o *speckle* [5]. La coherencia temporal por otro lado, se da cuando hay correlación en un punto determinado del perfil del haz a lo largo del tiempo [22]. Esta coherencia es dictada esencialmente por la distribución espectral de la fuente, y es la encargada de determinar la resolución axial del sistema de OCT [15]. Fuentes con un menor tiempo de coherencia, y por tanto, anchos espectrales más grande, producen una mayor resolución axial; mientras que fuentes con un menor tiempo de coherencia produce resoluciones axiales más bajas, ya que hay una dependencia entre el ancho espectral y la resolución axial del sistema [15]. Por último, respecto a la distribución del espectro, en general, las fuentes poseen un espectro gaussiano gracias a sus propiedades [15]. Sin embargo, se pueden emplear fuentes con distribuciones no gaussianas, pero la calidad de las imágenes obtenidas, es peor en la mayor parte de los casos, a causa de la aparición de sombras y artefactos en el patrón de interferencia capturado [23].

Entre las fuentes de luz más comunes para OCT, se encuentran los diodos superluminiscentes (SLDs)[24], los láseres de estado sólido [25] y las fuentes de barrido

[14]. Los diodos superluminescentes funcionan a partir de una unión p-n directamente polarizada, inyectando electrones y huecos en las zonas p y n respectivamente, la recombinación luego de las inyecciones da lugar a una emisión de fotones. La principal ventaja que tiene, es su relativo bajo costo y espectro gaussiano; la resolución axial para estos elementos, se encuentra en el orden de los $16\mu\text{m}$ en tejido, y las longitudes de onda centrales están entre los 700 y 1550nm [24]. Los láseres de estado sólido, se basan en un medio cristalino, dopados con iones en puntos específicos de la red cristalina, esta modificación permite diferentes posibilidades para la longitud de onda de excitación y por tanto de emisión. Con láseres de Titanio-Safiro, comunes en OCT, la resolución axial puede llegar hasta $1\mu\text{m}$ en tejido [25]. Las fuentes de barrido emiten luz en un espectro angosto, cambiando rápidamente a lo largo del rango espectral de la fuente, obteniéndose una longitud de onda cambiante, este tipo de fuente alcanza resoluciones de hasta $1\mu\text{m}$, a tasas de adquisición de 1kHz [14].

2.3.2. Resolución axial y lateral

La resolución en OCT se define mediante dos parámetros, la resolución axial o de profundidad y la resolución lateral o transversal. Una de las características de OCT con respecto a la microscopía, es que la resolución lateral y axial corresponden a parámetros diferentes. La resolución axial Δz , es dependiente de la distribución espectral de la fuente, para un espectro gaussiano cuya longitud de onda central sea λ_0 y su anchura a la mitad del máximo (FWHM) $\Delta\lambda$, corresponde a [15]

$$\Delta z = \frac{2 \ln 2}{\pi} \frac{\lambda_0^2}{\Delta\lambda}. \quad (2.11)$$

La resolución lateral funciona de manera similar a la microscopía, ya que la determina las propiedades del haz enfocado, correspondiente al mínimo tamaño del haz; y es inversamente proporcional a la apertura numérica (NA) de la lente de enfoque. De manera similar a la microscopía confocal, la resolución lateral Δx en OCT se define como [5]

$$\Delta x = \frac{4\lambda_0}{\pi} \left(\frac{f}{D} \right) = \frac{4\lambda_0}{\pi \text{NA}}, \quad (2.12)$$

donde f es la distancia focal efectiva de la lente y D es el tamaño del haz proyectado en la lente de enfoque. La región de enfoque del haz, conocida como profundidad de foco b (el doble del rango de Rayleigh z_R), se define como

$$b = 2z_R = \frac{\pi \Delta x^2}{2\lambda_0}. \quad (2.13)$$

Aunque la resolución axial y transversal son independientes, la capacidad de penetración de OCT también varía con la apertura numérica, una mayor NA incrementa la resolución lateral, pero disminuye la profundidad de foco, mientras que una menor NA produce una menor resolución lateral, pero incrementa el rango de escaneo. En general, OCT emplea aperturas numéricas bajas para incrementar la profundidad de penetración, en el caso de altas resoluciones transversales, existen otras técnicas derivadas de OCT como la microscopía óptica de coherencia (OCM: *optical coherence microscopy*) [26].

2.3.3. Sensibilidad

La sensibilidad es una medida de la mínima reflectividad de la muestra $R_{S,\min}$ detectable por el sistema, se obtiene en el nivel al cual la relación señal ruido se convierte en uno. Expresado en unidades de decibelios, la sensibilidad S_{dB} corresponde a [5]

$$S_{dB} = 10 \log_{10} \left(\frac{1}{R_{S,\min}} \right) \quad (2.14)$$

En un sistema de OCT, S_{dB} puede medirse experimentalmente ubicando filtros de densidad neutra conocida en el brazo objeto y posteriormente un espejo. Considerando que la luz atraviesa dos veces el filtro, la sensibilidad puede obtenerse cuando la señal proveniente de la muestra sea indistinguible del ruido. Los valores típicos de sensibilidad para sistemas de OCT se encuentra en el rango de los -95dB ($R_{S,\min} = 3,16 \times 10^{-10}$ veces la luz incidente) [5].

La capacidad para generar imágenes en profundidad de un sistema de OCT depende de la sensibilidad que éste posea, y es quien dicta la capacidad para producir

imágenes de estructuras debajo de las capas superficiales. La señal de OCT sufre un decaimiento (*roll-off*) exponencial con la profundidad [5, 18], esta pérdida en la señal se debe a varios motivos: el espectro finito de la fuente que limita la distancia máxima sobre la cual puede obtenerse interferencia, asimismo, la frecuencia que posee el patrón de franjas detectado incrementa con la diferencia de camino óptico, a su vez relacionado con la profundidad de penetración. En escala logarítmica, el decaimiento de la señal con respecto a la profundidad de un sistema de OCT no debe tener un valor de más de 10dB/mm, aunque esto dependerá del medio y de las propiedades de la fuente [5].

2.3.4. Relación señal ruido

La relación señal ruido (SNR: *signal-to-noise ratio*) refiere al nivel de la señal que transporta información relevante, con respecto a las variaciones aleatorias y el ruido de fondo que posee el instrumento o sistema de medida. La relación señal ruido, se define como el cociente entre la intensidad media en el detector \bar{I}_d , con respecto a la varianza de ruido σ_n [27],

$$\text{SNR} = \frac{\bar{I}_d}{\sigma_n}, \quad (2.15)$$

o expresado de manera logarítmica,

$$\text{SNR} = 10 \log_{10} \left(\frac{\bar{I}_d}{\sigma_n} \right). \quad (2.16)$$

Aunque existen diferentes fuentes de ruido, en esta sección, se describirán tres de las más importantes, ruido de disparo (*shot noise*), ruido térmico y ruido causado por exceso de fotones; otras causas de ruido tales como el *speckle* serán discutidas en el Capítulo 3.

Ruido de disparo

El ruido de disparo corresponde a las fluctuaciones causadas por la cantidad de fotones con los que se produce la fotocorriente en el detector. La corriente de respuesta

del detector, está determinada por el promedio del conteo de fotones incidentes sobre el sensor, en periodos de tiempo fijos. No obstante, la cantidad de fotones incidentes en el detector no siempre es la misma, y por tanto, la fotocorriente inducida no es constante, a estas variaciones en la señal originadas por el promedio de fotones incidentes en el detector, se le conoce como ruido de disparo [3]. La varianza en la fotocorriente i_s^2 a partir de dicho ruido corresponde a [27]

$$i_s^2 = 2e\bar{I}_d\Delta f, \quad (2.17)$$

donde e es la carga del electrón, \bar{I}_d es la fotocorriente media en el detector y Δf es el ancho de banda del detector.

Ruido térmico

El ruido térmico se debe principalmente al movimiento de cargas causado por la energía térmica en cualquier elemento resistivo. Está relacionado con el equilibrio térmico y la transferencia de energía entre un material y su entorno [28]. La varianza del ruido térmico i_t^2 , se describe como

$$i_t^2 = \frac{4k_B T \Delta f}{R}, \quad (2.18)$$

donde k_B es la constante de Boltzmann, T es la temperatura, Δf el ancho de banda del detector y R la resistencia del material.

Ruido por exceso de fotones

El ruido por exceso de fotones surge por las fluctuaciones en la intensidad de salida de la fuente de luz, causadas por la emisión de fotones de regiones del espectro distinto a la esperada, y que poseen una fase aleatoria [27]. La varianza del ruido por exceso de fotones i_e^2 se indica como

$$i_e^2 = \frac{(1 + \alpha^2)\bar{I}_d\Delta f}{\Delta \nu}, \quad (2.19)$$

donde α corresponde al grado de polarización de la fuente, \bar{I}_d es la corriente promedio en el detector, Δf es el ancho espectral de la fuente y $\Delta \nu$ es el ancho efectivo de la línea. Este tipo de ruido es particularmente importante cuando se emplean fuentes de barrido.

2.4. Implementación de un sistema de OCT a nivel del laboratorio

Como se mencionó anteriormente, en su primera etapa, OCT se basó en el empleo de un interferómetro de Michelson con una fuente de luz blanca. En el laboratorio del Grupo de Óptica Aplicada, se implementó un montaje experimental de OCT que se basa en interferometría de luz blanca, empleando un desplazador piezoeléctrico para realizar escaneos axiales en la muestra. El objetivo final de este montaje, más allá de obtener imágenes *in-vivo* que se encuentran reguladas por normas nacionales e internacionales, es obtener más claridad sobre los procedimientos, conceptos y desafíos que acarrea consigo la producción de equipos empleados en OCT. Existen diferentes aplicaciones no clínicas de OCT, tales como reconstrucción de topografía en materiales metálicos [29], en donde la componente de reflexión especular es lo suficientemente intensa como para producir interferencia; o algunos especímenes biológicos *ex-vivo* como insectos que son relativamente fáciles de analizar [30]. Se espera entonces obtener resultados comparables con los obtenidos por Chang *et. al.* [29], en la reconstrucción de la topografía de una moneda a partir de OCT; y los resultados obtenidos por Molly *et. al.* [30], en el análisis de un insecto *ex-vivo*, aunque en nuestro caso, nos centraremos en el ala de un insecto de la familia *blattodea*.

2.4.1. Componentes y descripción del montaje

A partir de la configuración típica de un interferómetro de Michelson, se implementó el sistema óptico que se presenta en el esquema de la Fig. 2-4; y lo conforman las siguientes componentes con su respectiva referencia. La fuente es una lámpara

halógena de tungsteno (THORLABS OSL2), cuyo espectro se muestra en la Fig. 2-5(a). La luz emitida por la fuente se propaga a través de una fibra óptica hasta llegar a un colimador que se encargan de reducir la alta divergencia del haz. Justo a la salida del colimador, a 1cm, se ubica un diafragma que determina el diámetro del haz que se propagará a lo largo del sistema óptico. Este diafragma cumple también la función de aportar coherencia espacial al haz cuando la apertura se encuentra poco abierta. Luego del diafragma a 12,5cm, se posiciona una lente (THORLABS LA1050) de $\phi = 2''$ con distancia focal efectiva de 100mm que colecta la luz divergente después del diafragma. A continuación, se redirige el haz incidente hacia un filtro de color mediante un espejo. El filtro de color (PHYWE 8406), se encarga de tomar una porción reducida del espectro de la fuente [Fig. 2-5(a)], absorbiendo las longitudes de onda que se encuentren por debajo de $\approx 600\text{nm}$, aportando coherencia temporal al haz incidente. Después de pasar por el filtro, el espectro de la fuente se modifica al que se muestra en la Fig. 2-5(b), en donde la resolución axial disminuye a $2,14\mu\text{m}$, esta corresponde a la resolución axial empleada para las mediciones.

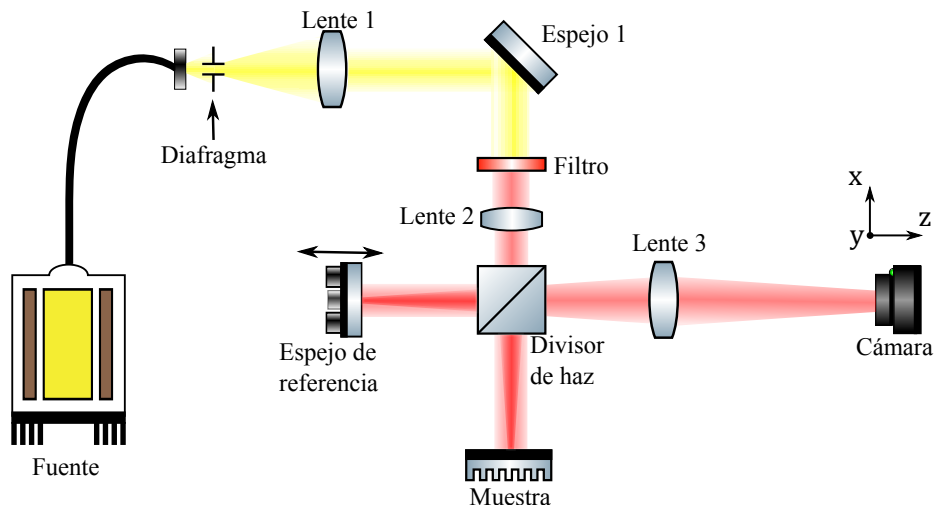


Figura 2-4: Esquema del montaje implementado.

Una vez el haz ha pasado el filtro, se ubica una segunda lente (THORLABS AC254-200-A-ML) de $\phi = 1''$ y distancia focal efectiva de 300mm, con un espaciado de 5cm respecto a la lente, que permite enfocar el haz en la muestra, en caso de ser necesaria una mayor cantidad de luz en un área menor de la muestra. Posterior a la segunda

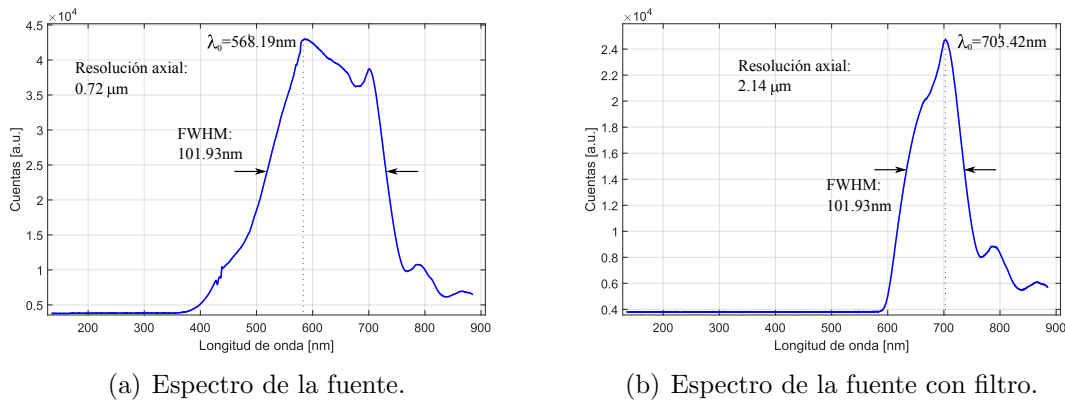


Figura 2-5: Espectros de la fuente halógena de tungsteno, en (a) la resolución axial es de $0,72\mu\text{m}$, mientras que en (b) corresponde a $2,14\mu\text{m}$.

lente, hay un cubo divisor de haz (Edmund Optics 32-702) que refleja 50% de la luz incidente y transmite 50%. El haz transmitido, por su parte, se propaga hasta llegar a la muestra, mientras que el haz reflejado llega hasta el espejo de referencia acoplado a un desplazador piezoeléctrico (THORLABS MDT693A). El piezoeléctrico posee una resolución de $26,66\text{nm}$ por voltio y un desplazamiento máximo de $20\mu\text{m}$, éste se encuentra unido a una mesa de desplazamiento micrométrico con una resolución de $10\mu\text{m}$ y un desplazamiento máximo de $1,5\text{cm}$ para poder encontrar la región de interferencia entre los haces. Los haces reflejados vuelven al cubo divisor y pasan por una tercera lente (THORLABS LA1050) de $\phi = 2''$ con distancia focal efectiva de 100mm , que se encarga de formar imagen. El sistema formador de imagen es un $2f$, de manera que la distancia entre la lente, el espejo de referencia y la muestra es de 200mm . Por último, en el plano imagen a 200mm de la última lente, se ubica una cámara CCD (Point Grey Grasshopper3 GS3-U3-91S6M-C) de 14 bits de profundidad, resolución 3376×2704 píxeles, tamaño de pixel $3,69\mu\text{m}$ y tasa de adquisición de datos de 9 imágenes por segundo. Una fotografía del montaje final se presenta en la Fig. 2-6.

2.4.2. Captura de los patrones de interferencia

La interferencia en el sistema de OCT se da únicamente cuando la diferencia de camino óptico entre el haz objeto y el haz referencia se encuentra dentro la longitud

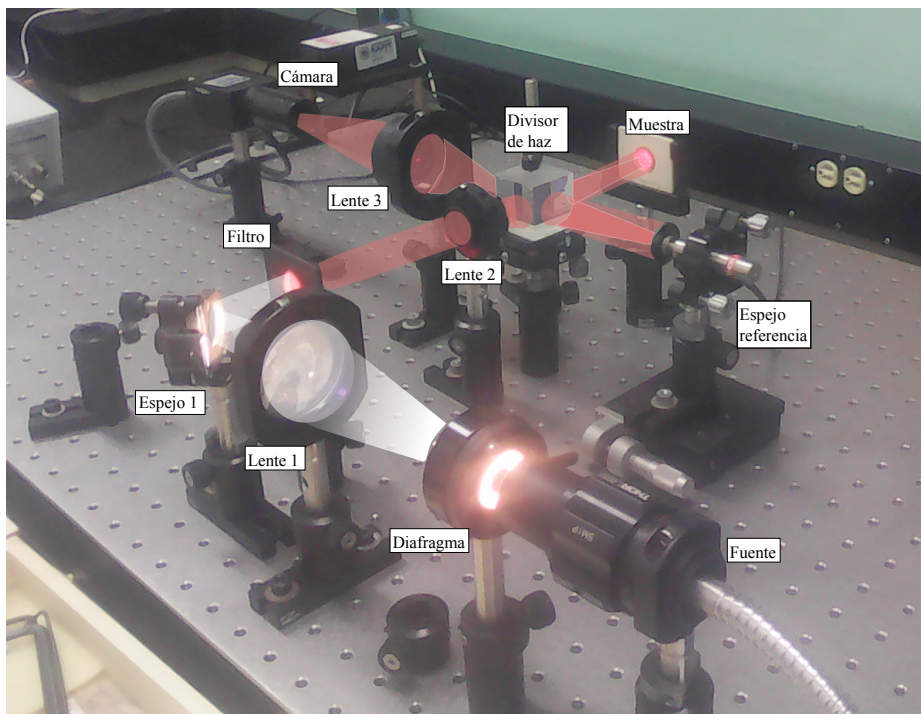
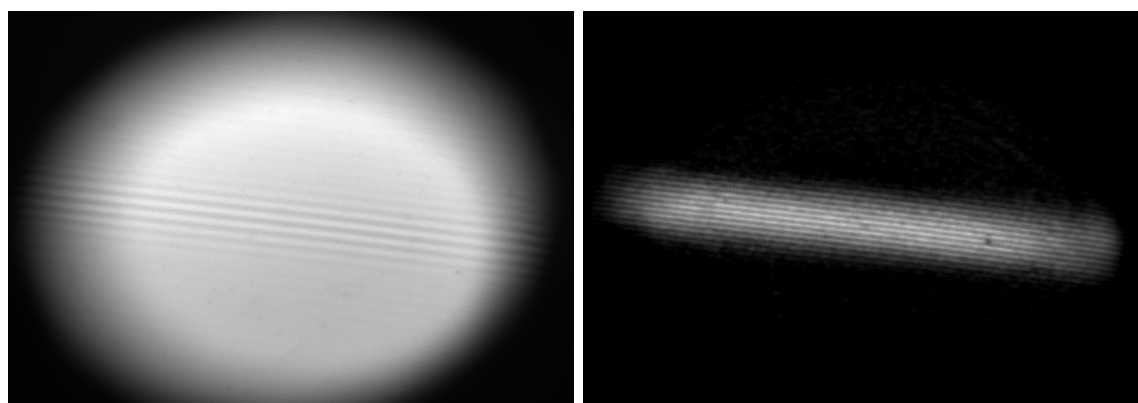


Figura 2-6: Fotografía del montaje.

de coherencia. En el montaje implementado, ésta corresponde a $2,14\mu\text{m}$, es decir, que si la distancia recorrida por los haces que interfieren es menor que dicho rango, aparecerá un patrón de interferencia. Cuando esta distancia se obtiene, se registra el patrón que se muestra en la Fig. 2-7(a). En este caso, ambos brazos poseen espejos y como el divisor de haz tiene una relación 50/50, se espera que la interferencia sea máxima. La imagen mostrada en la Fig. 2-7(a) corresponde a una captura frontal del patrón, conocida en OCT como *en-face*, debido a que muestra el plano XY de los datos. Esta característica es la base de los sistemas que emplean cámaras para capturar los patrones de interferencia, y es conocida como OCT de campo completo (FFOCT: *full-field optical coherence tomography*). Como la reflectividad de la muestra se encuentra implícita en la modulación del patrón de interferencia, es necesario obtenerla mediante algoritmos similares a los de recuperación de fase, por ejemplo a partir del algoritmo de cuatro pasos [31]. En nuestro caso, se optó por emplear el algoritmo conocido como salto de fase iterativo (IPS: *iterative phase shifting*) [32], este algoritmo funciona de manera similar al de cuatro pasos, pero encuentra la fase y los saltos de fase

entre los interferogramas de manera iterativa, mediante un procedimiento de mínimos cuadrados. El IPS requiere al menos tres imágenes con diferentes saltos de fase, pero no requiere ninguna relación fija en los saltos de fase entre los interferogramas. Al ser un algoritmo iterativo, la precisión de la fase depende del número de iteraciones, la tolerancia del error en la función obtenida, la cantidad de imágenes que se empleen y la semilla. Empleando el IPS, con cuatro imágenes y un cambio entre iteraciones mínimo de 10^{-6} se obtuvo la modulación del patrón de franjas con luz blanca que se muestra en la Fig. 2-7(b) en 24 iteraciones.

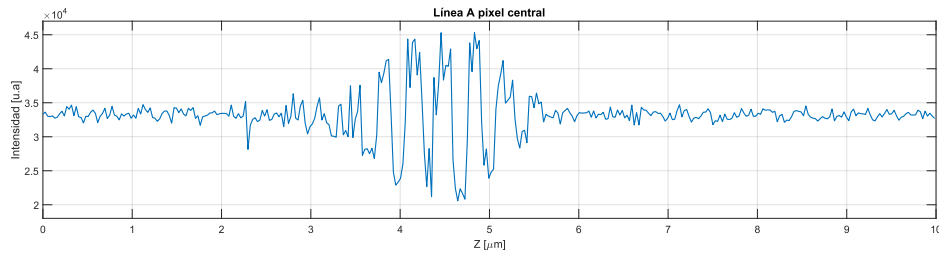


(a) Patrón de interferencia con luz blanca. (b) Modulación en el patrón de interferencia con luz blanca.

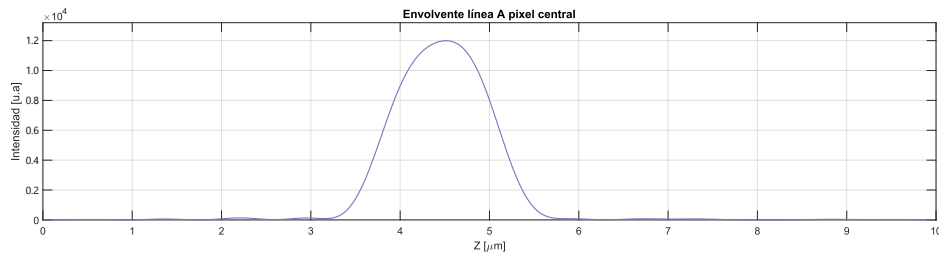
Figura 2-7: Patrón de interferencia obtenido a partir de luz blanca, (a) corresponde a la interferencia directa, y (b) la modulación del patrón obtenido a partir del IPS.

Ahora bien, si se realiza un escaneo axial tomando imágenes de las franjas de interferencia a distintas profundidades, se obtienen desplazamientos del patrón proporcionales a la profundidad en la que se encuentren. Con estos datos se reconstruye el volumen, que en este caso contiene un único reflector. Luego de capturar el volumen, si se toma el escaneo de un punto de la imagen *en-face* se tiene el perfil de reflectividad contra profundidad en un punto de la muestra, esto corresponde a la definición de línea A. Para el pixel central de la Fig. 2-7(a), la línea A correspondiente se muestra en la Fig. 2-8(a), para esta línea la reflectividad de la muestra corresponde a su modulación, la envolvente del reflector suavizada tomando los datos obtenidos por medio del IPS se presenta en la Fig. 2-8(b).

Como conclusión, la obtención de la reflectividad de la muestra en cada profun-



(a) Línea A correspondiente al pixel central.



(b) Envoltente de la línea A.

Figura 2-8: Línea A correspondiente a un pixel, (a) patrón de interferencia registrado en profundidad, correspondiente a la definición de línea A, y (b) envolvente de la línea A, la altura de esta es la reflectividad de la muestra.

didad medidas con el IPS requiere que se capturen al menos cuatro imágenes con diferentes saltos de fase [32], la ventaja fundamental de este algoritmo es que no requiere saltos de fase conocidos y por tanto es menos susceptible a vibraciones en el sistema óptico. Al ser un algoritmo iterativo, el resultado que éste brinda puede mejorarse si se incluye una cantidad mayor de interferogramas en el algoritmo, por lo tanto, cuando haya una alta absorción por parte de la muestra y un bajo contraste del patrón de interferencia, se puede incrementar la cantidad de imágenes capturadas, ya que esto ayuda a diferenciar la región de la imagen con interferencia de aquellas regiones en donde se encuentra el ruido.

Parámetros del montaje

Los parámetros más importantes que determinan el desempeño del montaje y la forma en la que se midieron se relacionan a continuación:

- **Resolución lateral:** La resolución lateral está determinada por la capacidad para desplazarse en los ejes x y y , en el caso de OCT de campo completo, esta resolución la indica el tamaño del pixel del detector que es $3,69\mu\text{m}$.
- **Resolución axial:** Determinada por la longitud de coherencia de la fuente, la resolución axial obtenida fue de $2,14\mu\text{m}$.
- **Desplazamiento axial mínimo y máximo:** El paso mínimo que es posible dar en el sistema corresponde al menor desplazamiento que puede realizar el piezoeléctrico, en este caso $26,66\text{nm}$. Sin embargo, por la resolución axial, el desplazamiento se mantuvo en $1\mu\text{m}$. La distancia máxima que se puede recorrer es una combinación del desplazamiento máximo del piezoeléctrico $20\mu\text{m}$ y el desplazamiento manual que puede hacerse con el tornillo micrométrico, cuya resolución es de $10\mu\text{m}$ y un recorrido total de $1,5\text{cm}$. Para profundidades mayores a $20\mu\text{m}$, es necesario una combinación entre recorrido manual con el tornillo micrométrico y el piezoeléctrico.
- **Sensibilidad:** La sensibilidad del sistema se midió ubicando filtros de densidad neutra de diferentes densidades en el haz objeto, instalando detrás de éste un espejo, de forma que la luz viaja dos veces por el filtro. La máxima densidad para la cual fue posible obtener interferencia fue de 1,8, es decir, $10^{-3,6} \approx 0,25 \times 10^{-3}$ veces la intensidad de entrada ó -36dB , considerando que la doble atenuación que sufre la luz en el filtro.

2.4.3. Resultados obtenidos

Topografía de la moneda

La moneda con la cual se realizó la reconstrucción de topografía se presenta en la Fig. 2-9, la zona de la imagen que se encuentra aumentada y señalada por la línea roja punteada, fue la región en la que se tomaron las imágenes. Mediante el procedimiento de recuperación de la modulación empleando ocho imágenes con el IPS a partir del patrón de franjas, se realizó un escaneo axial de la moneda con desplazamientos en la

dirección Z de $1\mu\text{m}$. La modulación obtenida a partir de los patrones de interferencia capturados a diferentes profundidades se muestra en la Fig. 2-10, las regiones en donde se encuentra interferencia corresponden a las profundidades de la moneda que diferencia en altura es menor a la longitud de coherencia.

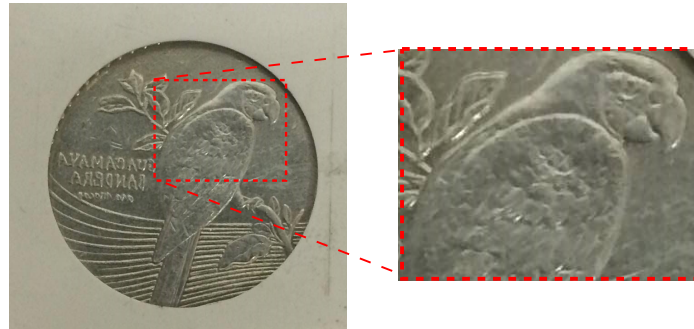


Figura 2-9: Moneda empleada para las mediciones con OCT, el área aumentada corresponde a la sección de la imagen capturada para la reconstrucción.

Las imágenes que se presentan en la Fig. 2-10, fueron capturadas de izquierda a derecha y de arriba hacia abajo, con una separación de $20\mu\text{m}$; en ellas se evidencia cómo la interferencia realiza un escaneo secuencial en la moneda por las diferentes profundidades del relieve que posee, comenzando por la zona inferior, en donde las características del grabado hacen que esta región del relieve se sitúe a una altura mayor, apareciendo primero en la secuencia de interferogramas. A continuación, se escanea la zona central de la moneda, hasta la parte superior, en donde se tiene la región plana y homogénea que posee la moneda. La progresión que sigue la modulación en las imágenes también indica que el haz referencia y el haz objeto no están completamente alineados, ya que la interferencia en las regiones planas de la imagen no ocurren de manera simultánea en una profundidad específica, sino que se encuentra distribuida a lo largo de diferentes profundidades. Luego de escanear un total de $300\mu\text{m}$ en profundidad, se realizó la suma de las modulaciones obtenidas a lo largo de las diferentes posiciones axiales, ésta imagen es equivalente a la proyección bidimensional que una cámara tomaría de la moneda. El resultado de la proyección obtenida con OCT se presenta en la Fig. 2-11(a), mientras que en la Fig. 2-11(b) se encuentra la imagen de la moneda capturada directamente por la cámara.

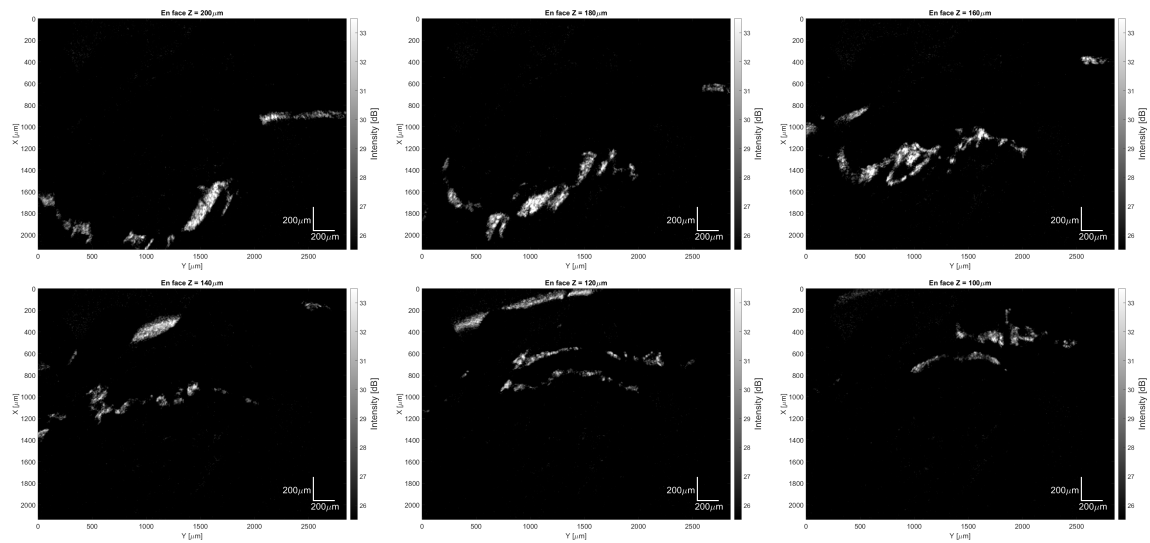
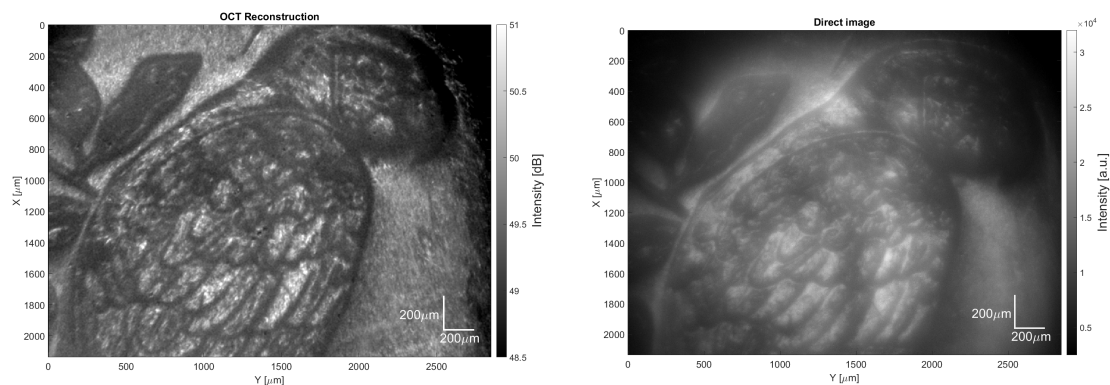


Figura 2-10: Secuencia de imágenes capturadas para la reconstrucción de la topografía de la moneda, la profundidad de cada imagen tiene una diferencia de $20\mu\text{m}$.



(a) Imagen reconstruida a través de OCT. (b) Imagen directa capturada por la cámara.

Figura 2-11: Comparación de la imagen capturada directamente por la cámara con la reconstruida mediante la proyección en dirección Z con OCT.

Como el desplazamiento axial y el tamaño del pixel son conocidos, se pueden tomar cortes de las secciones transversales de moneda, los cuales muestran el relieve que posee a lo largo de uno de los ejes. Tomando dos secciones transversales en los ejes ZX y ZY, ubicados en $Y = 1,06\text{mm}$ y $X = 1,71\text{mm}$ respectivamente, como se indica en líneas blancas punteadas en la Fig. 2-12, se pueden analizar algunos puntos de interés (A–H) en la moneda. Los puntos A, B, C y D se encuentran localizados a lo largo del eje X y señalan en su respectivo orden: (A) sección plana de la moneda, (B) transición

entre el inicio del relieve y la sección plana, (C) zona con alta dispersión, y (D) región con relieve. Los puntos E, F, G y H están sobre el eje Y, y en orden corresponden a: (E) primera zona plana de la moneda, (F) zona con alta intensidad en el relieve, (D) transición entre el relieve y la segunda zona plana, y (E) región plana. Las secciones transversales señaladas anteriormente se muestran en la Fig. 2-13.

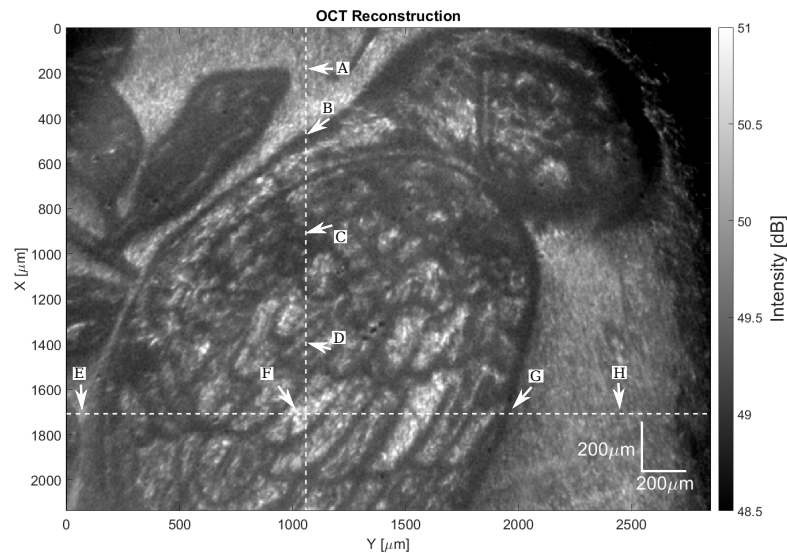
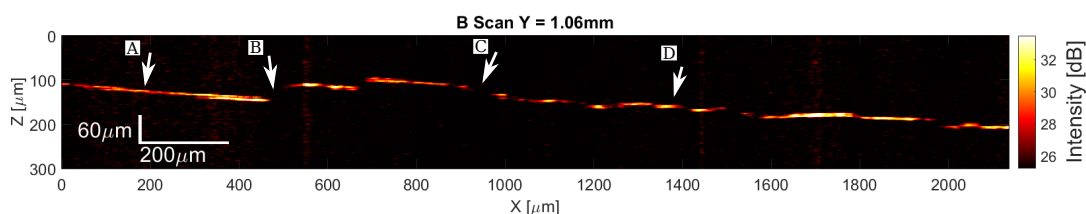


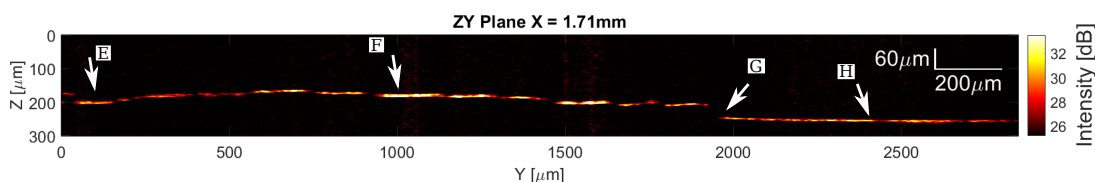
Figura 2-12: Imagen obtenida con OCT a través de la suma de las diferentes imágenes en profundidad capturadas, esta corresponde a una captura similar a las realizadas por las cámaras. Los puntos indicados representan lugares de interés que se discuten en el texto.

La Fig. 2-13(a), correspondiente a la sección transversal en el plano ZX, se le conoce como escaneo tipo B y está ubicado a una distancia $Y = 1,06\text{mm}$. En este caso, a lo largo del eje X se observa únicamente la presencia de un reflector en todas las profundidades Z, lo que es de esperar debido a que la moneda solamente refleja luz sobre la superficie antes de absorber o reflejar la luz que llega hasta ella. Como se conoce la distancia axial escaneada y el tamaño de cada paso, se concluye que el relieve de la moneda presenta una altura máxima de $\approx 50\mu\text{m}$. En la sección transversal se distinguen los puntos A – D sobre el eje X, indicados anteriormente. El punto A muestra una región plana a lo largo de $X \approx 0 - 500\mu\text{m}$, seguida por el punto B como una zona oscura de transición a una altura mayor. C aparece como una pequeña región oscura, que indica una alta dispersión de la luz en la moneda. Por último, el punto D

muestra una zona con fluctuaciones para $X \approx 1350 - 1450 \mu\text{m}$. La Fig. 2-13(b), que es un corte en el plano ZY presenta una variación en profundidad menor, pero como se mencionó, esto está relacionado con la inclinación del haz objeto con respecto al de referencia. Los puntos E y H muestran dos zonas donde la profundidad es constante a lo largo de $Y \approx 50 - 150 \mu\text{m}$ y $Y \approx 2000 - 2800 \mu\text{m}$, representando regiones planas. Alrededor del punto F se encuentra una pequeña zona homogénea pero discontinua por la transición entre las diferentes alturas del relieve. El punto G es la transición de la zona con relieve hasta el área plana, y es por ello que aparece como un punto opaco. Una mayor intensidad en la imagen, representa que la luz ha sido reflejada por la moneda en la dirección del detector, mientras que una baja intensidad, muestra que la moneda refleja la luz en direcciones aleatorias o la absorbe.



(a) Plano ZX o escaneo B obtenido con la topografía de la moneda.



(b) Plano ZY obtenido con la topografía de la moneda.

Figura 2-13: Planos ZX y ZY reconstruidos a partir de OCT para la moneda, estos corresponden a la sección transversal. La presencia de una sola línea está asociada a que solo hay un reflector en la moneda.

A partir de los datos obtenidos, se realizó una reconstrucción tridimensional del volumen de datos, una secuencia de perspectivas de la topografía obtenida para la moneda a partir de este procedimiento, se encuentra en la Fig. 2-14.

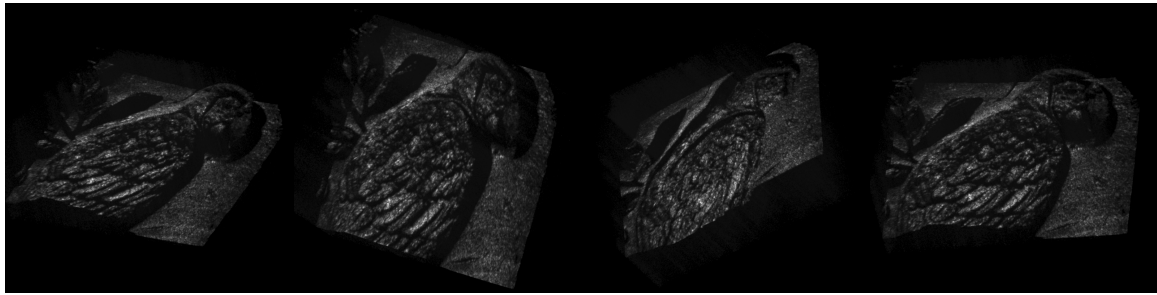


Figura 2-14: Secuencia de perspectivas de la topografía de la moneda reconstruidas con OCT.

Estructura ala de *Blattodea*

La segunda muestra que se analizó es un ala *ex-vivo* de un insecto de la familia *blattodea*, correspondiente al ala frontal conocida como *tegmen*. El *tegmen* en general se encuentra altamente esclerosado, es decir, endurecido por las estructuras que la conforman y la función que cumple, siendo esta última, ayudar durante el vuelo del insecto y servir como protección cuando todas las alas se encuentran plegadas. El ala empleada en las mediciones se presenta en la Fig. 2-15, el área que se encuentra señalada con línea punteada roja corresponde a la región de la cual se obtuvieron las imágenes. La vena más grande que se muestra en el área central de la imagen punteada y de la cual se ramifican venas más pequeñas, se conoce como *radio*. El *radio* cumple la función de dar el principal soporte al ala, pues contiene musculatura que ayudan a la oscilación durante el vuelo. La muestra se colocó en un portamuestras traslucido mediante un protector adhesivo.

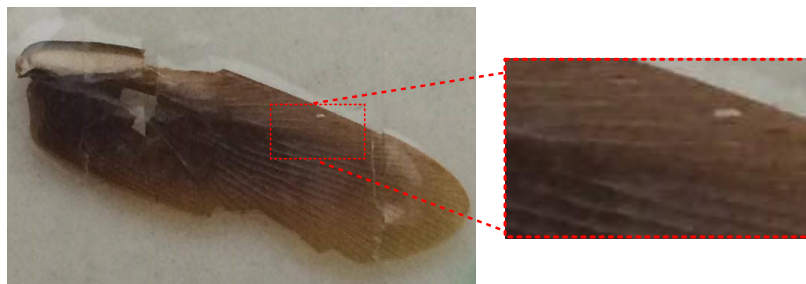


Figura 2-15: Ala frontal o *tegmen* de *blattodea* empleada en las mediciones. A la izquierda, fotografía de la ala, a la derecha, región a analizar.

De manera similar al proceso realizado para la moneda, se capturaron ocho pa-

trones de interferencia con saltos de fase aleatorios, de forma que la modulación se recuperó a través del IPS con desplazamientos de $1\mu\text{m}$, a lo largo de una profundidad de $500\mu\text{m}$. La proyección *en-face* de todas las profundidades se presenta en la Fig. 2-16, esta imagen permite distinguir algunas estructuras del ala, señaladas con flechas desde la A hasta la I. El punto A corresponde a una región en donde se observa el portamuestras, B e I corresponden a lugares en los cuales hay proyector adhesivo, C es una vena ubicada en $X \approx 500\mu\text{m}$ aparece como una región más oscura, ya que la cantidad de luz absorbida por este tipo de estructuras se espera que sea alta; D es una región de la membrana del ala y es por ello que aparece como una zona brillante, en donde la luz es altamente reflejada. E aparece como una región oscura pues en esa zona la mayor parte de la luz fue absorbida por el ala, F muestra un punto ubicado en el *radio* del ala, y H corresponde a la transición entre el ala y aire. Si se realizan dos cortes transversales a lo largo de las líneas punteadas en $X = 0,6\text{mm}$ y $Y = 1,72\text{mm}$, como se muestra en la Fig.2-16, las secciones transversales con los puntos descritos anteriormente pueden analizarse desde la profundidad de la imagen, como se indican en la Fig.2-17.

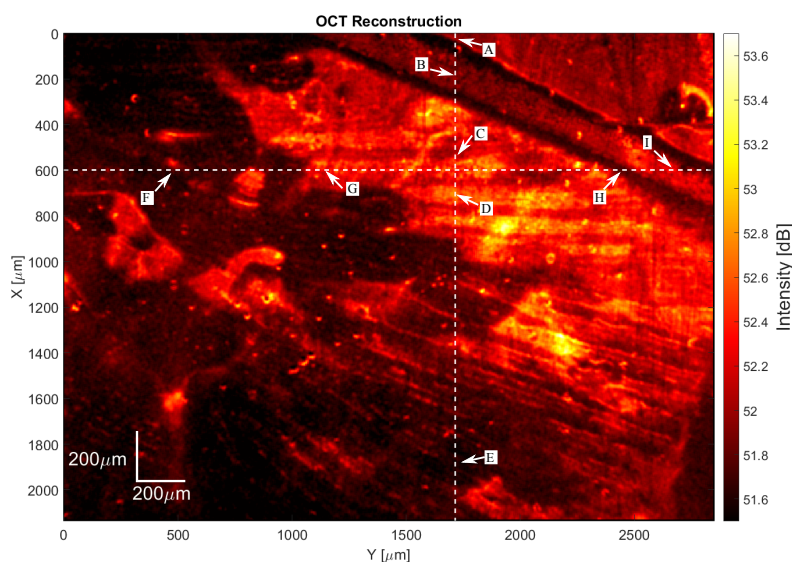


Figura 2-16: Imagen directa recuperada con OCT. Esta corresponde a la suma de todas las imágenes en profundidad obtenidas. Los puntos marcados son zonas de interés que se discuten en el texto. La imagen tiene un color falso de 51,5 a 53dB.

La imagen correspondiente a la Fig. 2-17(a) es el plano ZX en $Y = 1,72\text{mm}$, corres-

pondiente a un escaneo tipo B para el ala, los puntos A – E descritos anteriormente se han ubicado en la figura. Los puntos PA1 y PA2 refieren a la primer y segunda superficie del protector adhesivo, en general son altamente brillantes, ya que este material refleja una gran porción de la luz, y adicionalmente es la primer superficie que encuentra la luz. La región RA corresponde a la ubicación del *radio* del ala, y se espera que sea una región oscura porque como lo mostraba la imagen directa, ésta absorbe fuertemente la luz. Los puntos oscuros ubicados a lo largo del eje X y denotados como VA son venas del ala, estos puntos reflejan menos luz que la membrana dadas sus características, y por ende parecen lugares oscuros. La membrana del ala por su parte, es una estructura delgada que refleja de manera especular una alta porción de la luz, y es por ello que aparece como puntos altamente brillantes, están indicados como ME1 y ME2 para indicar la primera y la última superficie de la membrana. La línea continua indicada como PM es el portamuestras sobre el que se encuentra posicionado el ala, el motivo de que no se encuentre completamente continuo se debe a que las venas atenúan fuertemente la luz, y debajo de éstas áreas es baja la reflexión. Sin embargo, nótese que por debajo del *radio* ($X \approx 0,9\text{mm}$) se observa el portamuestras, es decir, aunque hayan puntos que producen sombras por la luz que atenúan, si hay una fracción de luz que penetra es posible obtener imagen de estructuras por debajo de las capas superficiales.

El punto A, indicado anteriormente, muestra una región plana de la imagen directa, si se observa este punto en la sección transversal, se aprecia que en realidad está conformado por tres capas, dos de ellas correspondiente al protector adhesivo y la última por el portamuestras. El punto B, conformado por las mismas capas anteriores, tiene una menor intensidad sobre el adhesivo, ya que este se encuentra inclinado con respecto al plano del detector, no obstante, el portamuestras que se encuentra alineado con el detector presenta una intensidad mucho mayor. C muestra una de las diferentes venas derivadas del *radio* que aparecen como puntos oscuros. D está ubicado sobre una sección del ala con membrana, la que aparece como un punto brillante por la cantidad de luz que refleja. E es una región oscura ya que por esa zona empieza a aparecer la región del *radio*.

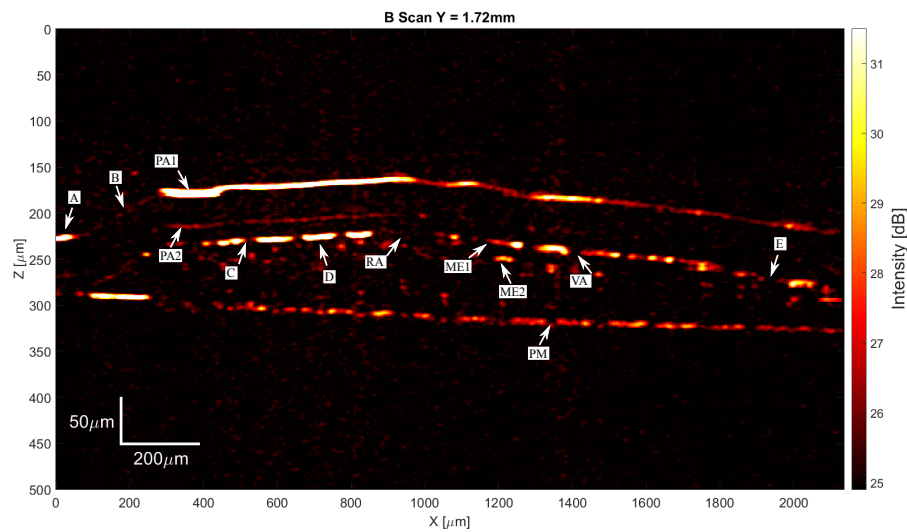
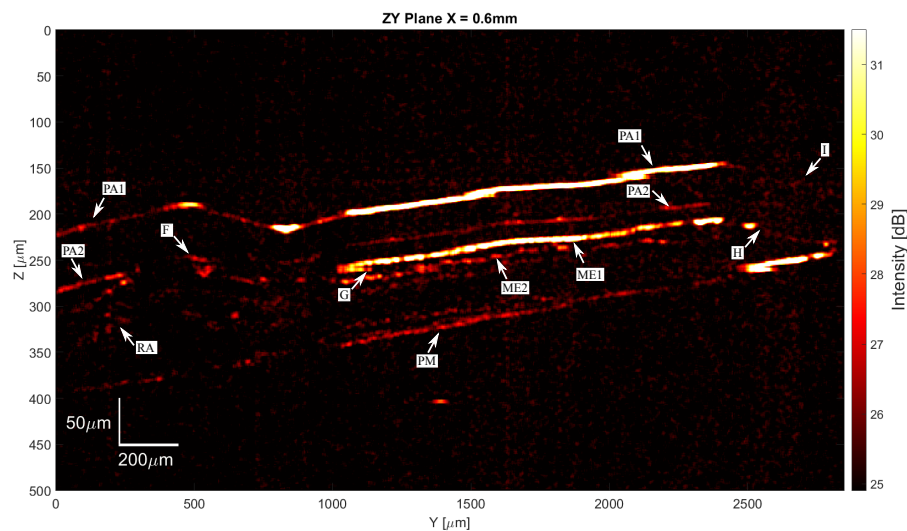
(a) Plano ZX o escaneo B obtenido para el *tegmen*.(b) Plano ZY reconstruido para el *tegmen*.

Figura 2-17: Planos de las secciones transversales en ZX y ZY reconstruidos con OCT para el *tegmen*. Las imágenes tienen un color falso con un rango de 25 a 32dB. Los puntos indicados corresponden a: PA1 y PA2 primera y segunda superficie del protector adhesivo respectivamente, RA vena correspondiente al radio de la ala, PM placa portamuestras, VA vena ramificada a partir del radio, ME1 y ME2 corresponden al inicio y fin de la membrana de la ala respectivamente.

La Fig. 2-17(b) es la sección transversal del plano ZY ubicado en $X = 0,6\text{mm}$. El escaneo en este caso se encuentra alineado con una región de la membrana del ala, es por ello que aparece una línea que muestra claramente las dos superficies del ala ME1 y ME2. Adicionalmente, se observa como el *radio* RA se encuentra entre el

portamuestras y el protector adhesivo, y la forma que siguen los músculos del ala. Por ejemplo en $Y \approx 1 - 1000\mu\text{m}$ se aprecia que el ala no se encuentra completamente alineada con el portamuestras. En este caso, no se aprecia ninguna vena por que nos encontramos en un plano paralelo que se encuentra sobre la membrana, una imagen similar a ésta se obtiene en el volumen de datos, pero mostrando la sección transversal de las venas.

Los puntos F – I ubicados a lo largo del eje X, aparecen en este caso mostrando algunas regiones de interés. F indica una región brillante sobre el *radio*, bajo la cual se aprecia un pliegue del ala, y como se ve en la proyección *en-face*, capas más internas como el portamuestras son mucho menos visibles dada la absorción que tiene esta región. El punto G está indicando la transición entre el *radio* y la membrana del ala, y es por ello que aparece el cambio en el contraste. H corresponde a la transición entre el ala y el portamuestras, esto se evidencia por la desaparición de la alta intensidad sobre la membrana para estar ubicada sobre el portamuestras. En el punto I se observa la región donde solo el protector adhesivo y el portamuestras reflejan luz. De los resultados obtenidos, también se realizó una reconstrucción tridimensional de la estructura del ala, una secuencia de perspectivas de los resultados para el ala se presenta en la Fig. 2-18

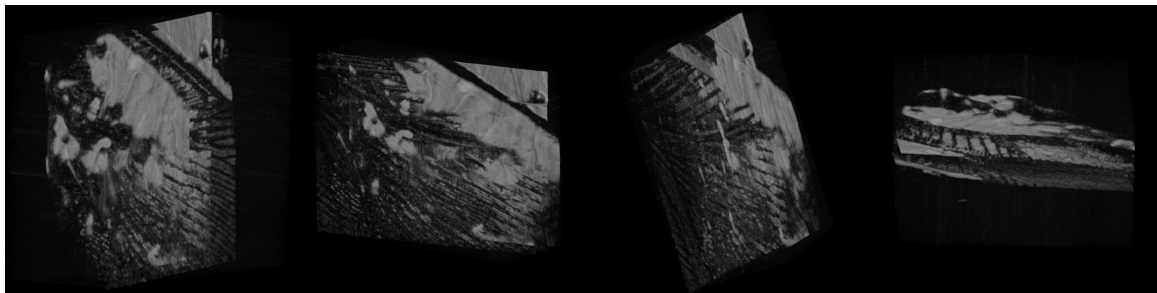


Figura 2-18: Secuencia de perspectivas de la reconstrucción del ala.

Referencias

- [1] M. Duguay and A. Mattick. Ultrahigh speed photography of picosecond light pulses and echoes. *Applied Optics*, **10**:2162–2170, 1971. [49](#)
- [2] K. Mengedoht A. Fercher and W. Werner. Eye-length measurement by interferometry with partially coherent light. *Optics Letters*, **13**(3):186–188, 1988. [50](#)
- [3] P. H. Tomlins and R. K. Wang. Theory and developments and applications of optical coherence tomography. *J. Phys. D: Appl. Phys.*, **38**:2519–2535, 2005. [50](#), [54](#), [66](#)
- [4] A. Fercher, W. Drexler, C. Hitzenberger, and T. Lasser. Optical coherence tomography - principles and applications. *J. Phys. D.: Rep. Prog. Phys.*, **66**:239–303, 2003. [50](#), [52](#), [55](#)
- [5] W. Drexler and J. Fujimoto. *Optical Coherence Tomography: Technology and Applications*. Springer Reference, 2016. [50](#), [51](#), [53](#), [54](#), [62](#), [63](#), [64](#), [65](#)
- [6] D. Huang, J. Wang, C. Lin, C. Puliafito, and J. Fujimoto. Micron-resolution ranging of cornea and anterior chamber by optical coherence reflectometry. *Lasers Surg. Med.*, **11**:419–425, 1991. [50](#)
- [7] A. Fercher. Optical coherence tomography. *Journal of biomedical optics*, **1**(2):157–173, 1996. [50](#)
- [8] J. Schmitt. Optical coherence tomography (oct): A review. *IEEE Journal of selected topics in quantum electronics*, **5**(4):1205–1215, 1999. [50](#)

-
- [9] M. Wojtkowski, R. Leigeb, A. Kowalczyk, T. Bajraszewski, and A. Fercher. *In-vivo* human retinal imaging by fourier domain optical coherence tomography. *Journal of biomedical optics*, **7**(3):457–463, 2002. [51](#)
- [10] R. Leitgeb, C. Hitzenberger, and A. Fercher. Performance of fourier domain vs. time domain optical coherence tomography. *Opt. Express*, **11**:889–894, 2003. [51](#)
- [11] M. Wojtkowski, V. Srinivasan, T. Ko, J. Fujimoto, A. Kowalczyk, and J. Duker. Ultrahigh resolution, high speed, fourier domain optical coherence tomography and methods for dispersion compensation. *Opt. Express*, **12**:2435–2447, 2004. [51](#)
- [12] N. Nassif, B. Cense, B. Park, S. Yun, T. Chen, B. Bouma, G. Tearney, and J. de Boer. *In-vivo* human retinal imaging by ultrahigh-speed spectral domain optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **29**:480–482, 2004. [51](#)
- [13] S. Yun, G. Tearney, B. Bouma, B. Park, and J. Boer. High-speed spectral-domain optical coherence tomography at 1,3 μm wavelength. *Opt. Express*, **11**:3598–3604, 2003. [51](#)
- [14] M. Choma, M. Sarunic, C. Yang, and J. Izatt. Sensitivity advantage of swept-source and fourier domain optical coherence tomography. *Opt. Express*, **11**:2183–2189, 2003. [51](#), [63](#)
- [15] M. Brezinski. *Optical coherence tomography: Principles and applications*. Academic Press, 2006. [53](#), [55](#), [62](#), [63](#)
- [16] Jung-Taek Oh and Beop-Min Kim. Artifact removal in complex frequency domain optical coherence tomography with iterative least-squares phase shifting algorithm. *Applied Optics*, **45**(17):4157–4164, 2006. [61](#)
- [17] S. Vergnole, G. Lamouche, and M. Dufour. Artifact removal in fourier-domain optical coherence tomography with a piezoelectric fiber stretcher. *Optics Letters*, **33**(7):732–734, 2008. [61](#)

- [18] A. Fercher, W. Drexler, C. Hizenberger, and T. Lasser. Optical coherence tomography - principles and applications. *Rep. Prog. Phys.*, **66**(66):239–303, 2003. [61](#), [65](#)
- [19] P. Parsa, S.L. Jacques, and N.S. Nishioka. Optical properties of rat liver between 350 and 2200 nm. *Appl. Opt.*, **28**:2325—2330, 1989. [62](#)
- [20] M.E. Brezinski, G.J. Tearney, B.E. Bouma, J.A. Izatt, M.R. Hee, E.A. Swanson, J.F. Southern, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography for optical biopsy: Properties and demonstration of vascular pathology. *Circulation*, **93**:1206—1213, 1996. [62](#)
- [21] M. Born and E. Wolf. *Principles of optics: Electromagnetic theory of propagation, interference and diffraction of light*. Pergamon Press, 5 edition, 1975. [62](#)
- [22] E. Hecht. *Óptica*. Adison Wesley, 3 edition, 2000. [53](#), [62](#)
- [23] P. Jansz, S. Richardson, G. Wild, and S. Hinckley. Modeling of low coherence interferometry using broadband multi-gaussian light sources. *Photonic sensors*, **2**(3):247–258, 2012. [62](#)
- [24] T. Ko, D. Adler, J. Fujimoto, D. Mamedov, V. Prokhorov, V. Shidlovski, and S. Yakubovich. Ultrahigh resolution optical coherence tomography imaging with a broadband superluminescent diode light source. *Opt. Express*, **12**(10):2112–2119, 2004. [62](#), [63](#)
- [25] W. Drexler, U. Morgner, F. Kärtner, C. Pritis, S. Boppart, X. Li, E. Ippen, and J. Fujimoto. *In-vivo* ultrahigh-resolution optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **24**(17):1221–1223, 1999. [62](#), [63](#)
- [26] E. Beaurepaire, A. Boccara, M. Lebec, L. Blanchot, and H. Saint-Jalmes. Full-field optical coherence microscopy. *Opt. Lett.*, **23**(4):244–246, 1998. [64](#)
- [27] A. Rollins and J. Izatt. Optimal interferometer designs for optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **24**(21):1484–1486, 1999. [65](#), [66](#)

-
- [28] B. Bouma, , and G. Tearney. *Handbook of optical coherence tomography*. Marcel Dekker, 2002. 66
- [29] S. Chang, S. Sherif, Y. Mao, and C. Flueraru. Large area full-field optical coherence tomography and its applications. *The Open Optics Journal*, **2**:10–20, 2008. 67
- [30] H. Molly. Full-field and single-shot full-field optical coherence tomography: A novel technique for biomedical imaging applications. *Advances in Optical Technologies*, **2012**:1–27, 2012. 67
- [31] D. Malacara. *Optical Shop Testing*. John Wiley & Sons, 2 edition, 1992. 70
- [32] Z. Wang and B. Han. Advanced iterative algorithm for phase extraction of randomly phase-shifted interferograms. *Opt. Lett.*, **29**(14):1671–1673, 2004. 70, 72

Capítulo 3

Supresión del ruido por *speckle* en imágenes de OCT

Uno de los principales problemas que tienen las imágenes provenientes de OCT, es que en la mayor parte de los casos se encuentran afectadas por la presencia de ruido de *speckle*. El objetivo de este capítulo es proponer un método de filtrado que preserve las estructuras que se miden con OCT, pero que permita mitigar los efectos del ruido y faciliten la comprensión de la información que poseen las imágenes. Para tal fin, se propone una modificación y extensión de un algoritmo conocido como *non-local means*, considerando las características de la información disponible en OCT.

El propósito de este capítulo es dar las bases fundamentales para comprender la naturaleza del filtrado propuesto y relacionarlo con los resultados obtenidos. En ese orden de ideas, este capítulo se encuentra dividido en cinco secciones, en donde se analizarán los siguientes aspectos: la Sección 3.1 corresponde a las bases de la estadística de *speckle* de primer orden; la Sección 3.2 presenta el estado del arte del filtrado de ruido por *speckle* en imágenes de OCT; la Sección 3.3 discute las causas de la aparición de *speckle* en el caso de OCT, fundamento con el que será posible entender la técnica de filtrado que se quiere implementar, y que se discute en la Sección 3.4. En la última Sección 3.5 se mostrará un análisis de los resultados obtenidos con el filtrado propuesto, y se analizarán algunas aplicaciones en donde se ha probado .

3.1. Principios básicos de la estadísticas de *speckle*

El *speckle* fue descubierto durante las primeras pruebas realizadas con láseres, en donde se apreciaba la formación de un patrón granulado cuando el haz de luz se reflejaba en superficies tales como las paredes del laboratorio. A partir de estas observaciones, se explicaría que el *speckle* surge cuando luz coherente se refleja en una superficie cuya rugosidad se encuentra en la escala de la longitud de onda, o bien, cuando la luz se propaga por un medio con variaciones aleatorias en el índice de refracción [1, 2]. El patrón obtenido bajo estas condiciones posee un alto contraste, con estructuras granulares finas y distribuido en el espacio de una manera relativamente uniforme. La formación de patrones de *speckle* es un fenómeno aleatorio, en el que no es posible describir con exactitud en qué lugares aparecerá una estructura brillante u oscura, esto se debe a que la mayor parte de los materiales poseen una rugosidad aleatoria en la escala micro, y su comportamiento no puede ser descrito de manera determinista, sino que debe tratarse mediante funciones de probabilidad que describen las características del campo de *speckle*. Las variaciones aleatorias que son inducidas en el haz para formar patrones de *speckle* en general son complejas, por ende, poseen una amplitud y una fase que representan una magnitud y una dirección aleatoria respectivamente [3]. La superposición de las amplitudes y fases aleatorias de todos los puntos luego de la reflexión en la superficie, dan lugar a la formación del patrón de *speckle*. Esta suma produce que la amplitud y la fase sean aleatorias, y de acuerdo a la diferencia de fase que haya entre los puntos en la superficie o las contribuciones elementales se producirá interferencia constructiva o destructiva, por lo tanto el *speckle* tendrá una apariencia de puntos brillantes u oscuros respectivamente.

Debido a que no se conocen detalles sobre la estructura microscópica de la superficie, es más fácil analizar las características de los patrones de *speckle* de manera estadística [2], asumiendo que sus propiedades en la escala microscópica difieren. Si $\mathbf{A}(x, y, t)$ es una señal compleja en el patrón de *speckle* en un punto (x, y) en un instante t , ésta puede representarse como

$$\mathbf{A}(x, y, t) = A(x, y, t)e^{i\theta(x, y, t)}, \quad (3.1)$$

donde $A(x, y, t)$ es la amplitud, $\theta(x, y, t)$ la fase y (x, y, t) la dependencia espacial y temporal de dicha señal. El patrón de *speckle* aparece cuando cada punto se encuentra descrito a través de la superposición de una gran cantidad de contribuciones elementales complejas $\mathbf{a}_n(x, y, t)$ con fases aleatorias provenientes de N puntos diferentes y producidas por centros dispersores, de manera que el campo de *speckle* obtenido corresponde a

$$\begin{aligned} \mathbf{A}(x, y, t) &= A(x, y, t)e^{i\theta(x, y, t)} \\ &= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=1}^N \mathbf{a}_n(x, y, t) \\ &= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=1}^N a_n(x, y, t)e^{i\phi_n(x, y, t)}, \end{aligned} \quad (3.2)$$

donde $\mathbf{a}_n(x, y, t)$ es el n -ésimo punto contribuyente al campo, con amplitud $a_n(x, y, t)$ y fase $\phi_n(x, y, t)$. El campo complejo $\mathbf{A}(x, y, t)$ se describe a partir de la *estadística de speckle*, en donde cálculos estadísticos de la superposición de las contribuciones elementales describen la probabilidad de que un punto en el espacio y tiempo, posea una amplitud $A(x, y, t)$ y una fase $\theta(x, y, t)$. En estos parámetros se centrará el análisis, basándose en las contribuciones elementales $\mathbf{a}_n(x, y, t)$ y $\phi_n(x, y, t)$, para ello se asumirá que [1]: (1) la amplitud a_n y la fase ϕ_n de las contribuciones elementales son estadísticamente independientes de a_m y ϕ_m cuando $n \neq m$, es decir, la amplitud y la fase de las contribuciones elementales no aportan información sobre la amplitud y la fase de otra contribución elemental diferente a sí misma; (2) para cualquier n la amplitud a_n y la fase ϕ_n son estadísticamente independientes, por lo tanto, conocer la amplitud a_n no aporta información sobre la fase ϕ_n y viceversa; (3) las fases de las contribuciones elementales ϕ_n se encuentran distribuidas en el intervalo $(-\pi, \pi)$, por lo tanto, fase tiene la misma probabilidad de adquirir cualquier valor en un rango de

2π .

La función de densidad de probabilidad conjunta $p_{A,\theta}(A, \theta)$ para la amplitud y la fase del campo resultante de la superposición de contribuciones elementales, obedece a la ecuación [1]

$$p_{A,\theta}(A, \theta) = \frac{A}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{A^2}{2\sigma^2}\right), \quad (3.3)$$

donde σ es la varianza de la amplitud, esto se cumple para el rango ($A \geq 0$) y ($-\pi \leq \theta < \pi$). A partir de la función de densidad de probabilidad conjunta se puede encontrar la estadística de A y θ de manera individual, en el primer caso integrando la Eq. 3.3 con respecto a θ , mientras que en el segundo caso integrando con respecto a la amplitud A . La función de densidad de probabilidad para la amplitud $p_A(A)$ se calcula con la Eq. 3.3 e integrando respecto a θ en el intervalo acotado sigue que

$$p_A(A) = \int_{-\pi}^{\pi} p_{A,\theta}(A, \theta) d\theta = \frac{A}{\sigma^2} \exp\left(-\frac{A^2}{2\sigma^2}\right), \quad (3.4)$$

la cual corresponde a una función de Rayleigh, esto concluye que la amplitud de una campo de *speckle* sigue una función de densidad de probabilidad del tipo Rayleigh. Si bien la Eq. 3.4 describe la probabilidad de obtener algún valor de amplitud específico, los sensores digitales solamente pueden registrar la intensidad I del patrón, que se define como el módulo cuadrado de la amplitud $I = |A|^2$.

Conocer la probabilidad de obtener algún valor de intensidad es de alta importancia, ya que describe los valores que se registrarán en el detector. La función de densidad de probabilidad en el caso de la intensidad se obtiene entonces como

$$\begin{aligned} p_I(I) &= p_A(A) \times p_A^*(A) = |p_A(A)|^2, \\ &= \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{I}{2\sigma^2}\right) \\ &= \frac{1}{\bar{I}} \exp\left(-\frac{I}{\bar{I}}\right), \end{aligned} \quad (3.5)$$

donde \bar{I} es el valor esperado de la intensidad, esto se cumple para ($I \geq 0$). La dis-

tribución correspondiente a la Eq. 3.5 es una función de densidad de probabilidad exponencial negativa, e indica que es más probable obtener regiones oscuras que brillantes en el patrón de *speckle* debido a que la probabilidad de obtener una intensidad alta decrece exponencialmente. A los patrones de *speckle* que siguen este tipo de distribución de intensidad, se les conoce como *speckle completamente desarrollado*, y cumplen que la varianza de la intensidad, es igual a su valor esperado,

$$\begin{aligned}\sigma_I^2 &= \bar{I}^2 \\ \sigma_I &= \bar{I}.\end{aligned}\tag{3.6}$$

A partir de esto, en el caso del *speckle* completamente desarrollado [3], la relación señal ruido definida en la Sección 2.3.4, corresponde a $\text{SNR} = \bar{I}/\sigma_I = 1$, como consecuencia de esto, el ruido causado por *speckle* tiene fluctuaciones del orden de la señal y degrada fuertemente la calidad de las imágenes que se capturan cuando éste se presenta. Finalmente, la función de densidad de probabilidad para el caso de la fase $p_\theta(\theta)$, se puede hallar integrando la Eq. 3.3 con respecto a A , esto es

$$p_\theta(\theta) = \int_0^\infty \frac{A}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{A^2}{2\sigma^2}\right) dA = \frac{1}{2\pi},\tag{3.7}$$

es decir que todos los puntos tienen la misma probabilidad de tener un valor de fase distribuido en un intervalo de 2π .

El *speckle* aparece en técnicas de imagen coherente y por lo general, se manifiesta como ruido en las imágenes. Algunas técnicas de imagen en donde aparece el ruido por *speckle* son: imágenes de radares de apertura sintética (SAR: *synthetic-aperture radar*) [4], imágenes de ultrasonido [5], tomografías computacionales (CT: *computed tomography*) [6], imágenes por resonancia magnética (MRI: *magnetic resonance imaging*) [7] e imágenes de OCT [8]. El ruido por *speckle* reduce el contraste de estructuras finas y dificulta la interpretación de información relevante en las técnicas mencionadas anteriormente, sin embargo, su aparición es inherente a las propiedades de los sistemas con los cuales se capturan las imágenes. En cada una de las categorías de imagen mencionadas anteriormente, existen diversas técnicas que permiten reducir

el impacto del ruido por *speckle* mediante modificaciones en el método de captura de datos [9] o a través técnicas que son realizadas por posprocesamiento [10]. A continuación, se detallará el desarrollo que han tenido algunas técnicas de posprocesamiento en el caso de OCT.

3.2. Estado del arte del filtrado de *speckle* en OCT

Como en los casos de imagen coherente, el *speckle* aparece en OCT de dos maneras: como señal portadora de información y a la vez como degradador de la señal en forma de ruido [8], sin embargo, la discusión de este aspecto se dejará para la Sección 3.3. Los algoritmos desarrollados para eliminar el ruido por *speckle* en OCT pueden dividirse en tres grandes categorías: descomposición en transformaciones [11, 12], representaciones dispersas (*sparse*) [13] y filtros en el dominio espacial [14]. En el caso de las transformadas se encuentran algoritmos conocidos como *wavelet* [11, 12] y *curvelet* [15, 16] en donde el filtrado se realiza a través del cálculo de coeficientes asociados con la imagen, aquellos coeficientes que provienen de los bordes de la imagen se agrupan espacialmente, mientras que aquellos provenientes de los patrones de *speckle* no. Los coeficientes correspondientes al ruido y a la imagen pueden diferenciarse por medio de un umbral, lo que permite reducir la discontinuidades causadas por el *speckle* en la imagen. Éstas técnicas tienen la desventaja de ser poco sensibles ante estructuras finas y pueden producir artefactos en las imágenes filtradas cerca a los bordes.

Las representaciones *sparse* se encuentran relacionadas con el concepto de *compress sensing*, y en general, emplean una porción del total de datos para remover el ruido de manera efectiva en toda la imagen [13, 17–19]. El filtrado mediante representaciones *sparse*, conocido como *multiscale sparsity-based tomographic denoising* (MSBTD) [13] requiere la captura de un patrón de datos especial, en donde la velocidad de captura es muy baja, y por tanto, hay una alta relación señal-ruido. Con base en ese patrón especial, se crean diccionarios contra los cuales se comparan y filtran las imágenes capturadas a una mayor velocidad y una relación señal ruido menor, asumiendo que los vecinos cercanos a un punto poseen una textura y un patrón de

ruido similar. Extensiones al MSBTD han sido propuestas [18, 19], en donde los diccionarios se crean a partir de datos previamente adquiridos y mejoran el desempeño del filtrado, no obstante, esta mejora trae consigo un incremento significativo en el tiempo de procesamiento de los datos.

Los filtros en el dominio espacial pueden categorizarse en dos grupos principales, locales y no locales. Los algoritmos locales, tales como la divergencia de regularización generalizada (GDR: *generalized divergence regularization*) [20], tienen bajos tiempo de computo, pero la desventaja de no funcionar muy bien cuando la correlación entre píxeles cercanos se ha perdido por culpa del ruido o cuando la relación señal ruido es baja. En los métodos no locales, como el promedio no local (*NL-Means: non-local means*) [21, 22] emplean una pequeña región alrededor de cada pixel para realizar el filtrado, en lugar de considerar cada pixel de manera independiente. *NL-Means* ha sido altamente atractivo para el filtrado de ruido gaussiano y se ha extendido hasta el caso de ruido multiplicativo o de *speckle*. Recientemente, *NL-Means* se implementó en OCT por Yu *et. al.* [14], y su desempeño ha sido comparable con otros algoritmos de filtrado empleados en OCT hasta la fecha.

3.3. Características del *speckle* en OCT

Como se mencionó anteriormente, las características del patrón de *speckle* que se produce cuando la luz se refleja en una superficie rugosa o al pasar por un medio con variaciones en el índice de refracción depende de las características de dichos medios, muestra de ello es que desplazamientos pequeños de la superficie rugosa varían completamente la forma que posee el patrón de *speckle*. En el caso de OCT, el *speckle* es influenciado no sólo por las propiedades de los medios, sino que depende también de la coherencia temporal de la fuente, las refracciones y aberraciones que experimenta el haz, así como de la apertura numérica del sistema [8]. En OCT, la señal que se captura proviene de la interferencia producida por un haz de referencia y la señal retroreflejada por la muestra, mientras que el escaneo axial es posible ya que la interferencia se da únicamente en profundidades dentro de la longitud de coherencia.

La fotocorriente producida en el detector i_D , es proporcional al promedio temporal de la suma del haz referencia E_R y el haz objeto E_s , reescrito desde la Eq. 2.4,

$$i_D = \rho \langle |E_R + E_s|^2 \rangle \quad (3.8)$$

donde $\langle \cdot \rangle$ representa el promedio temporal que realiza el detector y ρ es el factor de respuesta del sensor. La señal interferométrica que se mide corresponde entonces a

$$i_D = \rho \langle |E_R|^2 + |E_s|^2 + 2E_R E_s \cos(\phi) \rangle, \quad (3.9)$$

donde ϕ representa la diferencia de camino óptico entre ambos haces ($\phi = 2k_0 \Delta z$), nótese que la fotocorriente i_D depende de la diferencia de camino óptico entre los brazos, esto es lo que hace que OCT sea sensible a la fase y por tanto al ruido por *speckle*.

En el caso ideal de un solo reflector ubicado en el brazo objeto y que refleja la totalidad de la luz que recibe, la fotocorriente depende únicamente de la diferencia de camino óptico entre los haces. En el caso de las muestras de OCT, se tiene una alta densidad de centros dispersores en la muestra, lo que produce una modulación en el patrón de interferencia que dependerá de la forma en la que se superpongan las distintas contribuciones de la totalidad de los centros dispersores. La luz que se propaga en la muestra tiene dos principales componentes de aleatoriedad, una de ellas introducida por las múltiples dispersiones que sufre el haz al entrar y salir del tejido; la segunda, es causada por el esparcimiento que sufre al propagarse de ida y regreso.

La Fig. 3-1 ejemplifica el recorrido que sigue la luz al interior de la muestra, inicialmente, un frente de onda incidente llega hasta la muestra, luego se darán múltiples dispersiones y esparcimientos en el camino de entrada hasta llegar a la región focal en donde se obtiene imagen. En el camino de regreso, la luz debe experimentar nuevamente dispersiones y esparcimientos hasta regresar al sistema óptico, en este proceso, el frente de onda ha sufrido una deformación por los retrasos aleatorios que sufre al retornar. Adicionalmente, hay centros dispersores por fuera de la zona focal que pueden reflejar luz en la dirección del detector, al igual que centros dispersores que luego

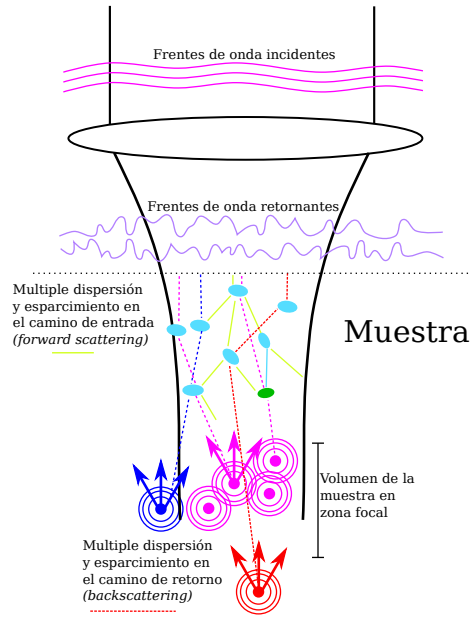


Figura 3-1: El *speckle* en OCT se forma a causa de las múltiples propagaciones que debe realizar el haz en la muestra hasta llegar a la región focal, el esparcimiento y la dispersión al ingreso y salida del tejido produce una aleatorización del frente de onda, y por tanto, se da la formación de patrones de *speckle*.

de múltiples esparcimientos regresan luz al sistema óptico. La contribución de estos puntos, es lo que genera que el frente de onda experimente interferencias aleatorias, dando lugar a la aparición de *speckle* en las imágenes registradas.

Los resultados de la estadística de *speckle* obtenidos en imágenes de OCT por Schmitt *et. al.* [8] y por Bashkansky *et. al.* [23] muestran que los patrones de *speckle* que se forman en OCT en el caso de luz polarizada quasimonocromática, son patrones completamente desarrollados, donde la probabilidad de medir un valor de intensidad $p(I)$ en algún punto, obedece una a función de densidad de probabilidad exponencial decreciente,

$$p(I) = \frac{1}{I} \exp\left(-\frac{I}{I}\right),$$

como se explicó en la Sección 3.1. Pero en el caso de luz despolarizada, hay una variación en la función de densidad de probabilidad de los patrones obtenidos, esta corresponde a [23],

$$p(I) = \frac{4I^2}{I} \exp\left(-2\frac{I}{I}\right). \quad (3.10)$$

En el caso de luz no polarizada, la relación señal ruido tiene también una variación, incrementándose a $SNR = 1,4$, esto es un aumento de 0,4 con respecto al caso de luz polarizada, este hecho es parcialmente soportado por la falta de influencia del estado de polarización en la interferencia aleatoria para formar patrones de *speckle*.

El problema fundamental que tiene el *speckle* en OCT es que cumple una doble función, lo que imposibilita su eliminación completamente. En este sentido, el *speckle* se divide en dos categorías: *speckle* portador de señal y *speckle* degradador de señal [8]. El *speckle* portador de señal se origina desde la muestra en la zona focal, y proyecta en promedio, un tamaño proporcional a la muestra medida. El *speckle* degradador consiste de pequeños puntos de *speckle* creados por la luz que llega a regiones fuera de la zona focal, y luego, es dispersada múltiples veces hasta que retorna al sistema con una diferencia de camino óptico con respecto a los brazos del interferómetro, manifestándose como ruido.

El tamaño del *speckle* puede controlarse a través de variaciones en la apertura numérica del sistema óptico, una apertura numérica menor produce patrones de *speckle* relativamente grandes, mientras que una apertura numérica grande genera patrones más finos. Una imagen de la retina afectada por ruido de *speckle* obtenida mediante OCT se presenta en la Fig. 3-2.

La presencia de *speckle* degradador reduce la calidad de las imágenes obtenidas por OCT, y en general, es deseable poder suprimir sus efectos, mientras se conserva la calidad de la imagen. El ruido causado por *speckle* sobre una imagen se conoce como *ruido multiplicativo*, y es un problema que se encuentra en múltiples técnicas de imagen coherente, por ejemplo, los radares de apertura sintética. A continuación, se relacionarán una técnica de filtrado proveniente de esta técnica de imagen, y que muestra un alto potencial para eliminar ruido en el caso de OCT.

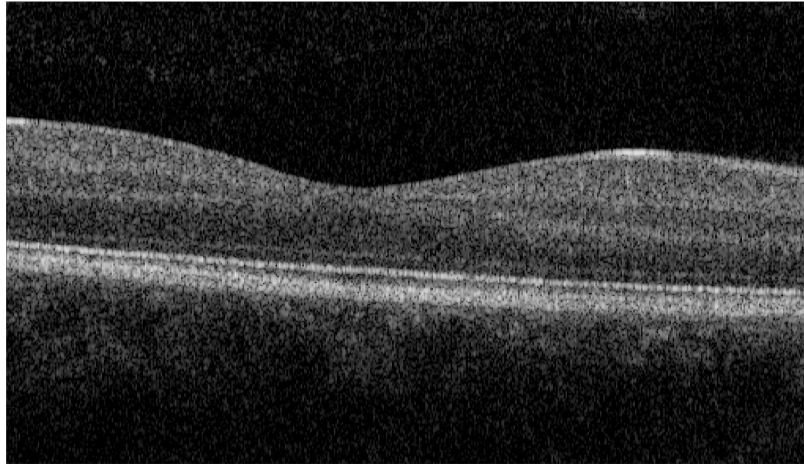


Figura 3-2: Imagen de la retina afectada por ruido de *speckle*.

3.4. Del filtrado de *speckle* en SAR a OCT

Los radares de apertura sintética (SAR) son una tecnología que ha visto un amplio desarrollo en los últimos años, gracias a las ventajas que posee para producir imágenes de terrenos de varios cientos de kilómetros. Los SAR han sido ampliamente utilizados para el estudio de procesos dinámicos en la superficie de la Tierra, ya que tiene la característica de proveer imágenes con alta resolución (en el orden de 1mm) que son independientes de la luz solar, la presencia de nubes en la atmósfera e incluso de las condiciones climáticas [24, 25]. Las imágenes SAR son capturadas a través de la medición del eco que se produce en ondas electromagnéticas al ser retroreflejadas por la superficie del terreno analizado. En este caso, las ondas electromagnéticas tienen una longitud de onda que se encuentra del orden de las ondas de radio, con tamaños que abarcan unos cuantos milímetros, lo que permite observar estructuras tales como casas, carreteras, árboles entre otras. Su funcionamiento es análogo al de OCT, por lo tanto, las imágenes son altamente susceptibles al ruido de *speckle* generado principalmente por centros dispersores para la escala de trabajo, siendo estos rocas, hidrantes o estructuras de tamaños similares [25].

El ruido producido por *speckle* degrada altamente las imágenes reconstruidas mediante SAR, y por consiguiente, ha sido un área de gran interés para técnicas de filtrado que preserven estructuras finas mientras se elimina la mayor cantidad de rui-

do posible, conservando la fidelidad en la imagen filtrada [26, 27]. En este sentido, algunas técnicas de filtrado de *speckle* han surgido en el contexto de SAR y se han extendido a otras técnicas de imagen coherente, tales como ultrasonido, resonancia magnética y OCT. Sin embargo, pese al desarrollo de esta área, hay múltiples técnicas de filtrado que muestran un alto potencial para su implementación en otras técnicas de imagen coherente y aun están pendientes por explorar.

Inspirados por los resultados obtenidos por Lucas *et. al.* [28] en la supresión de ruido por *speckle* para los datos provenientes de la luna de Saturno Titan y capturados con la sonda Cassini-Huygens¹, se decidió adaptar ese algoritmo de filtrado a OCT. Titan² es de alto interés científico por sus características hidrológicas, en donde destacan grandes lagos de metano, montañas de hielo y lluvias de metano en la superficie. Cabe resaltar que a la fecha, todavía se analiza la información enviada por la sonda, y que actualmente la NASA busca investigadores que trabajen con este tipo de datos para ayudar a develar la información hidrográfica que se encuentra en los datos adquiridos. Nuestro objetivo es adaptar el método de filtrado que emplean Lucas *et. al.* para filtrar las imágenes provenientes del Cassini, para usarlo en el filtrado de datos adquiridos mediante OCT, y que de manera similar se encuentran altamente alterados por la presencia de ruido de *speckle*, este algoritmo corresponde a una extensión del *non-local means* (*NL-Means*) mencionado anteriormente. Aunque al inicio de esta investigación, apareció la primera publicación en la cual se emplea *NL-Means* en OCT por Yu *et. al.* [14], nuestra motivación es poder extender esta técnica para emplear los datos tridimensionales que se adquieren con OCT, y con ello aprovechar mejor los datos disponibles al realizar el posprocesamiento.

3.4.1. Principios del *Non-Local Means*

La técnica de filtrado espacial *NL-Means* fue inicialmente propuesta por Baudez *et. al.* [21] en el año 2005, *NL-Means* aprovecha la redundancia existente en una

¹Más información en <https://saturn.jpl.nasa.gov/mission/spacecraft/huygens-probe/>

²Una imagen con la superficie de Titan filtrada puede encontrarse en <http://dralucas.geophysx.org/res.html>

imagen natural para realizar el filtrado de los datos, esto quiere decir que es posible encontrar una aproximación del ruido y sus características, así como una estimación de la imagen sin ruido empleando únicamente las propiedades intrínsecas de la imagen. En *NL-Means* la redundancia de la imagen se aprovecha mediante la comparación de una pequeña zona con sus vecinos, en donde se espera que éstos sigan una forma y estructura definida, así que en lugar emplear únicamente píxeles, se utilizan pequeñas regiones de la imagen. En este contexto, si se tomaran pequeñas ventanas en la imagen, es posible encontrar múltiples zonas similares a lo largo de una región de búsqueda. La Fig. 3-3 muestra una imagen en donde las zonas indicadas como Δ_s claramente siguen una distribución espacial similar a las zonas indicadas como Δ_{t_1} y Δ_{t_2} , con la diferencia de encontrarse a una distancia α_1 y α_2 de la zona central respectivamente. La región Δ_{t_3} a una distancia α_3 por el contrario, no sigue la distribución de la imagen en Δ_s , pero puede aportar con otro tipo de estadísticas tales como la varianza del ruido.

Para encontrar la información no ruidosa v_s en un punto s de un espacio Ω , tal que $s \in \Omega$ y Ω es del tamaño de la imagen, mediante una estimación \hat{R}_s en base al conjunto de datos ruidosos R_s ³, *NL-Means* emplea una vecindad Ψ_s con k miembros alrededor de un pixel central s , tal que una ventana Δ_s centrada en s es comparada con una ventana Δ_t en todos los puntos $t \in k$ de la vecindad, como se ejemplifica en la Fig. 3-4. Las ventanas Δ_s y Δ_t se denominan ventanas de similaridad, y corresponden a aquellas zonas comparadas, mientras que la vecindad Ψ_s se le denomina ventana de búsqueda y determina la cantidad de vecinos que se compararán. Todas las posibles ventanas en los puntos t se emplean para estimar el valor del pixel \hat{R}_s de la imagen sin ruido. La comparación de un pixel central con sus vecinos, se regula a través de un criterio de *similaridad*, que determina el grado de relación existente entre las zonas comparadas en la ventana de búsqueda.

En el contexto del estimador de pesos de máxima probabilidad (WMLE: *weighted-maximum likelihood estimator*) [21], el valor estimado del pixel sin ruido \hat{R}_s se define

³Nótese que v_s es el conjunto de datos libres de ruido, sin embargo, este conjunto no es posible de obtener, por lo que el filtrado realiza una estimación \hat{R}_s que está directamente relacionada con v_s .

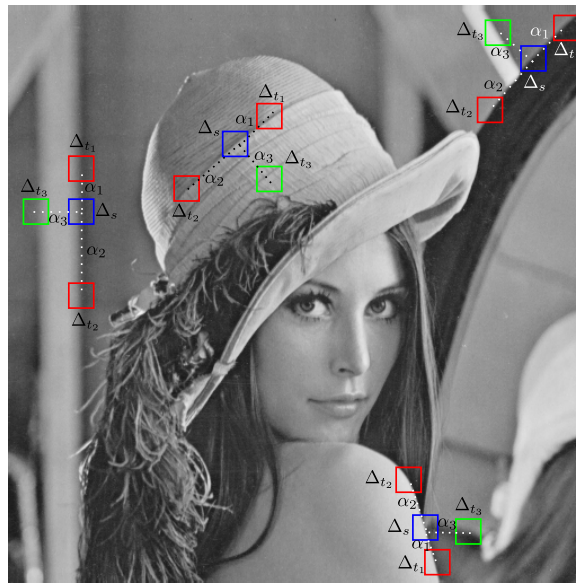


Figura 3-3: Comparación de ventanas en una imagen natural, las ventanas azules centradas siguen la misma distribución de aquellas regiones en rojo, por lo tanto, esta información permite realizar el filtrado de la imagen; este es el concepto en el cual se basa *NL-Means*.

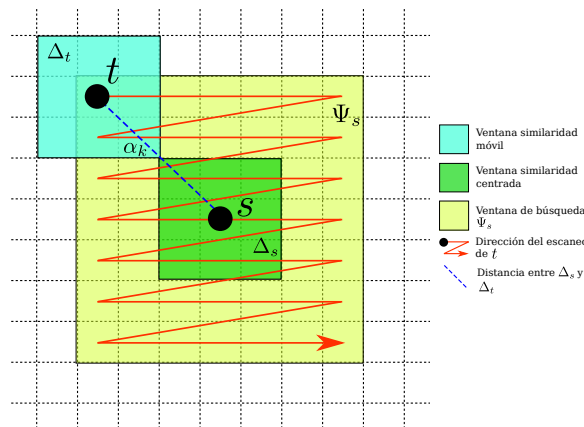


Figura 3-4: Dirección de escaneo de *NL-Means*, una ventana centradas en s se evalúa con todos los vecinos centrados en t , y mediante un criterio de similaridad se realiza el filtrado de la imagen.

a partir del conjunto de datos ruidosos R_t como una suma promediada de pesos, esto es

$$\hat{R}_s = \frac{\sum_t w(s, t)R_t}{\sum_t w(s, t)}, \tag{3.11}$$

donde $w(s, t)$ corresponde al peso estimado para la ventana de similaridad Δ_s con

respecto a la ventana Δ_t evaluada en todos los puntos $t \in k$. En la Eq. 3.11, el numerador corresponde a la estimación de la similaridad entre las ventanas en la zona de búsqueda, mientras que el denominador es un factor de normalización para que la intensidad total de la imagen no se vea afectada por la suma de pesos. El problema de *NL-Means* se encuentra justamente en la definición de los pesos $w(s, t)$, ya que son quienes definen el valor estimado de cada pixel de la imagen. En la propuesta inicial de *NL-Means*, los pesos dependen de un criterio de similaridad entre las zonas a comparar Δ_s y Δ_t , y se calcula mediante las intensidades en cada una de las regiones; mientras que a su vez dependerá de la distancia α_k que hay entre las zonas Δ_s y Δ_t , por lo tanto regiones más cercanas tienen un mayor peso que aquellas zonas alejadas de la ventana central. En la Fig. 3-3 los pesos de las zonas Δ_{t_1} en general serán mayores que aquellos de las zonas Δ_{t_2} al encontrarse más cerca de Δ_s , adicionalmente, Δ_{t_3} debe tener un peso cercano a cero, ya que no sigue la distribución de la imagen en la ventana de similaridad Δ_s . El hecho de que en este algoritmo, las comparaciones se realicen en una ventana de búsqueda es lo que le otorga la característica no local.

Los pesos $w(s, t)$ se definen [21] entonces como

$$w(s, t) = \exp \left(-\frac{1}{h} \sum_k \alpha_k |R_{s,k} - R_{t,k}|^2 \right), \quad (3.12)$$

donde α_k define un kernel simétrico gaussiano centrado que regula los pesos de acuerdo a la distancia Euclideana que haya entre las zonas Δ_s y Δ_t e indica una disminución en la función con respecto a la distancia, h determina el decaimiento de la función exponencial, actuando como un parámetro que regula el nivel de reducción al promediarse las ventanas Δ_s y Δ_t . $R_{s,k}$ y $R_{s,t}$ son los k -ésimos vecinos miembros de las ventanas Δ_s y Δ_t respectivamente, éstos corresponden a las mediciones de intensidad experimental que se realizan.

En general *NL-Means* ha mostrado ser un algoritmo robusto para el filtrado de imágenes influenciadas por ruido blanco o ruido gaussiano, y es por ello que ha empleado y mejorado en diversas aplicaciones [29–33]. Sin embargo, en el caso de ruido por *speckle*, la implementación de *NL-Means* no es directa, ya que el criterio de si-

milaridad derivado por Baudes *et. al.* [21] fue planteado para el caso de ruido blanco gaussiano. Una extensión de este algoritmo para el filtrado de imágenes provenientes de SAR fue propuesto por Deledalle *et. al.* en 2009 [22] y se conoce como *probabilistic patch-based weights* (PPB), el cual es una extensión de *NL-Means* adaptado para filtrar imágenes con ruido de *speckle* provenientes de SAR, cuyas características generales difieren en gran medida del ruido blanco gaussiano, y adicionalmente requieren la consideración de diferentes propiedades asociadas con las causas del *speckle*.

En el caso de *speckle*, la función de densidad de probabilidad de que un pixel s adquiera una amplitud determinada A_s corresponde a una función del tipo Rayleigh (Sección 3.1). Uno de los procesos más comunes para la reducción de ruido por *speckle*, consiste en el promediado incoherente de múltiples imágenes de la misma escena, esto es promediar varias imágenes de intensidad en un mismo punto, a este proceso se le denomina *multilooking*. El promedio de L imágenes modifica la función de densidad de probabilidad de adquirir una amplitud específica de una distribución de Rayleigh a una conocida como distribución de Nakagami o Nakagami-Rayleigh, que se describe como [22]

$$p_A(A) = \frac{2L^L}{\Gamma(L)R_s^L} A_s^{2L-1} \exp\left(-\frac{LA_s^2}{R_s}\right), \quad (3.13)$$

donde $\Gamma()$ es la función gamma, L se conoce como el número equivalente de vistas (ENL: *equivalent number of looks*), A_s es la amplitud en el campo imagen, y R_s es la intensidad observada de la imagen $R_s = |A_s|^2$. Nótese que en el caso de $L = 1$, la Eq. 3.13 es igual a la distribución de Rayleigh mencionada anteriormente, por lo tanto, la Eq. 3.13 es una generalización de la distribución de Rayleigh cuando se realiza *multilooking*. En este contexto, la aproximación de la imagen libre de ruido se realiza también mediante un estimador de pesos de máxima probabilidad similar a la Eq. 3.11, de la siguiente manera

$$\hat{R}(s) = \frac{\sum_t w(s, t) A^2(t)}{\sum_t w(s, t)}. \quad (3.14)$$

Deledalle *et. al.* [22] describieron los pesos $w(s, t)$ a través de la combinación de un

criterio de similaridad análogo al obtenido por Baudes *et. al.* pero en el caso de ruido causado por *speckle*, añadiendo también, una extensión iterativa al algoritmo. En ésta, se considera la probabilidad de que una zona filtrada $\hat{R}_{s,k}$ corresponda efectivamente a la imagen sin ruido al avanzar las iteraciones del algoritmo. Considerando la extensión del *NL-Means* con PPB, y asumiendo que las imágenes se capturan unicamente una vez ($L = 1$), los pesos en una iteración i se definen como [22]

$$w(s, t) = \exp \left[- \sum_k \left(\frac{1}{h} \log \left(\frac{A_{s,k}}{A_{t,k}} + \frac{A_{t,k}}{A_{s,k}} \right) + \frac{1}{T} \frac{|\hat{R}_{s,k}^{i-1} - \hat{R}_{t,k}^{i-1}|^2}{\hat{R}_{s,k}^{i-1} \hat{R}_{t,k}^{i-1}} \right) \right]. \quad (3.15)$$

Los dos términos que aparecen en la sumatoria de la Eq. 3.15 tienen el siguiente significado: $\log \left(\frac{A_{s,k}}{A_{t,k}} + \frac{A_{t,k}}{A_{s,k}} \right)$ es el criterio de similaridad obtenido para el caso de ruido por *speckle* análogo al mostrado en la Eq. 3.12 para el caso de ruido blanco gaussiano; el segundo término $\frac{|\hat{R}_{s,k}^{i-1} - \hat{R}_{t,k}^{i-1}|^2}{\hat{R}_{s,k}^{i-1} \hat{R}_{t,k}^{i-1}}$ expresa la probabilidad de que las dos zonas filtradas $\hat{R}_{s,k}^{i-1}$ y $\hat{R}_{t,k}^{i-1}$ efectivamente posean las características de la imagen sin ruido luego del filtrado en la iteración i , y contribuyen a partir de la segunda iteración para regular el grado de filtrado en las siguientes iteraciones del algoritmo. Estos dos términos se encuentra regidos por los parámetros h y T : el parámetro h cumple la función de regular la cantidad de filtrado sobre la imagen, mientras que el parámetro T indica la fidelidad de datos entre iteraciones, esto es qué tan homogénea debe ser la imagen para considerarse como filtrada en la siguiente iteración. Una discusión extendida de los parámetros h y T , y su importancia puede consultarse en [34]. En una versión no iterativa del algoritmo, $T \rightarrow \infty$, y la Eq. 3.15 corresponde a los pesos solamente dependientes del criterio de similaridad adaptados para el caso de ruido por *speckle*. Finalmente, la Eq. 3.15 se considera completamente *no local* ya que no se penaliza de ninguna manera la distancia α_k entre las ventanas de similaridad.

3.4.2. Implementación y resultados obtenidos con *Non-Local Means* con PPB

El algoritmo de la implementación de *NL-Means* con PPB se presenta en el Algoritmo 1, en donde a partir de la imagen ruidosa, el tamaño de la ventana de búsqueda y de similaridad, la cantidad de iteraciones y los parámetros h y T se calculan los pesos en cada pixel para obtener la imagen filtrada. Una particularidad que tiene *NL-Means* se encuentra en la evaluación de los pesos en el pixel central $s = t$, en donde el criterio de similaridad tiende a producir *sobrepeso* comparado con sus vecinos, esto se debe a que las zonas Δ_s y Δ_t son iguales cuando $t = s$, y como consecuencia de esto, el criterio de similaridad es máximo. Una opción para corregir este problema, consiste en omitir el pixel central y considerar el peso de éste como el máximo de la ventana de búsqueda, duplicando el mayor de los pesos encontrados, como lo sugiere [35]. La última consideración que debe tenerse en la implementación del algoritmo, es que los tamaños de las ventanas siempre deben ser impares para garantizar una región central donde se comparen de manera simétrica las ventanas de similaridad.

En la literatura [21, 22] se recomiendan los siguientes parámetros para el filtrado: las ventanas de similaridad Δ_s y Δ_t deben tener un tamaño $\Delta = 7 \times 7$, la ventana de búsqueda Ψ_s un tamaño $W = 21 \times 21$, y cuatro iteraciones en el algoritmo $i = 4$. Adicionalmente, una ventaja que tiene la versión iterativa del *NL-Means*, es que permite regular el filtrado de las estructuras finas en las imágenes variando el tamaño de la ventana de búsqueda en la primera iteración [22], de forma que ventanas más pequeñas tienden a preservar mejor estructuras finas, aunque filtran el ruido en un menor proporción; ventanas más grandes tienden a emborronar regiones de la imagen a cambio de reducir la varianza del ruido y homogeneizar estructuras.

Las pruebas experimentales fueron realizadas con un volumen de $512 \times 512 \times 256$ [las dimensiones se consideran como (Z, X, Y)] con datos tomados en la retina de un paciente, adquiridos con un sistema de OCT comercial, el *Spectralis* de la compañía *Heidelberg Engineering*⁴, los cuales fueron suministrados por el *Wellman Center for*

⁴Más información: <https://business-lounge.heidelbergengineering.com/int/products/spectralis/>

Algoritmo 1 Implementación del *NL-Means* con PPB.

Entrada: datos ruidosos R_s , ventana de búsqueda W , ventana de similaridad Δ , iteraciones i , parámetros h y T .

Inicio: Calcular los pesos correspondientes de cada pixel s en cada iteración i

Para $n = 1$ hasta i

Para todo punto s **hacer**

 Tomar ventana de similaridad Δ_s de referencia en s con R_s

luego calcular vecinos Ψ_s con W .

Fijar $w_{\max} = w_{\text{tot}} = 0$.

Para $t \in \Psi_s$ **hacer**

 Tomar ventana de similaridad Δ_t **luego**

 calcular peso w , con la Eq. 3.15.

Si $t = s$

Continuar

FinSi

Si $w > w_{\max}$ **entonces**

Fijar $w_{\max} = w$

FinSi

$w_{\text{tot}} = w_{\text{tot}} + w$

FinPara

 Calcular \hat{R}_s con la Eq. 3.11, w_{\max} se duplica.

FinPara

$\hat{R}_s^{i-1} = \hat{R}_s$

$n = n + 1$

FinPara

Salida: Retornar \hat{R}_s .

Photomedicine. Sin embargo, para estas pruebas se tomó una sección del volumen de 512×512 en $Y = 128$ para realizar el filtrado. Es importante mencionar que en OCT la dirección del eje de escaneo rápido corresponde a X, mientras que el eje de escaneo lento es Y, y al mencionar imágenes se refieren a los datos del plano ZX, denominados anteriormente como escaneos tipo B. La imagen que representa los resultados, proviene de la sección transversal de la retina centrada en la fovea, y muestra una imagen de las capas que la retina posee alrededor de la fovea, tales como los fotorreceptores en la capa más brillante o los coroides en la capa inferior [Fig. 3-5(a)]. En la Fig. 3-5 se muestra el resultado obtenido para la imagen proveniente del sistema comercial de OCT. La Fig. 3-5(a) corresponde a la imagen ruidosa, la cual se ve fuertemente alterada por la presencia del ruido por *speckle*, de hecho, algunas de las capas menos reflectivas que posee la retina no son diferenciables ya que el ruido degrada la calidad de la imagen, un ejemplo de esto es la región de los coroides, en donde es difícil diferenciar su estructura. La Fig. 3-5(b) es el promedio de cuatro imágenes con diferentes realizaciones de *speckle* de la misma escena, en este caso se aprecia una mejora en la calidad de la imagen debido a que la presencia del ruido se reduce notoriamente, sin embargo, aun se alcanza a percibir ruido ya que este proceso no elimina completamente el *speckle*. La desventaja fundamental de realizar *multilooking* es que se debe extender el tiempo de captura de datos en el paciente, lo que deriva en posibles movimiento entre escaneos B, o en algunas aplicaciones de OCT, riesgos para la salud del paciente. La Fig. 3-5(c) es un filtrado gaussiano de la imagen ruidosa [Fig. 3-5(a)], como en este caso se tiene ruido por *speckle* es necesario convertir primero la imagen a escala logarítmica, en donde el ruido por *speckle* es aditivo y luego realizar el filtrado, aun así, no hay una mejora sustancial en la calidad de la imagen. Por último, la Fig. 3-5(d) es el resultado del proceso de filtrado con los parámetros recomendados por la literatura, y tomando $h = 16$ y $T = 19$, esta imagen presenta alta atenuación del ruido, y permite diferenciar fácilmente las diferentes capas de la retina. No obstante, una inspección detenida de la imagen muestra también algunos problemas respecto al filtrado, por ejemplo el efecto *acuarela* que se percibe, y la presencia de estructuras periódicas finas que aparecen como artefactos.

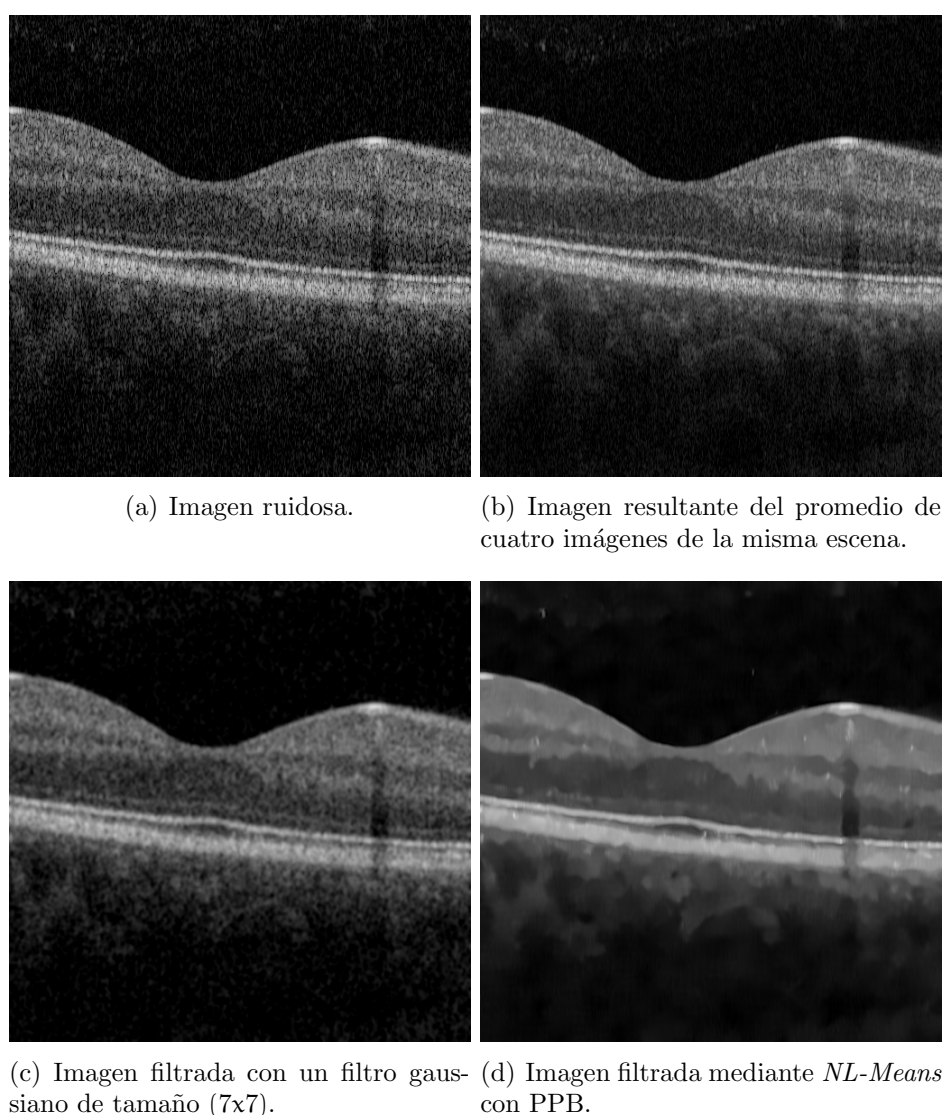


Figura 3-5: Resultado del filtrado de una imagen proveniente de un sistema comercial de OCT para la retina. (a) es la imagen ruidosa capturada donde la presencia del *speckle* degrada fuertemente la calidad de la imagen, (b) es el promedio incoherente de cuatro imágenes de la misma región, aunque en este caso hay una mejora en la calidad de la imagen, el ruido por *speckle* sigue siendo notorio, (c) resultado del filtro gaussiano de la imagen (a) aunque hay una mejora, la imagen sigue teniendo una alta presencia de ruido, y (d) resultado obtenido con el filtrado mediante *NL-Means* con PPB, el ruido por *speckle* es altamente atenuado.

Aunque los resultados de la Fig. 3-5(d) muestran que hay una mejora en la calidad de la imagen y que *NL-Means* con PPB elimina el ruido indeseado, no es una imagen óptima para ser presentada ante un especialista, quien es el usuario final de los datos luego del filtrado, esto debido a que la imagen pareciera ser sintética y no proveniente

de un paciente. Nuestro siguiente objetivo fue mejorar el resultado obtenido con la implementación del *NL-Means* con PPB a través de añadir pasos adicionales antes del filtrado. En ese orden de ideas, la primera propuesta que se hizo para mejorar el desempeño del algoritmo, fue la transformación de la imagen proveniente de OCT a una representación diferente, que se conoce como la *representación en coeficiente de atenuación*. La segunda propuesta consistió en obtener y promediar dos imágenes a partir del conjunto de datos, esto es posible a través de la división del espectro medido en dos, y luego tomar sus respectivas transformadas de Fourier. Sin embargo, estas propuestas no mostraron una mejora en el desempeño del filtrado, por lo que se decidió modificar el funcionamiento de las ventanas de similaridad y búsqueda, haciendo uso de la información volumétrica disponible en OCT. En base a esto, se obtuvo que una modificación sobre las ventanas de similaridad y de búsqueda extendidas al caso tridimensional producen un mejor resultado del algoritmo. A continuación se profundizará en las pruebas realizadas y en la propuesta final.

Representación de imágenes de OCT como coeficientes de atenuación

La representación en coeficiente de atenuación es una manera alternativa de describir los datos proveniente de un sistema de OCT. El coeficiente de atenuación se puede entender como la reducción de la potencia en un haz que se propaga por un medio turbio, debido al esparcimiento y la absorción que éste experimenta [36]. El coeficiente de atenuación depende de las características del medio, aportando información sobre su composición, es decir, un medio cuyo coeficiente de atenuación sea 5mm^{-1} produce un rápido decaimiento de la señal con respecto a la profundidad. La pérdida de intensidad de la señal $I(z)$ detectada por el sistema de OCT en función de la profundidad z , puede describirse como

$$I(z) \propto e^{-2\mu z}, \quad (3.16)$$

donde μ es el coeficiente de atenuación y el factor 2 surge por el viaje de ida y regreso del haz. Siguiendo el tratamiento de Vermeer *et. al.* [36], una forma alterna

de describir la imagen de intensidad de OCT, es a través de la imagen en coeficiente de atenuación, relacionadas de la siguiente manera

$$\mu(z) = \frac{I(z)}{2 \int_z^\infty I(u) du}, \quad (3.17)$$

es decir, que el coeficiente de atenuación es proporcional a la intensidad registrada en una profundidad con respecto a la intensidad restante en toda la profundidad. Mediante una linearización de primer orden de la función $\log(1 + x)$ y considerando la discretización de la imagen de OCT [36], la Eq. 3.17 puede reescribirse como

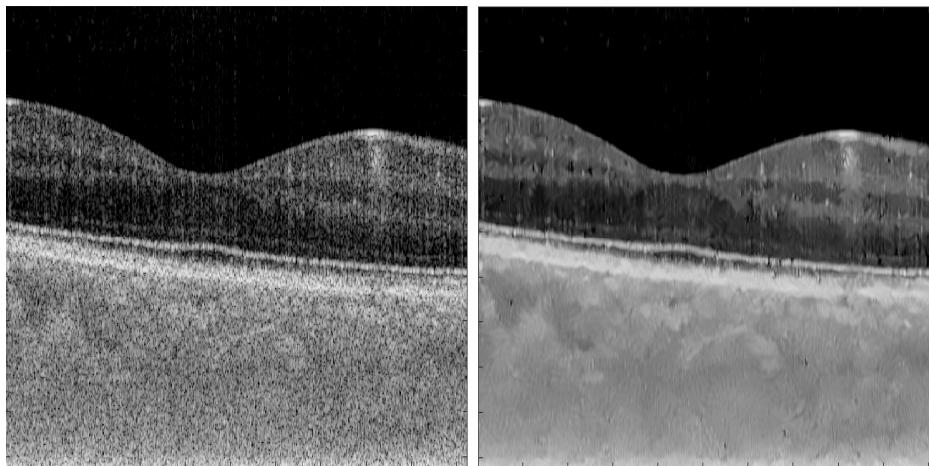
$$\mu[i] \approx \frac{I[i]}{2\Xi \sum_{i+1}^\infty I[i]}, \quad (3.18)$$

donde Ξ es el tamaño del pixel e $[i]$ representa los puntos discretos de la imagen.

La representación en coeficiente de atenuación de la imagen ruidosa en la Fig. 3-5(a) se muestra en la Fig. 3-6(a). Las pruebas realizadas mediante la combinación de filtrado en la representación de coeficiente de atenuación, no mostraron una mejora en el resultado obtenido por medio de *NL-Means* con PPB, de hecho, se observó que filtrar la imagen ruidosa en intensidad y luego convertirla a coeficiente de atenuación produce resultados muy similares a filtrar la imagen en términos del coeficiente de atenuación. La explicación de esto se encuentra sustentada en que la transformación integral que se realiza en la Eq. 3.18 no modifica la composición del ruido. El resultado del filtrado y posterior conversión a coeficiente de atenuación se presenta en la Fig. 3-6(b). Como conclusión, la representación en coeficiente de atenuación no aportó modificaciones relevantes sobre el filtrado del ruido en la imagen, pero permitió ver como el filtrado es invariante ante en la conversión coeficiente de atenuación contra intensidad.

Obtención de dos imágenes a partir de un solo espectro

La captura de los datos en sistemas de OCT en el dominio de Fourier como se mencionó en la Sección 2.2.4 se realiza a través del registro del patrón de interferencia en el dominio de las frecuencias, en este sentido, los datos capturados se convierten en



(a) Imagen ruidosa representada en coeficiente de atenuación. (b) Imagen filtrada representada en coeficiente de atenuación.

Figura 3-6: Representación de las imágenes ruidosa y filtrada en coeficiente de atenuación. (a) imagen ruidosa y (b) imagen filtrada.

imágenes mediante una transformada de Fourier. Debido a que el espectro de la señal contiene la información proveniente de todas las contribuciones, es posible dividir el espectro para obtener múltiples imágenes que contengan una cantidad reducida de información de la escena. Esto quiere decir, que desde un solo espectro pueden derivarse múltiples imágenes cuyas realizaciones de *speckle* difieran, a través de la asignación de un ancho de banda diferente para cada una de las nuevas imágenes, sin embargo, este procedimiento tiene la desventaja de producir una pérdida de resolución asociada con la limitación del espectro para cada una de las imágenes.

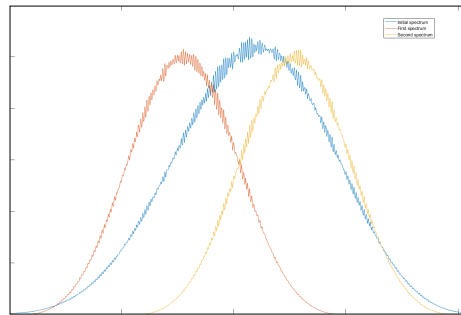
Como se muestra en la Fig. 3-7(a) a partir del espectro azul, dos nuevos espectros pueden ser derivados (rojo y amarillo), éstos comparten la información del espectro inicial en un ancho de banda diferente, por lo tanto, se tendrán diferentes características en la composición del *speckle* de las imágenes derivadas al realizar las transformaciones. Si se toma un promedio de las imágenes derivadas del espectro inicial se reduce la presencia de ruido de *speckle* de manera similar al promedio de múltiples imágenes de la misma escena. Este procedimiento puede ser útil, ya que como se mostró anteriormente, realizar un promediado incoherente de la misma imagen reduce significativamente el contraste del *speckle* y facilita el filtrado de los datos.

La Fig. 3-7(b) presenta el promedio de las dos imágenes obtenidas a partir de

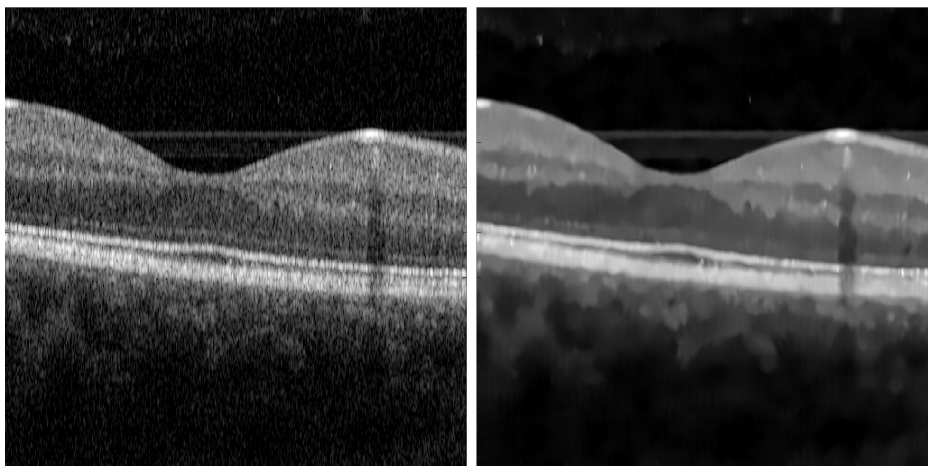
los espectros rojo y amarillo [Fig. 3-7(a)], la línea horizontal que aparece se debe a la presencia de artefactos causados por la pérdida de información en los espectros derivados, asimismo, se aprecia una pérdida de los detalles tales como los bordes de la imagen. En la Fig. 3-7(c) se encuentra el resultado de filtrar los nuevos datos, esta imagen no muestra una diferencia significativa con respecto a los filtrados realizados anteriormente, además tiene la desventaja de poseer una menor resolución. Esto permite concluir que intentar generar dos imágenes desde un espectro mediante un intercambio entre resolución y nivel de ruido no es una buena alternativa, ya que no se mejora el desempeño del filtrado y se tiene una reducción en la resolución de la imagen final.

3.4.3. Modificación sobre *NL-Means* propuesta (*NL-Means-OCT*)

Las pruebas realizadas añadiendo transformaciones y pasos adicionales al *NL-Means* con PPB no mostraron una mejora significativa en los resultados, por lo que luego de realizar múltiples pruebas con variaciones y distintas formas de filtrar, se llegó hasta un resultado que aprovecha y requiere la información volumétrica disponible en OCT. La modificación que se plantea consiste entonces en variar la forma en la que *NL-Means* con PPB realiza el cálculo de los pesos entre las ventanas de similaridad al interior de la ventana de búsqueda. Para tal fin, se propone emplear una modificación del *NL-Means* en tres dimensiones planteado por Lu *et. al.* [10] en donde la ventana de búsqueda es cúbica al igual que las ventanas de similaridad, en conjunto con la implementación bidimensional del *NL-Means* con PPB presentada por Deledalle *et. al.* [22], de la siguiente manera. Partiendo del escaneo propuesto en la Fig. 3-4, en la cual las ventanas de similaridad Δ_s y Δ_t , y la ventana de búsqueda Ψ_s son cuadradas, se sugiere modificar las ventanas de similaridad para ser cúbicas, por lo tanto las zonas Δ_s y Δ_t adquirirán información sobre los vecinos en las tres dimensiones (Z, X, Y), pero conservando la ventana de búsqueda bidimensional, esto permite filtrar los datos a lo largo de tres posibles planos ZX, ZY y XY. Los cubos de similaridad Δ_s y Δ_t



(a) Espectro medido para una línea A.



(b) Imagen obtenida del promedio de los dos subimágenes.

(c) Imagen proveniente de los dos espectros filtrada.

Figura 3-7: Obtención de dos imágenes a partir de un único espectro. (a) Los espectros rojo y amarillo se obtiene a partir de espectro azul, en ese caso, se producen dos imágenes con diferentes realizaciones de *speckle* a cambio de una pérdida en la resolución axial. (b) imagen ruidosa obtenida del promedio de los espectros amarillo y rojo. (c) imagen filtrada a partir del promedio de dos espectros partiendo de uno.

propuestos, así como la ventana de búsqueda Ψ_s se ejemplifican en la Fig. 3-8.

La idea es incrementar la cantidad de datos presente en las ventanas de similitud ya que son ellas quienes determinan los pesos para el filtro, así se espera una mejora cuando se realiza el filtrado porque se emplean las regiones de la imagen y los patrones de *speckle* como volúmenes. La ventana de búsqueda se mantiene bidimensional, ya que si esta tuviese tres dimensiones el tiempo de computo para el algoritmo se vería incrementado en un factor de $\approx 5\times$, además se espera que en esta ventana se encuentre una cantidad suficiente de vecinos para realizar adecuadamente el filtrado, como lo hace *NL-Means* con PPB.

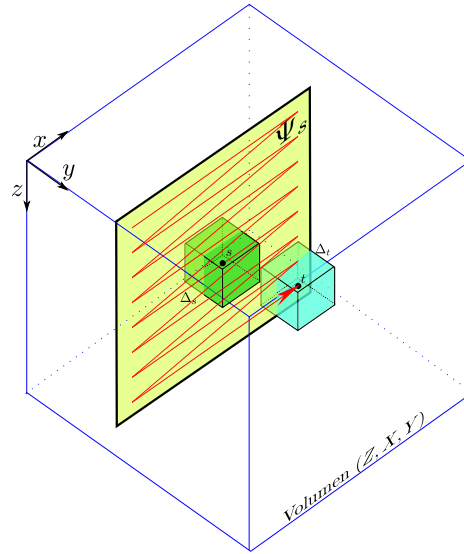


Figura 3-8: Modificación de las ventanas de similaridad y búsqueda propuesta. Las ventanas de similaridad son cubos que toman en cuenta información de sus vecinos, mientras se mantiene la ventana de búsqueda en el plano del eje rápido de escaneo ZX.

Las posibilidades del plano de orientación de la ventana de búsqueda también tienen una implicación sobre el filtrado, particularmente en el caso de OCT, en donde al tomar los datos experimentales por lo general hay movimientos indeseados que se dan por fuentes externas y producen desplazamientos entre las diferentes imágenes que conforman el volumen; cabe resaltar que éstos desplazamientos se aplican para una imagen entera. En ese orden de ideas, escoger como plano de filtrado aquel correspondiente al eje de escaneo rápido del sistema de OCT (ZX), reduce los problemas asociados con movimientos aleatorios causados por el paciente.

En cuanto al cálculo de los pesos también se propone una modificación a la Eq. 3.15 utilizada en el *NL-Means* con PPB, en este caso, se sugiere emplear una versión no iterativa del algoritmo, es decir, hacer que $T \rightarrow \infty$, y por tanto calcular los pesos $w(s, t)$ de la siguiente manera

$$w(s, t) = \exp \left[- \sum_k \frac{1}{h} \log \left(\frac{A_{s,k}}{A_{t,k}} + \frac{A_{t,k}}{A_{s,k}} \right) \right]. \quad (3.19)$$

La Eq. 3.19 es únicamente la adaptación de los pesos para el caso del ruido por *speckle* aplicado a una ventana tridimensional. A esta propuesta se le denominará

NL-Means-OCT.

3.5. Resultados obtenidos y aplicaciones

3.5.1. OCT en la retina

En el caso de los datos obtenidos para la retina, se empleó el mismo conjunto de datos y un procedimiento similar al planteado en la Sección 3.4.2, pero tomando en cuenta los cambios propuestos sobre el algoritmo de filtrado, con los siguientes parámetros: tamaño de las ventanas (cubos) de similaridad $\Delta = 7 \times 7 \times 7$, tamaño de la ventana de búsqueda $W = 21 \times 21$ y parámetro de filtrado $h = 18$. A partir de estos criterios se filtró el volumen de $512 \times 512 \times 216$ con datos de la retina del paciente, en un computador Intel Core i-7 de 2,93GHz (4CPUs) y 6GB de memoria, el tiempo de procesamiento total de 69,3 horas. El resultado obtenido con *NL-Means-OCT* comparado contra *NL-Means* con PPB se presenta en la Fig. 3-9. La Fig. 3-9(a) es igual a la presentada en la Fig. 3-5(a) y corresponde a la imagen afectada por ruido de *speckle*, la Fig. 3-9(b) es el resultado obtenido empleando *NL-Means* con PPB, la Fig. 3-9(c) representa el resultado obtenido usando *NL-Means-OCT* con la ventana de búsqueda orientada sobre el plano ZX, por último, la Fig. 3-9(d) es la imagen recuperada con *NL-Means-OCT* ubicando la ventana de búsqueda en el plano ZY.

La imagen filtrada con *NL-Means-OCT* mostrada en la Fig. 3-9(c), ilustra una mejora en algunos de los problemas mencionados anteriormente en el caso del *NL-Means* con PPB, en primer lugar, el efecto *acuarela* ocasionado al filtrar la imagen se ha eliminado completamente. Ésto se le atribuye a dos factores principales, al cubo empleado como ventana de similaridad y al uso de la versión no iterativa del algoritmo. Emplear un cubo como ventana de similaridad tiene la ventaja de que las zonas comparadas aportan información volumétrica de las estructuras en la imagen, por ende, es de esperar que las regiones donde hay transiciones entre capas mantengan su suavidad, ya que a diferencia del *NL-Means* con PPB, los cambios de capas no son confundidos con bordes en la imagen al momento de filtrar. Asimismo, emplear el

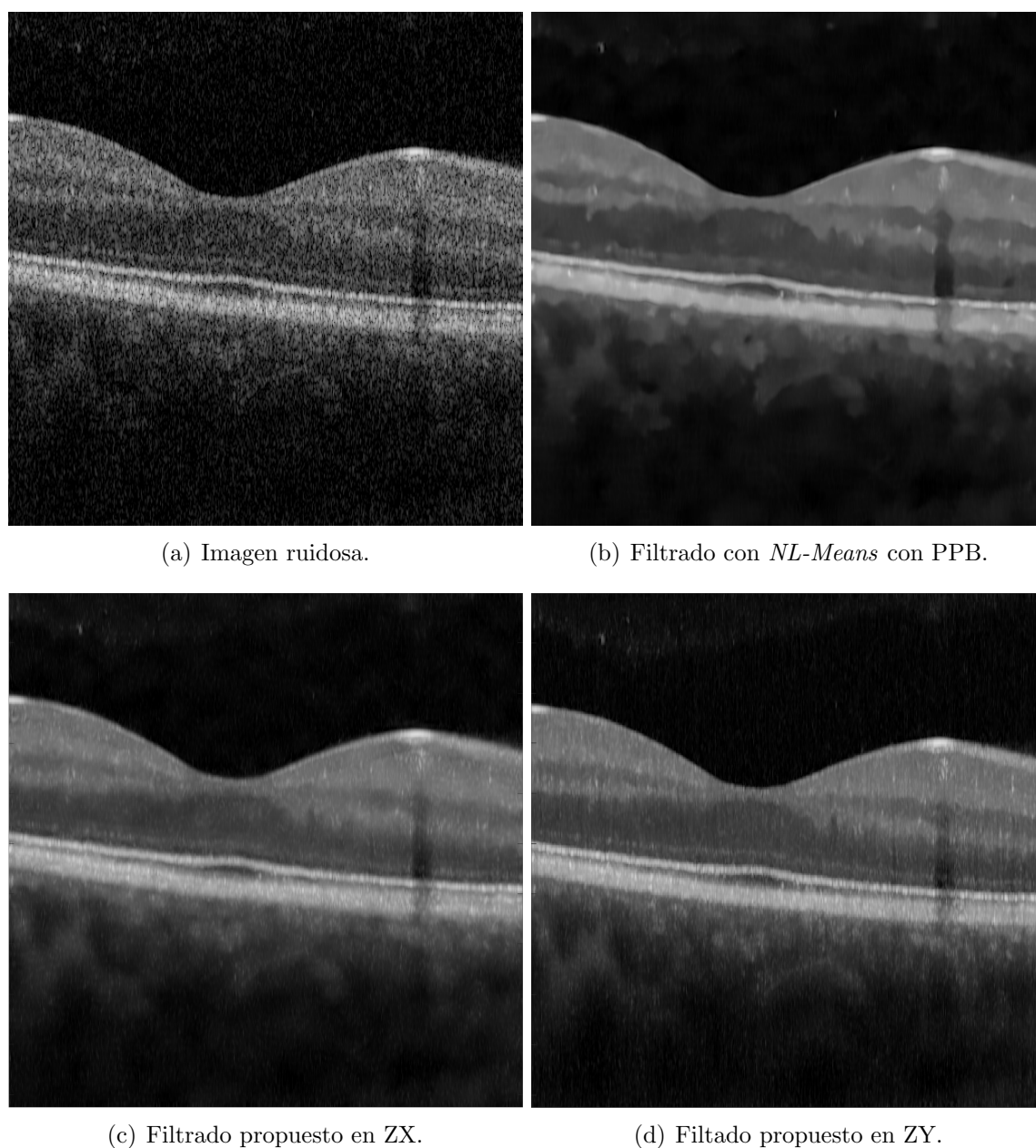


Figura 3-9: Comparación de los resultados obtenidos con *NL-Means*, (a) imagen ruidosa, (b) filtrado con *NL-Means* con PPB, (c) filtrado propuesto en dirección ZX, y (d) filtrado propuesto en dirección ZY.

cubo de similaridad aporta información sobre los vecinos cercanos, si éstos siguen la misma distribución de la imagen también ayudarán a realizar el filtrado, previniendo el suavizado excesivo de estructuras finas. De la misma manera, el *speckle* que se encuentra en las ventanas de similaridad es volumétrico, por lo tanto el algoritmo

identifica más fácilmente la presencia de éste en las ventanas comparadas. Otra ventaja que muestra el resultado filtrado es la conservación de puntos brillantes en la imagen, en general, éstos están asociados con características finas en la imagen, tales como la vasculatura.

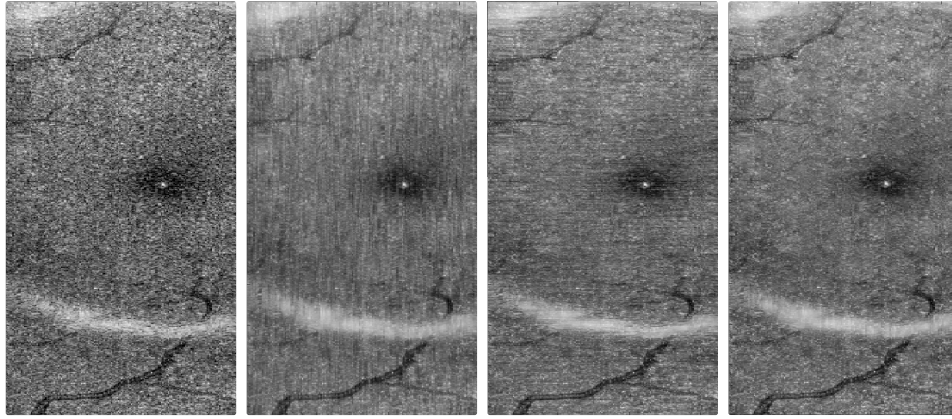
La Fig. 3-9(c) se obtuvo al filtrar el volumen de datos sin corregir el movimiento entre las imágenes que conforman el volumen, por ende, hay desplazamientos aleatorios en el conjunto de datos. Los resultados indican entonces que el filtrado propuesto no depende del desplazamiento axial que puedan tener los datos. Este hecho se explica mediante el cálculo de los pesos, en donde al considerar la similaridad entre las ventanas Δ_s y Δ_t no hay una dependencia de la distancia entre ellas, sino que se basa únicamente en la evaluación de la similaridad entre las ventanas. Se espera que independiente del movimiento en los datos el algoritmo escoja aquellos vecinos más parecidos, que aportan la mayor cantidad de información al cálculo de pesos independientemente de su posición respecto a la ventana central, y por lo tanto, al ser completamente *no local*, este algoritmo no se ve muy influenciado por desplazamientos aleatorios en el volumen de datos, siempre que la ventana de búsqueda esté ubicada en la dirección del eje rápido de escaneo, generalmente representada como ZX. La corrección del movimiento en los datos, debe producir una mejora en los resultados, pero no es un paso necesario para realizar el filtrado, lo cual es ventajoso en aquellas aplicaciones de OCT en donde la corrección del movimiento es complejo, como en OCT gastrointestinal donde las distorsiones causadas por las contracciones musculares tales como la respiración, y los errores instrumentales como la distorsión rotacional no uniforme (NURD) son complejos de corregir [37, 38].

Para filtrar los datos con la ventana de búsqueda ubicado en el plano ZY, fue necesario la corrección del movimiento axial en los datos, ya que a diferencia de la dirección ZX, la continuidad en la ventana de similaridad Δ_s se pierde y los vecinos en la ventana de búsqueda pierden la relación, reduciendo la similaridad en la ventana de búsqueda. Además, es importante resaltar que si no se corrige los desplazamientos entre imágenes, los datos son difíciles de interpretar en el plano ZY. Luego de corregir el movimiento como lo sugiere Kraus *et. al.* [39], se filtró el volumen con la ventana

de búsqueda ubicada sobre ZY, y a continuación se realizó la proyección de la imagen de interés, el resultado se presenta en la Fig. 3-9(d). Con respecto a la corrección de movimiento, se observó la presencia de líneas verticales en la imagen, y una mayor diferenciación de las capas, esto está asociado con que el cubo de similaridad ahora posee una estructura definida en las tres direcciones, lo que incrementa el peso de aquellas zonas similares. No se obtuvo una diferencia significativa al realizar la corrección del movimiento y filtrar sobre el plano ZX.

Ahora bien, aunque el filtrado en el plano ZX y ZY parece arrojar resultados similares cuando se realiza la corrección del movimiento, hay implicaciones si se quiere realizar proyecciones sobre planos distintos al de filtrado, como lo muestran la Fig. 3-9(c) y la Fig. 3-9(d). En el caso de las imágenes *en-face* del volumen, se obtuvo una diferencia para los diferentes filtrados. La Fig. 3-10 muestra la proyección *en-face* del volumen de datos ruidoso y filtrado en diferentes direcciones. En el caso de los datos ruidosos que se presentan en la Fig. 3-10(a), la imagen *en-face* muestra de manera clara la fovea en la retina acompañada por algunas venas, sin embargo se percibe la presencia del ruido en la imagen. La Fig. 3-10(b) es la proyección de los datos luego de realizar el filtrado sobre el plano ZX, en este caso se da la aparición de unas *líneas* en la dirección X (verticales), que se encuentran relacionadas con la dirección del filtrado. De la misma manera, al filtrar sobre el plano ZY, mostrado en la Fig. 3-10(c) aparecen unas *líneas* ubicadas en la dirección Y (horizontales), estas *líneas* se encuentran relacionadas con el plano de orientación de la ventana de búsqueda. La presencia de las *líneas* sobre la proyección en la dirección del filtrado, sugiere que aunque las imágenes no muestren un efecto evidente de filtrar en distintas direcciones, la proyección *en-face* va a presentar algunos artefactos en esa dirección. La desventaja del algoritmo se encuentra entonces en que no está bien ajustado para permitir proyecciones diferentes al plano en el cual se lleve a cabo el filtrado. Para comprobar esta hipótesis, se realizó un filtrado tridimensional completo, esto es una ventana de búsqueda tridimensional, así como las ventanas de similaridad en tres dimensiones, con tamaños $W = 21 \times 21 \times 21$ y $\Delta = 7 \times 7 \times 7$ respectivamente. El resultado del caso 3D se presenta en la Fig. 3-10(d), nótese como las *líneas* que se presentaban en la

dirección de filtrado se eliminan completamente cuando se realiza el filtro completo en 3D, aun así, la desventaja de este, es un incremento en el tiempo de procesamiento de aproximadamente cinco veces con respecto a *NL-Means-OCT*.



(a) Datos ruidosos. (b) Filtrado en ZX. (c) Filtrado en ZY. (d) Filtrado en 3D.

Figura 3-10: Comparación de las proyecciones *en-face* obtenidas con el volumen de datos. (a) proyección *en-face* con ruido, (b) proyección luego del filtrado en la dirección ZX, (c) imagen *en-face* obtenida al filtrar en dirección ZY en este caso fue necesaria la corrección del movimiento axial entre las imágenes del volumen de datos, y (d) proyección *en-face* obtenida con el *NL-Means* en 3D.

3.5.2. OCT en tractografía

En tractografía, uno de los limitantes que tiene la implementación de técnicas ópticas para la reconstrucción de estructuras y tejidos neuronales, se encuentra en la alta atenuación y esparcimiento que experimenta la luz al interaccionar con este tipo de tejidos. Las técnicas de imagen tradicionales empleadas para tractografía, como la resonancia magnética MRI [40], tienen la desventaja de poseer una baja resolución en la reconstrucción, es por esto que han surgido técnicas que permiten el análisis del cerebro a partir de otras formas de generación de imágenes. En ese sentido, Chung *et. al.* [41] propusieron en el año 2013 una técnica de *blanqueado* para tejidos tales como el cerebro, a esta técnica se le denomina CLARITY. En CLARITY se realiza un proceso de infusión del tejido en monómeros formando una mezcla hidrogel-tejido, luego se da una extracción de lípidos mediante un proceso ionizante, las biomoléculas sin grupo

funcional se sacan de la mezcla hidrogel-tejido reduciendo las variaciones en el índice de refracción, y por tanto, disminuyendo el esparcimiento y la absorción por parte del tejido. Esto permite que las estructuras se *aclaren*, siendo posible la penetración de luz hasta un rango de 5 – 6mm, lo que permite el uso de la microscopía electrónica para el estudio de las características del cerebro, tales como las sinapsis y las densidades postsinápticas. El problema aquí se encuentra en el tiempo de escaneo, ya que este procedimiento puede tardar varios días, y con la degradación de la muestra y los movimientos que esta pueda sufrir el escaneo puede verse alterado.

Recientemente, Ku *et. al.* [42] plantearon un procedimiento adicional a CLARITY que realiza un escalamiento lineal de las estructuras del cerebro, además de producir el efecto de *blanqueado* necesario para su análisis con técnicas ópticas. El procedimiento de reescalado se realiza mediante la adición de acrilamida a la mezcla de hidrogel-tejido junto con un incremento en la temperatura, así se da una expansión lineal en el tejido, siendo este procedimiento reversible mediante la adición de soluciones salinas. Esta expansión lineal permite el uso de otras técnicas de imagen que pueden lograr escaneos más rápidos y mejores resoluciones, logrando analizar con más detalle estructuras finas al interior de tales tejidos. Ku *et. al.* emplearon microscopía en el límite de difracción para obtener imágenes, sin embargo, otras técnicas como OCT pueden lograr escaneos mucho más rápidos, con tiempos de procesamiento del orden de horas, a cambio de una resolución disminuida. La idea es entonces realizar un escaneo mediante OCT del cerebro de un ratón adulto, considerando las limitantes que tiene OCT, como lo son la disminución en la resolución y la presencia de ruido de *speckle*.

Ahora bien, ligado a este procedimiento de reconstrucción del cerebro por medio de OCT, se encuentra también el proceso de tractografía para obtener un mapa de conexiones (*connectome*) del cerebro [43] a través del análisis de las sinapsis que éste posee. Para realizar el *connectome* es necesario el cálculo de los gradientes en las tres dimensiones con el volumen de datos, luego se escoge la dirección en la que el gradiente sea menor y esto corresponde a la dirección de las conexiones neuronales que realizan las sinapsis. No obstante, el problema que tiene OCT en este tipo de estudio es la

presencia de ruido, particularmente el ruido por *speckle* que dificulta altamente la obtención del gradiente, y por ende la reconstrucción de las conexiones, hasta ahora, un estudio de este tipo no ha sido realizado. Es, en este punto, donde *NL-Means-OCT* es altamente relevante, ya que su capacidad para conservar estructuras finas volumétricas, en este caso las sinapsis, y corregir el ruido de *speckle* puede aportar en la reconstrucción del *connectome*.

A partir de esta información, se realizó el filtrado de un volumen de $160 \times 3600 \times 128$ con datos provenientes del escaneo del cerebro de un ratón adulto, el tiempo de procesamiento total fue de 35,4 horas, y se utilizaron los siguientes parámetros de filtrado: ventana de búsqueda $W = 17 \times 17$, ventana de similaridad $\Delta = 7 \times 7 \times 7$ y $h = 13$. En la Fig. 3-11 se presenta la sección transversal de las sinapsis (puntos brillantes) para el cerebro del ratón. Para realizar el filtrado, es necesario que esas estructuras brillantes se conserven en su totalidad, ya que son justamente quienes determinan el mapa de conexiones. La imagen de una región de interés de la sección transversal de las sinapsis obtenida con OCT se presenta en la Fig. 3-11(a), mientras que el resultado del filtrado con *NL-Means-OCT* se muestra en la Fig. 3-11(b). Las sinapsis aparecen entonces como regiones circulares brillantes, con una alta densidad en la región central de la imagen, y se observan algunas más finas, en tanto que otras son más grandes. Nótese cómo la imagen filtrada elimina la presencia del ruido causado por *speckle* y conserva en su totalidad las regiones en donde se hallan las sinapsis. En este caso, se optó por un filtrado más suave comparado con el caso de la retina, ya que aquí las estructuras finas tienen una mayor relevancia, es por ellos que se percibe la presencia de patrones periódicos en la imagen, esto está relacionado con el tamaño del *speckle* portador de señal, que es el utilizado para formar imagen. La Fig. 3-11(c) muestra la imagen entera de la sección transversal, y la Fig. 3-11(d) la correspondiente filtrada, aquí se evidencia mejor cómo el ruido de la imagen se elimina, mientras se conservan las estructuras finas de la imagen.

La proyección *en-face* de las sinapsis se presenta en la Fig. 3-12. La Fig. 3-12(a) es la proyección a una profundidad que permite observar las sinapsis del cerebro en la región de interés, mientras que la Fig. 3-12(b) es la proyección luego de realizar

el filtrado. Éstas imágenes permiten observar cómo el filtrado conserva las sinapsis aun cuando éstas se encuentran superpuestas, y se evidencia cómo conservan forma, estructura y dirección. La Fig. 3-12(c) es la proyección *en-face* completa de los datos del cerebro y la Fig. 3-12(d) es la proyección filtrada.

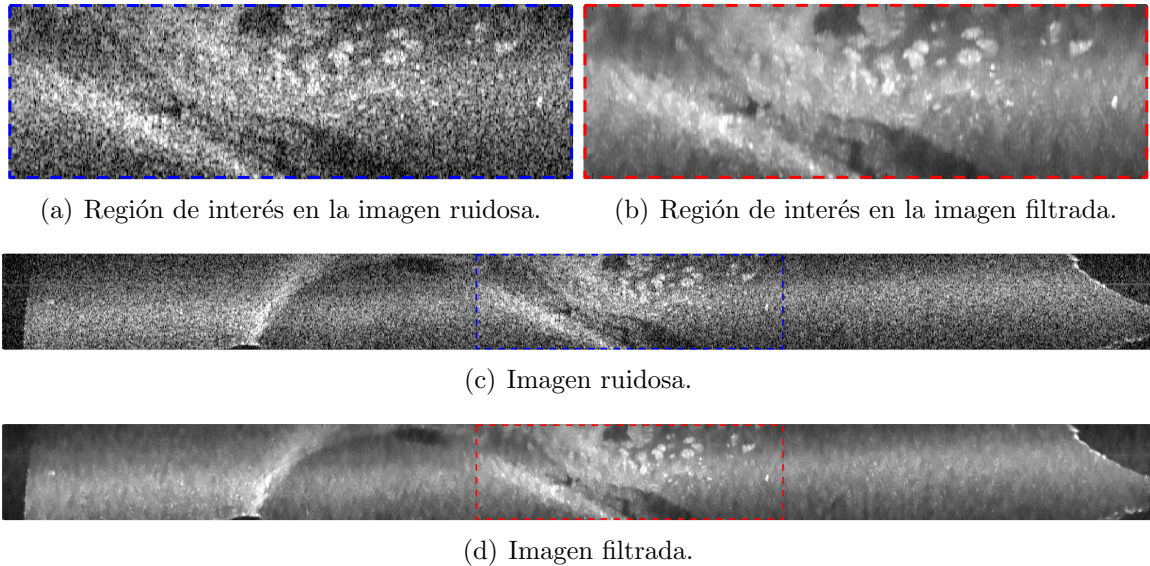


Figura 3-11: Imágenes de la sección transversal del escaneo con OCT de un cerebro de ratón.

Dadas las características de las ventanas de similaridad tridimensionales, *NL-Means-OCT* permite realizar el filtrado de estructuras finas en los datos que serán empleados para realizar el *connectome* a partir de las sinapsis en el cerebro. Se espera que este resultado facilite el cálculo del gradiente, y por tanto, mejore la precisión del mapa de conexiones generado, asimismo, facilite la implementación de OCT no solo en tractografía, sino que adicionalmente, en la reconstrucción de tejidos a partir de técnicas de expansión y aclarado, mediante la conservación de las estructuras finas en el volumen de datos.

3.5.3. OCT gastrointestinal

En el caso de OCT en tractografía se aprovechó el hecho de que *NL-Means-OCT* preserva estructuras finas por sus ventanas de similaridad cúbicas. En OCT en gastroenterología, el problema que sufren los datos está relacionado con movimientos

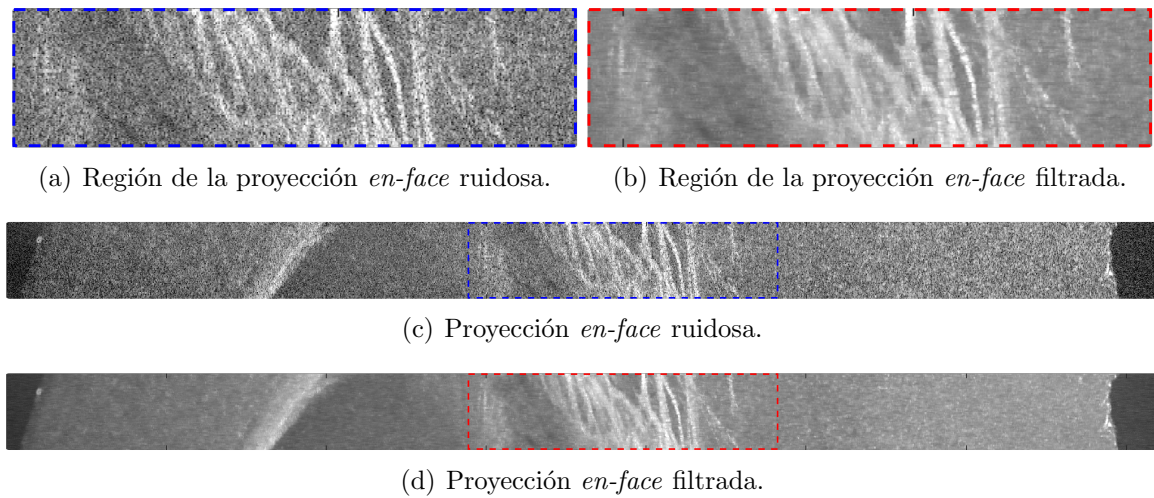


Figura 3-12: Proyecciones *en-face* con los datos del cerebro del ratón.

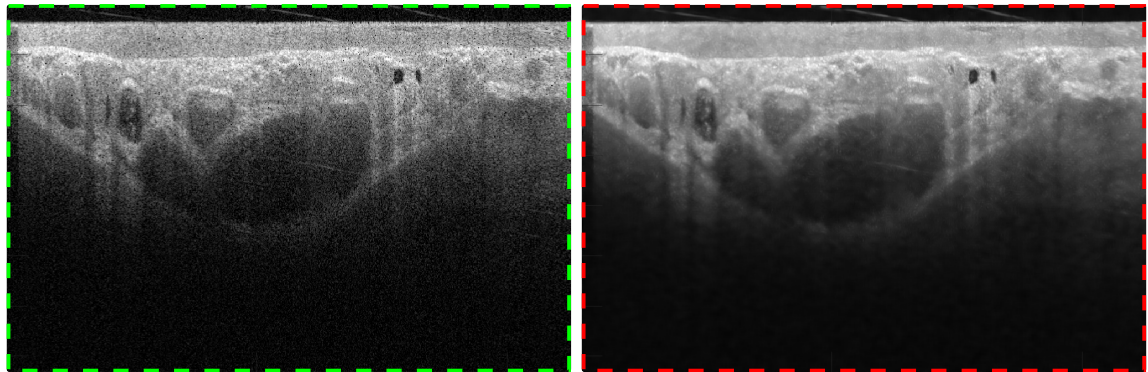
aleatorios producidos por fuentes externas al sistema óptico, tales como las contracciones musculares durante la respiración, o el palpito del corazón. Esta vez se pretende aprovechar las características *no locales* del algoritmo, particularmente, porque cómo se observó en la retina, no hay una dependencia entre el filtrado y el movimiento aleatorio en los datos. Particularmente en gastroenterología, los desplazamientos que posean los datos son difíciles de corregir, ya que su naturaleza es básicamente aleatoria y no es fácil de modelar matemáticamente. Sin embargo, hay pequeñas causas de movimiento en los datos como la distorsión rotacional no uniforme (NURD: *non-uniform rotational distortion*) [38] que se debe a la rotación de la fibra óptica en el catéter, aun así, no todos los problemas pueden ser corregidos.

Ahora bien, otra característica diferenciadora que tiene OCT gastrointestinal, es que la resolución en las tres direcciones puede ser bastante diferente, es decir, que mientras en la dirección Z es típicamente de $\approx 7\mu\text{m}$, en X de $\approx 15\mu\text{m}$ y en y de $\approx 50\mu\text{m}$. Para poder obtener un filtrado satisfactorio en este tipo de datos, fue necesario modificar *NL-Means-OCT* para trabajar con ventanas de similaridad y de búsqueda anisotrópicas, de forma que permitiese la selección preferencia de aquellas direcciones en donde la resolución es mayor. Con esto, se filtró un volumen de $732 \times 4096 \times 150$ con datos provenientes del esófago de un paciente, en este caso, el tiempo de procesamiento total fue de 124,7 horas, y se emplearon los siguientes parámetros: tamaño de la

ventana de búsqueda $W = 13 \times 17$, tamaño de los cubos de similaridad $\Delta = 7 \times 9 \times 5$ y parámetro $h = 13$. El tamaño de la ventana de búsqueda se escogió de manera tal que se privilegia la dirección X, ya que en esta es la mayor dimensión; el tamaño de la ventana de similaridad, por su parte, fue escogido para dar más peso a las direcciones en donde la resolución es mayor. La selección de estos parámetros podría realizarse mejor si se realizara un algoritmo que determine el tamaño de las ventanas de similaridad en función del tamaño del *speckle* volumétrico, esto se propone como trabajo futuro.

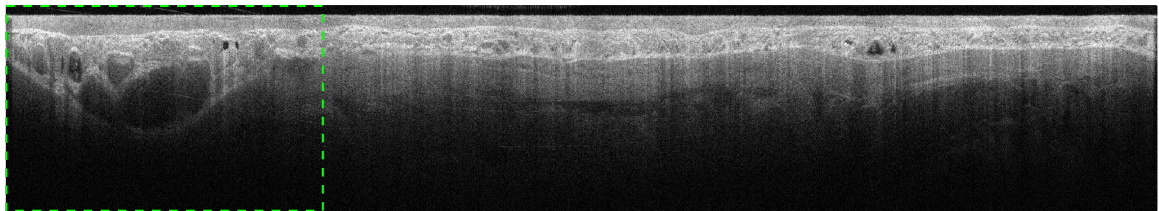
El resultado del filtrado de los datos provenientes de OCT gastrointestinal se presenta en la Fig. 3-13. La Fig. 3-13(a) es una región de interés que permite comparar fácilmente el resultado contra la imagen filtrada en la Fig. 3-13(b). La Fig. 3-13(c) es un escaneo tipo B del esófago entero, mientras que la Fig. 3-13(d) es la correspondiente filtrada. Las imágenes filtradas muestran nuevamente cómo el algoritmo preserva aquellas estructuras de interés, aunque se percibe una particularidad en este tipo de datos en la parte inferior de las imágenes. En estos lugares, la imagen pareciera ser borrosa, esto se debe a que esa región se encuentra por fuera de la zona focal del sistema, y por ende, aparecen como una región desenfocada. Además de esto, la presencia de estructuras periódicas que aparece en la imagen filtrada, se debe al tamaño del *speckle* con el cual se forma imagen (*speckle* portador de señal). Se concluye entonces, que aun con el movimiento que este tipo de aplicaciones puede experimentar, *NL-Means-OCT* puede realizar un filtrado que es independiente de los desplazamientos aleatorios que haya entre los datos, ya que finalmente, lo que se busca son aquellas ventanas de similaridad cuya distribución sea similar para realizar el filtrado.

Las pruebas realizadas con ventanas de búsqueda cuyo tamaño en una dirección era mucho más grande que en la otra, mostraron la presencia de *línea* en la dirección preferencial, esto es *líneas* verticales en el caso de que $Z \gg X$, o *líneas* horizontales cuando $X \gg Z$, similares a las comparadas en la proyección *en-face* para los datos de la retina (Sección 3.5.1).

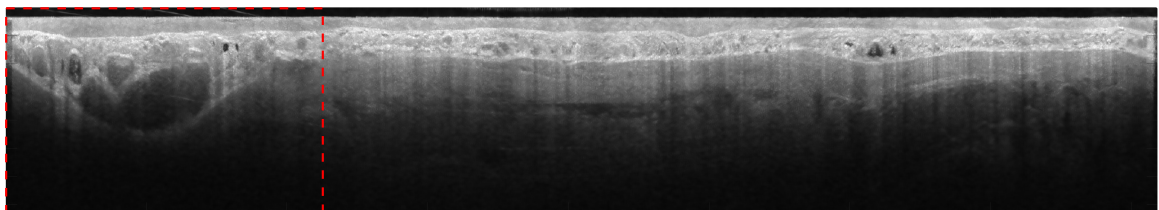


(a) Imagen ruidosa en una región de interés.

(b) Imagen filtrada en un región de interés.



(c) Imagen ruidosa.



(d) Imagen filtrada.

Figura 3-13: Imágenes filtradas en el caso de datos provenientes de un sistema de OCT gastrointestinal.

Referencias

- [1] J. Goodman. *Speckle phenomena in optics: Theory and applications*. H. W. Freeman, 2010. [88](#), [89](#), [90](#)
- [2] J. Dainty. *Laser speckle and related phenomena*. Springer, 2 edition, 1975. [88](#)
- [3] J. Goodman. Some fundamental properties of speckle. *J. Opt. Am.*, **66**(11):1145–1150, 1976. [88](#), [91](#)
- [4] C. Deledalle, L. Denis, F. Tupin, A. Reigber, and M. Jäger. Nl-sar: A unified nonlocal framework for resolution-preserving (pol)(in)sar denoising. *IEEE transactions on geoscience and remote sensing*, **53**(4):2021–2038, 2015. [91](#)
- [5] S. Kalavani and R. Wahidabanu. A view on despeckling in ultrasound imaging. *International journal of signal processing: image processing and pattern recognition*, **2**(3):85–98, 2009. [91](#)
- [6] E. Sidky and X. Pan. Image reconstruction in circular cone-beam computed tomography by constrained, total-variation minimization. *Phys. Med. Biol.*, **53**:4777–4807, 2008. [91](#)
- [7] A. Pizurica, A. Wink, E. Vansteenkiste, W. Philips, and J. Roerdink. A review of wavelet denoising in mri and ultrasound brain imaging. *Current medical imaging reviews*, **2**(2):247–260, 2006. [91](#)
- [8] J. Schmitt, S. Xiang, and K. Yung. Speckle in optical coherence tomography. *Journal of Biomedical Optics*, **4**(1):95–105, 1999. [91](#), [92](#), [93](#), [95](#), [96](#)

-
- [9] J. Lee and I. Jurkevich. Speckle filtering of synthetic aperture radar images: a review. *Remote sensing reviews*, **28**:313–340, 1994. [92](#)
- [10] K. Lu, N. He, and L. Li. Nonlocal means-based denoising for medical images. *Hindawi Publishing Corporation*, **2012**(438617):1–7, 2011. [92](#), [111](#)
- [11] D. Adler, T. Ko, and J. Fujimoto. Speckle reduction in optical coherence tomography images by use of a spatially adaptive wavelet filter. *Optics Letters*, **29**(24):2878–2880, 2004. [92](#)
- [12] M. Mayer, A. Borsdorf, M. Wagner, J. Hornegger, C. Mardin, and R. Tornow. Wavelet denoising of multiframe optical coherence tomography data. *Biomedical Optics Express*, **3**(3):572–589, 2012. [92](#)
- [13] L. Fang, S. Li, Q. Nie, J. Izatt, C. Toth, and S. Farsiu. Sparsity based denoising of spectral domain optical coherence tomography images. *Optics Express*, **3**(5):927–942, 2012. [92](#)
- [14] H. Yu, J. Gao, and A. Li. Probability-based non-local means filter for speckle noise suppression in optical coherence tomography images. *Optics Letters*, **41**(5):994–997, 2016. [92](#), [93](#), [98](#)
- [15] Z. Jian, Z. Yu, L. Yu, B. Rao, Z. Chen, and B. Tromberg. Speckle attenuation in optical coherence tomography by curvelet shrinkage. *Optics Letters*, **34**(10):1516–1518, 2009. [92](#)
- [16] J. Xu, H. Ou, E. Lam, P. Chui, and K. Wong. Speckle reduction of retinal optical coherence tomography based on contourlet shrinkage. *Optics Letters*, **38**(15):2900–2903, 2013. [92](#)
- [17] D. Xu, N. Vaswani, Y. Huang, and J. Kang. Modified compressive sensing optical coherence tomography with noise reduction. *Optics Letters*, **37**(20):4209–4211, 2012. [92](#)

- [18] L. Fang, S. Li, R. McNabb, Q. Nie, A. Kuo, C. Toth, J. Izatt, and S. Farsiu. Fast acquisition and reconstruction of optical coherence tomography images via sparse representation. *IEEE transactions on medical imaging*, **32**(11):2034–2049, 2013. [92](#), [93](#)
- [19] L. Fang, S. Li, X. Kang, J. Izatt, and S. Farsiu. 3-d adaptive sparsity based image compression with applications to optical coherence tomography. *IEEE transactions on medical imaging*, **34**(6):1306–1320, 2015. [92](#), [93](#)
- [20] K. Cheng, E. Lam, B. Standish, and V. Yang. Speckle reduction of endovascular optical coherence tomography using a generalized divergence measure. *Optics Letters*, **37**(14):2871–2873, 2012. [93](#)
- [21] A. Baudes, B. Coll, and J. Morel. A review of image denoising algorithms, with a new one. *Multiscale modeling and simulation*, **4**(2):490–530, 2005. [93](#), [98](#), [99](#), [101](#), [102](#), [104](#)
- [22] C. Deledalle, L. Denis, and F. Tupin. Iterative weighted maximum likelihood denoising with probabilistic patch-based weights. *IEEE Transactions on Image Processing*, **18**(12):2661–2672, 2009. [93](#), [102](#), [103](#), [104](#), [111](#)
- [23] M. Bashkansky and J. Reintjes. Statistics and reduction of speckle in optical coherence tomography. *Opt. Lett.*, **25**(8):545–547, 1999. [95](#)
- [24] C. Oliver and S. Quegan. *Understanding Synthetic Aperture Radar Images*. Sci-tech publishing, 2004. [97](#)
- [25] A. Moreira, P. Prats-Iraola, M. Younis, G. Krieger, I. Hajnsek, and K. Papathanassiou. A tutorial on synthetic aperture radar. *IEEE geoscience and remote sensing magazine*, **13**:6–43, March 2013. [97](#)
- [26] L. Novak and M. Burl. Optimal speckle reduction in polarimetric sar imagery. *International journal of remote sensing*, **26**(2):293–305, 1990. [98](#)

- [27] A. Lopes, E. Nezry, R. Touzi, and H. Laur. Structure detection and statistical adaptive speckle filtering in sar images. *International journal of remote sensing*, **14**(9):1735–1758, 2010. [98](#)
- [28] A. Lucas, O. Aharonson, C. Deledalle, A. Hayes, R. Kirk, and E. Howington-Kraus. Insights into titan’s geology and hydrology based on enhanced image processing of cassini radar data. *Geophys. Res. Planets*, **119**:2149–2166, 2014. [98](#)
- [29] J. Mairal, F. Bach, J. Ponce, and G. Sapiro. Non-local sparse models for image restoration. *Computer vision, 2009 IEEE 12th International Conference on*, **2009**:1–8, 2009. [101](#)
- [30] M. Mahmoudi and G. Sapiro. Fast image and video denoising via nonlocal means of similar neighborhoods. *IEEE signal processing letters*, **12**(12):839–542, 2005. [101](#)
- [31] C. Kervrann, J. Boulanger, and P. Coupé. Bayesian non-local means filter, image redundancy and adaptive dictionaries for noise removal. *Scale space and variation methods in computer vision*, **4485**:520–532, 2007. [101](#)
- [32] Y. Liu, J. Wang, X. Chen, Y. Guo, and Q. Peng. A robust and fast non local means algorithm for image denoising. *Journal of computer science and technology*, **23**(2):270–279, 2008. [101](#)
- [33] P. Coupé, P. Yger, S. Prima, P. Hellier, C. Kervrann, and C. Barillot. An optimized blockwise nonlocal means denoising filter for 3-d magnetic resonance images. *IEEE Transactions on medical imaging*, **27**(4):425–441, 2008. [101](#)
- [34] J. Polzehl and V. Spokoiny. Prpagation-separation approach for local likelihood estimation. *Probab. theory related fields*, **135**(3):335–362, 2006. [103](#)
- [35] X. Zhand, G. Hou, J. Ma, W. Yang, B. Lin, Y. Xu, W. Chen, and Y. Feng. Denoising mr images using non-local means filter with combined patch and pixel similarity. *PLoS ONE*, **9**(6):1–12, 2014. [104](#)

- [36] K. Vermeer, J. Mo, J. Weda, H. Lemij, and J. de Boer. Depth-resolved model-based reconstruction of attenuation coefficients in optical coherence tomography. *Biomedical Optics Express*, **5**(1):322–337, 2013. [108](#), [109](#)
- [37] K. Liand, O. Ahsen, H. Lee, Z. Wang, B. Potsaid, M. Figueiredo, V. Jayaraman, A. Cable, Q. Huand, H. Mashimo, and J. Fujimoto. Volumetric mapping of barrett’s esophagus and dysplasia with *en-face* optical coherence tomography tethered capsule. *Am. J. Gastroenterol.*, **111**(11):1664–1666, 2016. [116](#)
- [38] N. Uribe-Patarroyo and B. Bouma. Rotational distortion correction in endoscopic optical coherence tomography based on speckle decorrelation. *Optics Letters*, **40**(23):5518–5521, 2015. [116](#), [122](#)
- [39] M. Kraus, B. Potsaid, M. Mayer, R. Bock, B. Baumann, J. Liu, J. Hornegger, and J. Fujimoto. Motion correction in optical coherence tomography volumes on a per a-scan basis using orthogonal scan patterns. *Biomedical Optics Express*, **3**(6):1182–1199, 2012. [116](#)
- [40] P. Basser, S. Pajevi, C. Pierpaoli, J. Duda, and A. Aldroui. In vivo fiber tractography using dt-mri data. *Magnetic resonance in medicine*, **44**:625–632, 2000. [118](#)
- [41] K. Chung, J. Wallace, S. Kim, S. Kalyanasundaram, A. Andalman, T. Davidson, J. Mirzabekov, K. Zalacusk, J. Mattis, A. Denisin, S. Pak, H. Bernstein, C. Ramakrishnan, L. Grose, V. Gradinaru, and K. Deisseroth. Structural and molecular interrogation of intact biological systems. *Nature*, **497**:332–339, 2013. [118](#)
- [42] T. Ku, J. Swaney, J. Park, A. Albanese, E. Murray, J. Cho, Y. Park, V. Mammen, J. Chen, and K. Chung. Multiplexed and scalable super-resolution imaging of three-dimensional protein localization in size-adjustable tissues. *Nature Biotechnology*, **34**:973–981, 2016. [119](#)

- [43] J. Chang, F. Chen, Y. Yoon, E. Juand, H. Babcock, J. Kand, S. Asano, H. Suk, N. Pak, P. Tillberg, A. Wassie, D. Cai, and E. Boyden. Iterative expansion microscopy. *Nature Methods*, **2017**:1–7, 2017. [119](#)

Capítulo 4

Estabilización de la fase en OCT

Uno de los problemas que se puede dar en la adquisición de datos con OCT está relacionado con la falta de sincronía en los sensores y actuadores. Este tipo de problema afecta principalmente la fase, que es importante en aplicaciones que cuantifican flujo mediante OCT. Este capítulo aborda uno de los problemas más comunes en los sistemas de OCT que emplean fuentes de barrido, y propone un método de solución que se basa en la interpretación del problema como una optimización.

Para esto, el capítulo se divide en cinco secciones en las que se abordarán los siguientes temas: En la Sección 4.1 se retomarán los conceptos básicos detrás de OCT con fuente de barrido, en donde uno de los problemas más comunes tiene que ver con la falta de sincronía entre sus componentes, esta dificultad será tratada a fondo en la Sección 4.2. Entendiendo el problema, se planteará una posible solución en la Sección 4.3, y describirá el algoritmo, sus principios y las simulaciones en la Sección 4.4. Finalmente, se discutirán los primeros resultados experimentales obtenidos con el método propuesto en la Sección 4.5.

4.1. OCT con fuente de barrido (OFDI)

OCT con fuente de barrido (SSOCT: *swept-source optical coherence tomography*), conocido también como imagen óptica en el dominio frecuencial (OFDI: *optical frequency domain imaging*), emplea una fuente de luz sintonizable para producir la

interferencia entre el haz de referencia y la luz retroreflejada por la muestra, capturando el patrón de interferencia a través de las componentes espectrales de la fuente, razón por la cual no es necesario desplazar el espejo de referencia. La fuente sintonizable tiene la característica de realizar barridos espectrales con un ancho de banda instantáneo angosto a lo largo de todo el espectro, por lo que se le conoce también como fuente de barrido. El ancho de banda instantáneo corresponde al tamaño de la línea espectral que tiene la fuente mientras se realiza el barrido por las distintas componentes espectrales, de tal modo que la interferencia producida en cada instante del barrido se considera localmente coherente, pues la línea espectral instantánea en general es mucho más pequeña que el espectro total de la fuente [1-3].

En OFDI no es necesaria la detección con un espectrómetro a diferencia de OCT en el dominio espectral, puesto que las componentes espectrales del patrón de interferencia se encuentran codificadas sobre el barrido, en consecuencia, la señal se captura en un fotodetector como una función dependiente del tiempo sobre el periodo que tarda la fuente en realizar el recorrido por todo el espectro [3]. Es necesario entonces relacionar el instante de captura del detector con el número de onda instantáneo emitido por la fuente, la cual se espera que siga una relación lineal con respecto al tiempo [4]. Como el número de onda $k(t)$ del patrón de interferencia registrado por el fotodetector sigue una relación lineal con el tiempo t , se puede describir como

$$k(t) = k_0 + \frac{\Delta k}{\Delta t} t, \quad (4.1)$$

donde k_0 es el número de onda inicial del espectro de la fuente, Δk es el ancho de banda del número de onda y Δt es el periodo de barrido, inversamente proporcional a la frecuencia de la fuente. Al ser el ancho de banda espectral de la fuente finito, la profundidad de penetración máxima z_{\max} se encuentra limitada por las características del espectro, siendo esta

$$z_{\max} = \frac{\lambda_0^2}{4\delta\lambda}, \quad (4.2)$$

donde λ_0 es la longitud de onda central ($\lambda_0 = 2\pi/k_0$), $\delta\lambda = \Delta\lambda/N_s$ es el intervalo de

muestreo de la longitud de onda, $\Delta\lambda$ es la anchura a la mitad del máximo del espectro (FWHM), y N_s es el número de muestras del espectro en $\Delta\lambda$. El intervalo de muestreo $\delta\lambda$ debe ser más pequeño que el ancho de banda instantáneo de la fuente, ya que de lo contrario, la función de coherencia decaería con la profundidad, limitando el rango de penetración [3].

OFDI es una de las técnicas de captura de datos más comunes para OCT [5, 6] dado que posee una alta tasa de adquisición, mayor a 50kHz por lo que es capaz de producir más de 100 imágenes por segundo, adicionalmente, tiene una alta sensibilidad del orden de -120dB , y una relación señal-ruido baja al capturar todas las profundidades de manera simultánea, viéndose menos afectado por movimientos durante la adquisición. Sin embargo, algunos de los problemas más comunes que se encuentran en OFDI están relacionados con la sincronización requerida entre el sistema de captura de datos y la fuente de barrido [4], éstos afectan principalmente aquellas aplicaciones en donde la fase juega un papel fundamental, y como se mencionó en la Sección 1.4, hay aplicaciones de OCT que dependen altamente de variaciones en la fase, que es donde aparecen los efectos de la baja sincronía y estabilidad de la fase.

4.2. Sincronización y estabilidad de fase en OFDI

Debido a que la adquisición de datos en los sistemas de OCT en el dominio de Fourier se realiza de manera espectral, es necesario realizar transformadas de Fourier para relacionarlos con el dominio espacial. Como las transformadas de Fourier evalúan funciones complejas, los datos en el dominio espacial registrados con OFDI poseen valores complejos, con una amplitud y una fase asociadas. Esta característica permite que algunas aplicaciones de OCT como OCT Doppler cuantifiquen flujo a través del sensado de las variaciones de fase con respecto al tiempo entre líneas A sucesivas, lo cual es posible a través del efecto Doppler que induce el flujo sobre el haz [7]. La estabilidad de la fase se convierte entonces en una de las prioridades para aquellas aplicaciones en las que se desea obtener información confiable de cambios que solo pueden medirse a través de la fase.

El problema de la estabilidad surge a causa de la sintonización que debe hacer la fuente de barrido en el espacio de los números de onda (espacio k), en donde no hay un muestreo lineal sobre el espectro, y por ende, se puede dar una reducción en la resolución espacial del sistema [8]. Una solución para evadir este inconveniente, es que el fotodetector tenga un muestreo con intervalos de tiempo no uniformes, de manera que los datos en el detector se adquieran uniformemente con el muestreo del espacio k durante todo el proceso de toma de datos. Pese a ello, si hay una falta de sincronía entre el detector y la fuente se podrían tener variaciones en la medida de la fase que degradan la sensibilidad de la técnica [3].

La inestabilidad de fase en OFDI puede ser causada también por una variación rápida (*jitter*) en la sincronización entre la fuente y el sistema de adquisición de datos. Este *jitter* es un retraso de tiempo aleatorio entre la señal de disparo (*trigger*) y el momento inicial de captura de datos, la incertidumbre en el tiempo de muestreo produce diferencias en el número de onda inicial para cada ciclo de la fuente [9, 10]. Aunque los retrasos en la señal sean pequeños, hay un impacto importante en la fase del espectro capturado y en la tasa de muestreo, manifestándose en la medida como una diferencia de fase dependiente de la profundidad (una pendiente) en conjunto con un corrimiento aleatorio de fase entre cada una de las líneas A (*offset*) [11]. Ahora bien, si la fuente de barrido posee componentes mecánicos tiende a tener una estabilidad de fase incluso menor, ya que comparada con una fuente sin parte mecánicas hay más causas de error [12]. En aquellas fuentes donde elementos mecánicos realizan el barrido, el *jitter* puede darse por la acumulación de momento que deriva en histéresis y desvíos indeseados, o por inestabilidades en el entorno tales como vibraciones.

Cuando un volumen de datos provenientes de OFDI se encuentre alterado a causa de la falta de sincronía entre el fotodetector y la fuente de barrido, se le denomina tomograma corrupto, ya que hay una corrupción inducida en el mapa de fase medido. Pese a que este problema se encuentra presente en casi todas las aplicaciones de OFDI, son pocos los algoritmos existentes que permiten mejorar la estabilidad en la fase por medio de métodos numéricos o de posprocesamiento [4, 10, 11, 13]. Nuestro objetivo es proponer una metodología que permita ayudar con la estabilización de la

fase en datos obtenidos por medio de OFDI y que presentan una corrupción en la fase por las causas descritas.

4.2.1. Características de los tomogramas con corrupción de fase

La corrupción en la fase de un tomograma se relaciona con la falta de sincronía entre la señal de disparo de la fuente y el inicio de captura de datos desde el detector. Como consecuencia de esto, hay un corrimiento aleatorio en la fase que no es evidente cuando se trabaja únicamente con la amplitud o la intensidad del tomograma. Si bien los especímenes biológicos analizados con OFDI se caracterizan por tener una fase aleatoria, las mediciones sensibles a la fase requieren de una alta estabilidad durante la captura de los datos. Para ejemplificar el efecto que tiene sobre el tomograma la presencia de corrupción en la fase se realizó una simulación de un volumen de datos con $160 \times 256 \times 256$ elementos, siendo las dimensiones respectivas (Z, X, Y). La simulación se basa en el muestreo que realiza un sistema de OFDI y funciona a partir del siguiente esquema:

- Paso 1:** Se define un volumen a escanear, tomando en consideración los tamaños físicos y las características de la fuente de barrido.
- Paso 2:** Se establece el porcentaje del volumen que estará ocupado por centros dispersores que formarán el *speckle* portador de señal y el *speckle* degradador de señal, por ejemplo 1% del volumen ocupado por centros dispersores indica una variación en el índice de refracción bajo y por ende, una muestra relativamente homogénea; mientras que un 20% quiere decir que la muestra es altamente inhomogénea.
- Paso 3:** Se asignan posiciones aleatorias a cada uno de los centros dispersores del volumen, y a continuación se añaden regiones homogéneas alrededor de algunos de los centros dispersores, formando los objetos a medir.

- Paso 4:** Se asigna de una reflectividad superior a aquellos puntos del volumen donde se encuentran los objetos, al haber múltiples centros dispersores se dará la formación de *speckle* en todo el volumen, pero en aquellas regiones donde se encuentran los objetos la reflectividad será mayor, haciéndose éstos visibles.
- Paso 5:** Se realiza el muestreo del espectro en el espacio k , asumiendo que éste es lineal en la señal de OFDI, esto es, generar la función dependiente del tiempo que registra el detector del espacio k .
- Paso 6:** Para cada una de las líneas A que conforman el volumen, calcular la señal de OFDI producida por los centros dispersores y por el espectro de la fuente, a partir de la señal planteada en la Eq. 2.9.
- Paso 7:** Obtener la transformada de Fourier de cada línea A en el volumen para retornar la señal en el dominio espacial.
- Paso 8:** Si se desea añadir elementos de corrupción, adicionar una pendiente y un *offset* en la fase de la señal en el dominio espacial, o convolucionar el espectro con una función delta que representa el corrimiento en el número de onda muestreado.

En la Fig. 4-1 se presenta una simulación de los datos capturados por un sistema de OFDI. La intensidad del campo simulado se muestra en la Fig. 4-1(a), en donde se han ubicado 12 cilindros, como tener una corrupción en la fase no modifica la amplitud, se espera que independiente de la fase que se imponga no haya una variación en la intensidad medida. En el caso de un sistema de OCT con fuente de barrido, la fase obtenida por medio de transformadas de Fourier representa la fase aleatoria típica de los tejidos, pero con un comportamiento relativamente *suave*, como se presenta en la Fig. 4-1(b). Sin embargo, cuando hay corrupción a causa de la falta de sincronía, como se ilustra en la Fig. 4-1(c), la estructura de la fase [Fig. 4-1(b)] se pierde, y aparecen variaciones aleatorias en la dirección z (verticales) causadas por la dependencia de la fase con la profundidad (pendiente) y su inicio aleatorio (*offset*) entre líneas A .

Ahora bien, la corrupción de fase no se hace evidente en las imágenes que se muestran en el dominio espacial, ya que la intensidad no depende de la fase. No

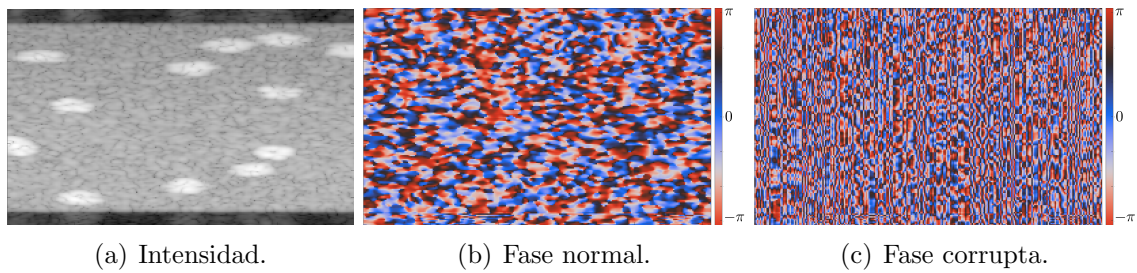
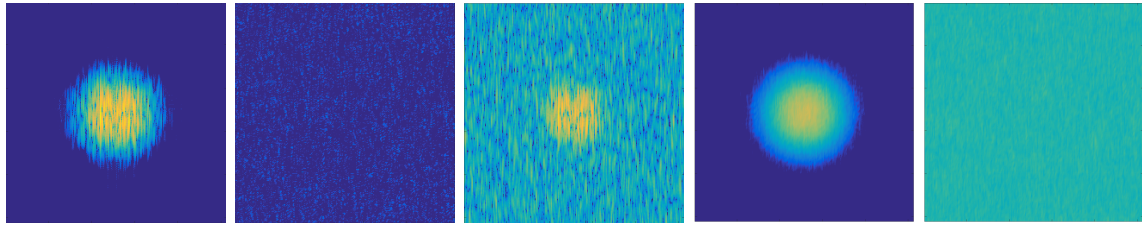


Figura 4-1: Comparación de una imagen simulada de OCT con fase normal y fase corrupta. (a) Intensidad del campo, (b) fase normal y (c) fase corrupta por problemas de sincronización.

obstante, deben presentarse diferencias entre el tomograma normal y el corrupto si se toman transformadas de Fourier, puesto que éstas son sensibles ante la fase del campo complejo. En el caso del tomograma normal, su transformada de Fourier debe seguir teniendo las características del espectro capturado por OFDI antes de realizar imagen, es decir, si no hay corrupción cada línea A que conforma el volumen debe seguir teniendo las propiedades espectrales del haz con el cual se realizó la captura, esto se ilustra en la Fig. 4-2. La distribución espectral del tomograma debe entonces continuar siendo una función gaussiana, similar a la que empleó para capturar los espectros que conforman el tomograma, por lo tanto, tomar la transformada de Fourier *en-face* del tomograma debe producir una función gaussiana reescalada similar a la empleada como iluminación. En todos estos casos se empleó una ventana Hann o *Hanning* antes de tomar la transformada de Fourier para evitar la aparición de líneas verticales y horizontales por el tamaño finito de la imagen.

Si el volumen fue capturado bajo las mismas condiciones de iluminación, se espera que cada plano *en-face* (XY) tenga las características de la distribución gaussiana que sigue el haz, como lo muestra la Fig. 4-2(a) proveniente de la transformada Fourier de uno de los planos XY del volumen, en donde se observa que el espectro de potencia (PS: *power spectrum*, módulo cuadrado de la transformada de Fourier) del tomograma no corrupto sigue una distribución gaussiana, si se realizaran transformaciones para todos los planos XY en las profundidades todos ellos seguirán esta misma distribución. Por otro lado, cuando hay elementos de corrupción de fase, la distribución que posee el haz en la transformada se pierde dado que hay una alteración aleatoria de la fase,

como se puede apreciar en la Fig. 4-2(b), en donde la corrupción de fase ha hecho que el PS en XY aparezca como alta frecuencias distribuidas aleatoriamente.



(a) PS para un plano XY. (b) PS para un plano XY corrupto. (c) PS para un plano XY con corrupción parcial. (d) Promedio de los PS limpias en XY. (e) Promedio de PS corruptas en XY.

Figura 4-2: Comparación de los PS cuando el tomograma está corrupto. (a) PS producido por un solo plano XY limpio, (b) PS obtenido en un solo plano XY corrupto, (c) PS generado por una corrupción parcial en la fase, (d) PS promedio del tomograma limpio, y (e) PS promedio del tomograma corrupto.

Si el error en la fase causado por el mapa de corrupción está en el orden de los miliradianes, hay una pérdida de información al observar el PS en XY, apareciendo como frecuencias altas que no corresponde con la información proveniente de la muestra [Fig. 4-2(c)]. Por último, si no hay corrupción, puesto que todos los planos XY del volumen poseen información sobre el sistema, el PS promedio de todos ellos obtenido es una distribución similar que muestra un haz gaussiano definido, como se ejemplifica en la Fig. 4-2(d), pero cuando hay corrupción en la fase, esta relación se pierde completamente y lo que se obtiene es una distribución de frecuencias aleatorias al realizar el promedio, como lo presenta la Fig. 4-2(e).

La dependencia que hay entre el PS del sistema con respecto a la corrupción de fase debe ser posible de utilizar para caracterizar el mapa de corrupción que ha sido inducido en el volumen de datos. La idea es emplear esta información junto con la modelación que describe el mapa de corrupción en fase para recuperar el tomograma sin corrupción, o equivalentemente el mapa de corrupción, a partir de un algoritmo similar al utilizado en el enfoque de haces coherentes en medios turbios, planteando para ello un problema de optimización.

4.3. Propuesta para la estabilización de la fase por posprocesamiento

Como se mencionó anteriormente, la propuesta para la estabilización de la fase consiste de dos componentes, por un lado, elementos que se han utilizado en el enfoque de haces coherentes que se propagan a través de medios turbios, y por otra parte, en el planteamiento del problema de la fase como una optimización, conociendo las características del volumen de datos normal y corrupto en OFDI. A continuación, se analizarán y describirán estos dos conceptos.

4.3.1. Enfocado de haces coherentes en medios turbios

En los medios turbios o medios altamente esparsivos y dispersivos, un haz de luz incidente es esparcido a través del medio formando un patrón de *speckle* volumétrico que no posee correlación alguna en una distancia mayor a una longitud de onda. El problema se encuentra en que el patrón de *speckle* producido por el medio turbio no posee un punto focal medible a la salida del sistema [14, 15], no obstante, si se modula el frente de onda del haz antes de ingresar al medio turbio, es posible obtener el patrón de modulación o el cambio de fase necesario para producir un enfoque del haz. Vellekoop *et. al.* [14] plantearon un método para enfocar un haz que se propaga por un medio turbio, empleando un modulador espacial de luz para inducir un desfase en el haz a la entrada del sistema, y por ende, un enfoque a la salida de éste. El principio de su propuesta es que un haz enfocado produce una intensidad focal 1000 veces más grande que cuando el frente de onda no ha sido modulado. Mediante una optimización simultánea entre el haz enfocado, capturado por una cámara CCD y los niveles de gris en el modulador, los autores fueron capaces de encontrar una fase para cada uno de los 3228 puntos en los cuales se encontraba dividido el modulador, ya que cada uno de ellos producía un punto focal aproximadamente 200 veces más fuerte que el haz no enfocado. La idea de este algoritmo es obtener la fase que produce el mejor enfoque del haz y que corresponde a las variaciones globales que induce el

medio turbio a través de medidas de la intensidad luego del enfoque.

Considerando que en los medios turbios cada punto de la fase aporta de manera individual al enfoque del haz ya que no hay dependencia con respecto a un vecino, cada uno de los elementos del modulador espacial de luz contribuye de manera individual hasta una intensidad máxima de mejora. El proceso de optimización se basa entonces en que el campo transmitido en la muestra E_m , es una combinación lineal de los campos incidentes desde los N segmentos del modulador, de la siguiente manera

$$E_m = \sum_{n=1}^N t_{mn} A_n e^{i\phi_n}, \quad (4.3)$$

donde A_n y ϕ_n son la amplitud y la fase de luz del segmento n . El esparcimiento que experimenta la luz al pasar por la muestra y propagarse por el sistema óptico se describe a través de los elementos t_{mn} . Si los términos de E_m en la Eq. 4.3 se encuentran en fase, entonces, la magnitud del campo transmitido será máxima. La fase de cada segmento, se determina mediante una variación cíclica entre 0 y 2π en un proceso iterativo hasta que se obtiene un valor máximo para E_m .

La idea de la implementación de este algoritmo al caso de corrupción en fase por inestabilidad en OCT, surge entonces como un análogo al enfoque en medios turbios planteado por Vallekoop *et. al.* [14]. La propuesta es aplicar los conceptos del enfoque, pero comprendiendo que en el caso de OCT deben haber algunas variaciones en el planteamiento del algoritmo, ya que en lugar de modelar la fase que produce el mejor enfoque, buscaremos aquella pendiente y aquel *offset* que aproximan el PS del tomograma corrupto a aquel producido por un sistema sin corrupción, entendiendo este problema como el *enfoque* del tomograma corrupto.

4.4. Algoritmo propuesto

Como se presentó en la Sección 4.2.1, si la corrupción en la fase del tomograma es parcial [Fig. 4-2(c)] el PS producido por cada plano XY, y por consiguiente, el PS promedio tienden a ser como aquel PS cuando el tomograma no está corrupto

[Fig. 4-2(d)]. Sabemos también que el *offset* y la pendiente en la fase de cada una de las líneas A del volumen corrupto son diferentes, pero son las mismas para todos los puntos z de la línea A. En el caso de enfoque en medios turbios, si se encuentra la fase global que introduce el medio en cada uno de los puntos del modulador, se mejora altamente la intensidad de enfoque; en el caso de OCT, cuando el tomograma está corrupto, el PS promedio que produce pierde completamente la forma gaussiana, sin embargo, si es posible encontrar una combinación pendiente-*offset* y aplicar su inversa al tomograma corrupto, debe ser viable recuperar el PS del tomograma que no tiene corrupción. Por lo tanto, partiendo de conocer que las líneas A con un *offset* y una pendiente producen un PS con altas frecuencias aleatorias, tendría que ser factible encontrar la combinación correspondiente para cada línea A que produce el PS correcto. Bajo este principio e inspirados en la propuesta de Vallekoop *et. al.* [14], se propone un algoritmo que evalúa el *offset* y la pendiente en cada una de las líneas A que conforman el tomograma corrupto, a fin de que a través del PS promedio se recupere el mapa de corrupción.

Durante la adquisición de datos de un tomograma a través de OFDI, se realiza la medición de un conjunto de N espectros $S_n(k)$ que se encuentran corruptos por la falta de sincronización entre el *trigger* de la fuente y el sistema de adquisición de datos. El índice n denota la línea A correspondiente capturada, por lo tanto, $S_1(k)$ será el primer espectro que es la referencia global para los espectros siguientes $S_2(k), S_3(k), \dots, S_N(k)$, además, cada línea A tiene un muestreo de M puntos. En este orden de ideas, se puede relacionar a M y N con la cantidad de puntos o muestras en la dirección z y en las direcciones laterales xy respectivamente. Para obtener el tomograma en el dominio espacial, es necesario tomar la transformada de Fourier $F_n(z)$ de cada uno de los espectros que conforman el volumen, de manera que $F_n(z)$ se relaciona con $S_n(k)$ por una transformada de Fourier $\mathcal{F}_z\{S_n(k)\} = F_n(z)$, el índice z de la transformada indica que esta se realiza sobre la dirección z . Debido a la influencia de la sincronía en la captura de los espectros, el tomograma sin corrupción $F_n^*(z)$ y su espectro $S_n^*(k)$ son completamente desconocidos, pero el tomograma sin corrupción se relaciona con el corrupto por la presencia de un *offset* φ_n y una pendiente ξ_n (que

depende de la profundidad) aleatoria para cada línea A, entonces, se puede describir el tomograma corrupto a partir del no corrupto como

$$F_n(z) = F_n^*(z) e^{i2\pi z \frac{\xi_n}{M}} e^{i2\pi \phi_n}, \quad (4.4)$$

donde i es la unidad imaginaria. Como la pendiente que se introduce puede tener un valor cualquiera su rango será $0 \leq \xi_n < \infty$, mientras que el *offset* es una característica cíclica que indica el momento de inicio de adquisición, por ende se define en el intervalo $0 \leq \phi_n < 1$. En la Eq. 4.4 el aporte de la pendiente ξ_n está relacionado con la dependencia de la fase con la profundidad, mientras que el *offset* ϕ_n es un valor constante que produce un desfase de la línea A. Nótese que la amplitud de los tomogramas relacionados en la Eq. 4.4 no se ve influenciada por la presencia del *offset* o la pendiente, ya que estos valores son complejos, la amplitud es entonces la misma para el caso con y sin corrupción. Ahora bien, el problema se encuentra en determinar ξ_n y ϕ_n para cada una de las líneas A del tomograma, exceptuando la primera $n = 1$ que es la referencia global.

En vista de que no conocemos los datos sin corrupción, realizamos una estimación $\hat{F}_n(z)$ que representa a $F_n^*(z)$ $\left[F_n^*(z) \triangleq \hat{F}_n(z) \right]$ a partir del tomograma corrupto $F_n(z)$ por medio de la siguiente relación,

$$\hat{F}_n(z) = t_n(z) F_n(z), \quad (4.5)$$

donde el parámetro t_n corresponde al inverso de la corrupción que posee la línea A, así

$$t_n(z) = e^{-i2\pi z \frac{\xi_n}{M}} e^{-i2\pi \phi_n}. \quad (4.6)$$

Nuestro objetivo es calcular la pendiente $\hat{\xi}_n$ y el *offset* $\hat{\phi}_n$ a partir de los datos del tomograma corrupto, para esto se utilizará la información disponible al tomar las transformadas de Fourier (\mathcal{F}_{xy}) sobre los planos XY que como se analizó en la Sección 4.2.1, producen que el PS sea una función gaussiana o una distribución aleatoria. El tomograma no corrupto $F_n^*(z)$ produce un PS con perfil gaussiano $\zeta_m^*(k)$ al tomar

su transformada de Fourier sobre el plano XY en todas las profundidades, esto es

$$\zeta_m^*(\mathbf{k}) = \left| \mathcal{F}_{xy} \{ F_n^*(z) \} \right|^2, \quad (4.7)$$

y por tanto el promedio $\zeta^*(\mathbf{k})$ de todas los PS en XY en las M muestras, se define como

$$\zeta^*(\mathbf{k}) = \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \zeta_m^*(\mathbf{k}). \quad (4.8)$$

Se espera que en un tomograma no corrupto, el PS promedio sea como el que se planteó en la Fig. 4-2(d) y que por tanto, si los parámetros $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\varphi}_n$ son la corrupción de fase, este sea el PS que se obtenga. Sin embargo, en datos experimentales no se conoce $F_n^*(z)$ ni $\zeta^*(\mathbf{k})$, pero se sabe que el PS para el tomograma no corrupto puede calcularse a partir de las características físicas del haz como una distribución gaussiana, por lo tanto, el cálculo de $\zeta^*(\mathbf{k})$ en base a las propiedades del haz se define como $\zeta^\dagger(\mathbf{k}) \triangleq \zeta^*(\mathbf{k})$.

Ahora bien, si se toma la transformada de Fourier para cada plano XY en donde se ha estimado $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\varphi}_n$ es posible obtener el PS promedio estimado $\hat{\zeta}(\mathbf{k})$ desde cada una de las muestras del PS en el caso corrupto $\hat{\zeta}_m(\mathbf{k})$ como

$$\begin{aligned} \hat{\zeta}_m(\mathbf{k}) &= \left| \mathcal{F}_{xy} \{ \hat{F}(z) \} \right|^2 \\ \hat{\zeta}(\mathbf{k}) &= \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \hat{\zeta}_m(\mathbf{k}). \end{aligned} \quad (4.9)$$

Si los parámetros $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\varphi}_n$ son la pendiente y el *offset* que corrompen el volumen, entonces el PS promedio estimado $\hat{\zeta}(\mathbf{k})$ debe ser igual a aquel generado con los parámetros del haz $\zeta^\dagger(\mathbf{k})$, por ende, este problema puede plantearse como una optimización a través de un funcional o función de mérito $L(\hat{\xi}_n, \hat{\varphi}_n)$ que relaciona los PS partir del *offset* y la pendiente estimados, de la siguiente manera

$$\min [L(\hat{\xi}_n, \hat{\varphi}_n)] = \left| \zeta^\dagger(\mathbf{k}) - \hat{\zeta}(\mathbf{k}) \right|^2. \quad (4.10)$$

La función de mérito de la Eq. 4.10 podría resolverse por métodos de optimización, tales como el *nelder-mead*, sin embargo, debido a que hay dos variables independientes por cada línea A, el tiempo de procesamiento, el consumo de memoria y la cantidad de iteraciones del algoritmo harían el cálculo tedioso. En lugar de esto, la propuesta es resolver este problema con un esquema similar al planteado por Vellekoop [14], en donde la optimización se realiza secuencialmente en cada una de las líneas A, calculando los cambios en la función de mérito cuando se realiza un cambio del *offset* estimado $\hat{\varphi}_n$ y de la pendiente estimada $\hat{\xi}_n$. Para esto se evalúa un intervalo de búsqueda de j valores diferentes en cada iteración, por ejemplo, en la primera iteración, pueden evaluarse cuatro posibles valores para la pendiente y el *offset* en un rango de 2π , es decir que en este caso j tomaría valores $\{-\pi, \pi/2, 0, \pi/2\}$. Dependiendo de la precisión que se quiera en el algoritmo, se evaluarán pasos más finos del intervalo y se incrementarán la cantidad de iteraciones que éste realiza, entendiendo que la iteración se da al calcular todas las líneas A del volumen e incrementar las j divisiones del intervalo de búsqueda.

La hipótesis es que así como la intensidad de enfoque se incrementa altamente cuando se calcula correctamente la fase para enfocar el medio turbio, si el *offset* y la pendiente están cerca de los valores reales al tomar alguno de los factores de j , debe haber un incremento significativo en la aproximación que se hace del PS al tomar la transformada de Fourier sobre el plano XY y realizar el promedio, lo que produce variaciones significativas en la función de mérito objetivo. Cuando $L(\hat{\xi}_n, \hat{\varphi}_n)$ tiene un valor de cero, es que los PS calculados son iguales y por ende, se ha calculado la pendiente ξ_n y el *offset* φ_n que cada línea A posee ya que solo éstas determinan su diferencia. Como se está calculando un rango discreto de valores, el algoritmo tendrá un error mínimo asociado a la imposibilidad de evaluar los infinitos números que hay en un intervalo. Puesto que el algoritmo debe evaluar un conjunto de valores para cada línea A, se sugiere que se realice el proceso iterativo comenzando con la evaluación

de pocos puntos j y se escoja como *offset* estimado $\hat{\phi}_n$ y pendiente estimada $\hat{\xi}_n$ el que produzca la mayor reducción en la función de mérito, así se garantiza que no se tomarán valores que se alejen de la solución. La evaluación de la pendiente y el *offset* debe realizarse de manera separada calculando secuencialmente éstas en el volumen de datos y su PS, o a través de la generación de una maya que describa las variaciones en la función de mérito de acuerdo al intervalo evaluado para un caso bidimensional.

4.4.1. Metodología del algoritmo de optimización de fase

Para evaluar el algoritmo propuesto se requiere como entrada el tomograma corrupto $F_n(z)$, la estimación del PS no corrupto $\zeta^\dagger(k)$, el número N de líneas A , el número de muestras M de z y los valores del intervalo que se le asignarán a $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\phi}_n$ en cada iteración. A continuación, hay que realizar el cálculo de la función de mérito inicial, tomando la transformada de Fourier \mathcal{F}_{xy} de $F_n(z)$ y obteniendo el valor promedio del PS $\hat{\zeta}(k)$, esta primera aproximación $\min[L(\hat{\xi}_n, \hat{\phi}_n)]$ indica el valor que la estimación de la pendiente y el *offset* deben mejorar. Luego, se debe evaluar la pendiente y el *offset* para cada uno de los valores del intervalo elegido, si alguno de éstos disminuye la función objetivo es porque está más cerca de los parámetros de corrupción, entonces se debe fijar la pendiente estimada $\hat{\xi}_n$ y el *offset* estimado $\hat{\phi}_n$ al nuevo valor en evaluación $\hat{\xi}_n^j$ y $\hat{\phi}_n^j$. Por el contrario, si el valor evaluado no produce una disminución en la función de mérito, entonces se debe dejar el valor actual que tiene la pendiente y el *offset* estimados, y seguir con los demás valores del intervalo. La función de mérito disminuirá gradualmente cuando en cada uno de los puntos del intervalo j se evalúen, y de éstos se escoja el que produce la menor función de mérito. Una semilla para este algoritmo puede ser impuesta en los valores iniciales de $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\phi}_n$.

El proceso de cálculo debe repetirse para cada una de las N líneas A , de forma que al terminar la iteración en curso se habrán calculado nuevos valores estimados para $\hat{\phi}_n$ y $\hat{\xi}_n$. Al obtener entonces la función de mérito inicial para la siguiente iteración con nuevos valores en el intervalo j , la disminución que ha tenido la función, hará que el algoritmo únicamente varíe $\hat{\phi}_n$ y $\hat{\xi}_n$ si los valores en la iteración actual son

mejores que la anterior. La aproximación gradual entre los PS estimados hace que se almacenen los valores que mejor representan la pendiente y el *offset* del tomograma, hasta que se alcanza una convergencia por la cantidad de iteraciones que realiza el algoritmo. Los últimos valores almacenados para $\hat{\phi}_n$ y $\hat{\xi}_n$ corresponderán con aquellos que mejor representan el mapa de corrupción del tomograma y se espera que así se pueda corregir la fase. Los pasos que sigue el algoritmo de optimización de fase se describen en el Algoritmo 2.

Algoritmo 2 Implementación del algoritmo optimización de fase.

Entrada: tomograma corrupto $F_n(z)$, estimación del PS $\zeta^\dagger(k)$, número de iteraciones y valores a evaluar j , semilla $\hat{\xi}_n$ y $\hat{\phi}_n$.

Inicio: Evaluar cada valor de j en todas las iteraciones.

Para valores j hasta completar iteraciones

Fijar valores de j **hacer**

Calcular $\min[L(\hat{\xi}_n, \hat{\phi}_n)]$ con semilla.

Para cada línea A $n \in N$

Evaluar valores de $\hat{\xi}_n^j$ y $\hat{\phi}_n^j$ en j .

Para todo valor en j **hacer**

Calcular $\hat{F}_n(z)$ con Eq. 4.5 **luego**

Calcular $\hat{\zeta}(k)$ con Eq. 4.9 **luego**

Evaluar $L(\hat{\xi}_n^j, \hat{\phi}_n^j)$

Si $L(\hat{\xi}_n^j, \hat{\phi}_n^j) < \min[L(\hat{\xi}_n, \hat{\phi}_n)]$ **entonces**

Fijar Nuevos valores estimados

$\min(L(\hat{\xi}_n, \hat{\phi}_n)) = L(\hat{\xi}_n^j, \hat{\phi}_n^j)$, $\hat{\phi}_n = \hat{\phi}_n^j$, $\hat{\xi}_n = \hat{\xi}_n^j$

FinSi

FinPara

FinPara

Pasar a siguientes valores de j .

FinPara

Salida: Retornar $\hat{\xi}_n, \hat{\phi}_n$.

4.4.2. Simulaciones

Para probar el algoritmo propuesto, se emplearon los datos de la simulación presentada en la Sección 4.2.1 y se le agregó al tomograma mapas de corrupción con

diferentes rangos aleatorios del *offset* y la pendiente para evaluar los valores máximos que el algoritmo puede recuperar. Para la evaluación se emplearon $N = 32 \times 32$ líneas A con $M = 160$ muestras en profundidad y se tomó como PS promedio objetivo $\zeta^\dagger(\mathbf{k})$ el calculado con los datos antes de aplicar la corrupción, adicionalmente, el rango de *offsets* y pendientes estimados se varió gradualmente entre iteraciones en 4, 8, 16, 32, 64, 128 y 256 muestras de un intervalo de 2π .

La evaluación de escalas bajas para los valores aleatorios del mapa de corrupción, entre 0 y π , mostraron resultados satisfactorios en el tomograma con fase corregida. Para discutir esto, en la Fig. 4-3 se presenta la evolución del PS con respecto a las iteraciones del algoritmo y en la Fig. 4-4 se comparan las fases obtenidas para un mapa de corrupción con valores de *offset* y pendiente distribuidos en un rango de π . En el caso de los espectros de potencia, se observa en la Fig. 4-3(a) que cuando no hay corrupción de fase sigue una distribución gaussiana con pocas componentes de altas frecuencias, mientras que cuando se aplica la corrupción, se ven más componentes de frecuencias altas pero se observan características gaussianas [Fig. 4-3(b)], en este caso, la función de mérito inicial correspondía a 745, siendo esta la máxima diferencia.

Con las evaluaciones de la pendiente y el *offset* la distribución aleatoria de la corrupción lentamente se acerca a la del tomograma no corrupto, como lo ilustran las Figs. 4-3(c) y 4-3(d), tomadas después de dos y cuatro iteraciones respectivamente. Luego de finalizar la optimización, se alcanzó el PS que se muestra en la Fig. 4-3(d), en donde la función de mérito tuvo un valor de 55 y se aprecia la mejora que hay en el espectro corregido. La comparación de las fases permitió concluir que en este caso la reconstrucción corrige de manera acertada la corrupción añadida previamente, ya que como se presenta en la Fig. 4-4(c), la fase corregida por el algoritmo mejora los problemas que presenta la fase corrupta [Fig. 4-4(b)] respecto a la fase sin corrupción [Fig. 4-4(c)].

Sin embargo, al incrementar la escala de los valores aleatorios para el *offset* y la pendiente hasta un rango de 2π , se notó que el algoritmo no lograba encontrar de manera óptima la solución. En las Figs. 4-5 y 4-6 se presenta la comparación de los PS y las fases respectivamente cuando los valores aleatorios adquieren cualquier número

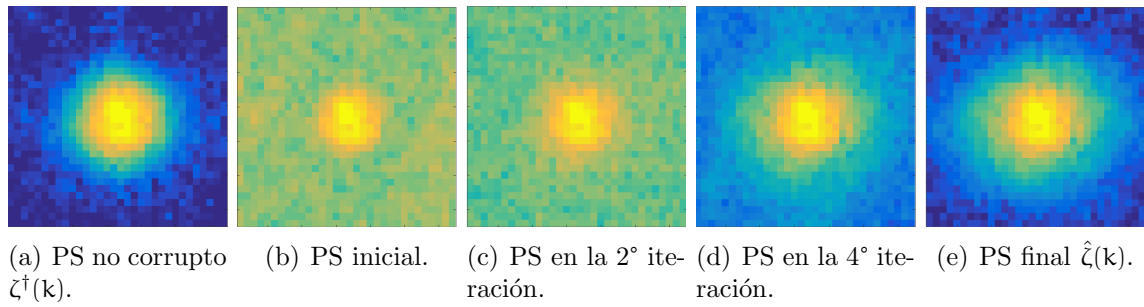


Figura 4-3: PS obtenidos en diferentes iteraciones del algoritmo para una corrupción aleatorio en un rango de π . (a) PS no corrupto, (b) PS inicial para el algoritmo, como la corrupción no es de 2π , se observan características gaussianas en el haz; (c) PS recuperado en la 2ª iteración del algoritmo, (d) PS en la 4ª iteración del algoritmo, y (e) PS final calculado.

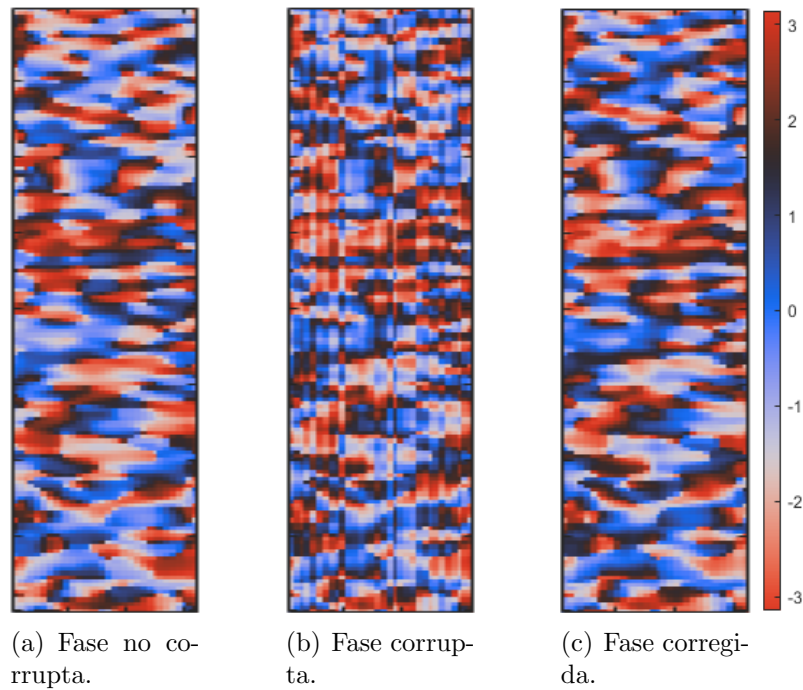


Figura 4-4: Comparación de las fases sin corrupción (a) y con corrupción (b), respecto a la corregida (c) para una escala de corrupción de π . Nótese que pueden haber saltos de fase globales que no son perceptibles por el algoritmo.

entre 0 y 2π . En este caso, los PS muestran algunas diferencias significativas luego de la corrección, esto se aprecia al comparar el PS promedio final recuperado [Fig. 4-5(e)] con respecto al PS promedio sin corrupción [Fig. 4-5(a)], de la misma manera, los PS en la segunda y cuarta iteración en las Figs. 4-5(c) y 4-5(d) respectivamente exhiben que el algoritmo parece converger a un mínimo local. Al evaluar la función

de mérito, su valor inicial era de 1140, mientras que en la última iteración se logró un valor mínimo de 420. El análisis de las fases antes [Fig. 4-6(b)] y después de la corrección [Fig. 4-6(c)] manifestaron una fase corregida parcialmente, en donde todavía se evidencia elementos aleatorios asociados con la corrupción al compararlos con el tomograma limpio [Fig. 4-6(a)].

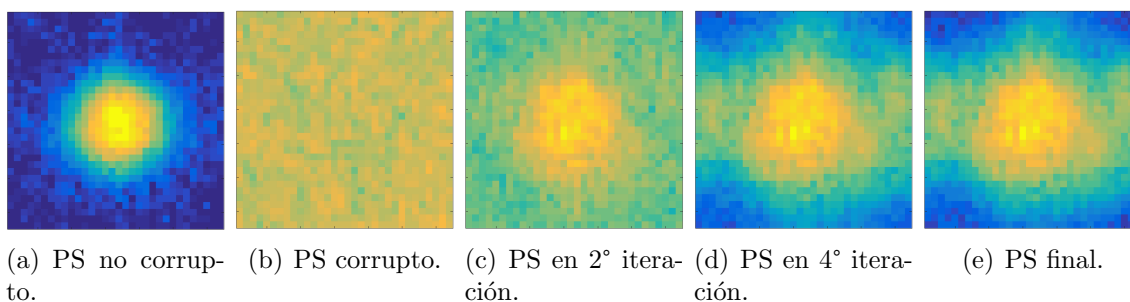


Figura 4-5: PS obtenidos en diferentes iteraciones del algoritmo para una corrupción aleatorio en un rango de 2π . En este caso, no hay una buena estimación por parte del algoritmo.

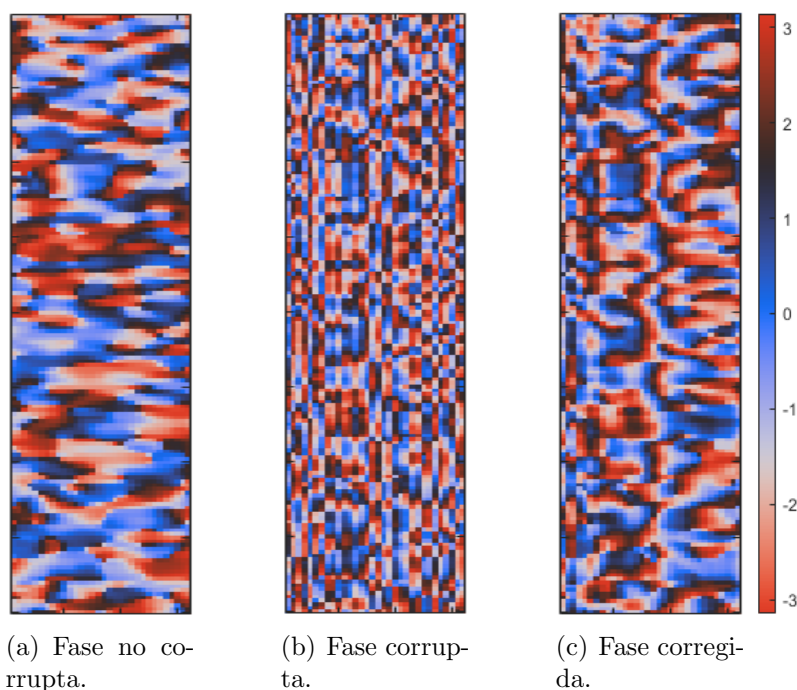


Figura 4-6: Comparación de las fases sin corrupción (a) y con corrupción (b), respecto a la corregida (c) para una escala de corrupción de 2π . Se aprecia que la fase corregido aún posee elementos de corrupción.

La evaluación de los distintos rangos de corrupción mostraron que el algoritmo

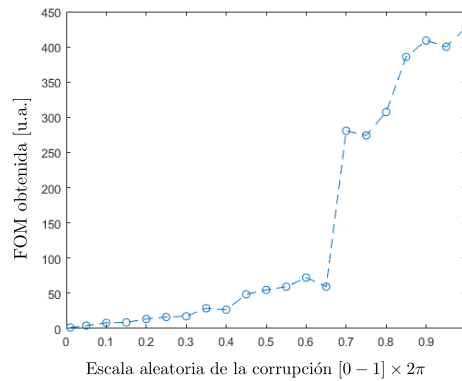


Figura 4-7: Función de mérito (FOM) final a partir de escala de corrupción, hasta un valor máximo de $0,65 (1,3\pi)$ la FOM es menor a 100, indicando la convergencia del algoritmo, sin embargo, no mejora la reconstrucción luego de este valor.

funciona para valores del *offset* y la pendiente inferiores a $1,3\pi$, en donde los resultados sugieren que el algoritmo converge a un mínimo local, la comparación de la función de mérito (FOM) obtenida contra la escala de los valores aleatorios de la pendiente y el *offset* se presenta en la Fig. 4-7. Allí se observa que la solución final del algoritmo tiene una función de mérito superior a 100 en donde su funcionamiento no es el esperado. Esta evaluación, permitió definir que un rango de valores de la función de mérito final entre $[0 - 60]$ producen una buena aproximación para el algoritmo, por el contrario, si la función de mérito final supera ≈ 100 sugiere que la solución está en un mínimo local, y por ende, no hay una buena reconstrucción del mapa de corrupción. Aun así, creemos que este resultado puede mejorarse si hay una semilla que le indique al algoritmo algunos de los valores de la pendiente y el *offset* en la solución, puesto que como lo muestran las escalas bajas el algoritmo funciona ante corrupciones inferiores a $1,3\pi$. Para mejorar este problema, se sugiere entonces realizar un cálculo previo de una semilla y se plantea un nuevo método para evaluar cada línea A, buscando con esto extender el funcionamiento del algoritmo hasta aquellos rangos aleatorios cercanos a 2π , valores que se esperan en los problemas experimentales.

4.4.3. Una semilla para el algoritmo

En vista de que el algoritmo propuesto se basa en una optimización para encontrar las pendientes y los *offset* del tomograma corrupto, es susceptible a encontrar mínimos

locales como solución, sin embargo, es posible indicar una semilla que sea el punto de partida para prevenir estos problemas. Se propone obtener un cálculo previo de las pendientes $\hat{\xi}_n$ y los *offset* $\hat{\phi}_n$ para dar una semilla, y que finalmente el algoritmo encuentre los parámetros optimizados. La propuesta está inspirada en el trabajo de Hong *et. al.* [10], en donde calculan los parámetros de corrupción en un proceso de estabilización de dos pasos, primero una corrección mediante la correlación entre líneas A adyacentes, y posteriormente un ajuste de los saltos de fase residuales. La idea es emplear el primer paso del algoritmo de Hong *et. al.* para realizar una estimación inicial de el *offset* y la pendiente, y finalmente, se realizará el proceso de optimización mencionado anteriormente para recuperar el tomograma sin corrupción.

Para calcular la semilla del algoritmo, asumiremos que dadas las características de las muestras analizadas por OFDI la fase entre dos líneas A adyacentes $F_n(z)$ y $F_{n+1}(z)$ no presenta variaciones significativas causadas por la muestra, sino que sus diferencias son ocasionadas principalmente por la falta de sincronía entre la fuente de barrido y el fotodetector. El proceso de estimación se realiza entonces en dos etapas, primero un cálculo del *offset* y posteriormente la pendiente. Inicialmente, es necesario realizar la resta entre las fases de las dos líneas A $F_n(z)$ y $F_{n+1}(z)$ por medio del complejo conjugado [$\angle\{F_{n+1}(z) - F_n(z)\} = F_{n+1}(z)F_n^*(z)$], con $*$ la operación complejo conjugado y \angle indica la parte compleja o fase, de modo que si la fase de la muestra entre las líneas A es aproximada, solamente se tendrá la influencia del *offset* y la pendiente en $\angle\{F_{n+1}(z) - F_n(z)\}$.

El *offset* corresponde entonces al valor medio de la diferencia de fase entre las líneas A para todas las profundidades,

$$\hat{\phi}_n = \frac{1}{N} \sum_{n=2}^N \angle\{F_{n+1}(z) - F_n(z)\}. \quad (4.11)$$

Para calcularlo, se realiza una normalización de la amplitud, reemplazando la proveniente de la muestra con una ventana gaussiana para evitar que los puntos con baja intensidad aporten fases aleatorias. Además, a cada *offset* se le agregan los *offsets* de las líneas A anteriores ya que éstos son acumulativos. Por último, se realiza un

filtro paso alto para evitar errores por la acumulación de bajas frecuencias o pequeñas diferencias en la fase del objeto.

En la estimación de la pendiente, se emplea el espectro de potencia de la resta compleja de las líneas A, tomando el módulo cuadrado de su transformada de Fourier $|\mathcal{F}\{F_{n+1}(z)F_n^*(z)\}|^2$, luego se calcula la posición del pico en el espectro de potencia y se interpola su posición subpixel, para que aquellos valores inferiores a 2π sean considerados. Con esto, se ha calculado la diferencia de pendientes entre las líneas A, para tener el valor de la pendiente de cada línea es necesario sumarle a cada una la pendiente calculada para todas las anteriores, y realizar un filtro paso alto para evitar la acumulación de errores de baja frecuencia.

Para evaluar cada una de las líneas A que conforman el tomograma se propone comenzar con los puntos extremos xy durante las primeras iteraciones e incrementar la cantidad de puntos evaluados gradualmente hasta que la totalidad de las líneas A sean calculadas. La razón para hacerlo en este orden, es que al aplicar las máscaras gaussianas antes de tomar las transformadas de Fourier en XY aquellos puntos tienen bajos valores de amplitud, y es justamente en estos puntos, donde el algoritmo tiende a estar alejado de sus valores reales. Al evaluarlos múltiples veces en cada iteración, se estima primero sus parámetros de corrupción y como la información se añade gradualmente, estos puntos tenderán a aproximarse mejor a los parámetros reales.

Con este nuevo esquema de estimación de la semilla y evaluación de las líneas A se consiguió mejorar el algoritmo para emplearse en el caso de valores aleatorios de pendiente y *offset* en un rango de 2π , ya que como se esperaba, comenzar en una aproximación al resultado mejora notoriamente el desempeño del algoritmo. La comparación del PS recuperado y la fase corregida para variaciones del *offset* y la pendiente en un rango de 0 a 2π con la semilla del algoritmo se presentan en la Fig. 4-8 y la Fig. 4-9 respectivamente, para un volumen conformado por $N = 64 \times 12$ líneas A y $M = 160$ muestras de z .

En la Fig. 4-8(a) se presenta el PS promedio inicial producido por el tomograma sin corrupción, su apariencia achatada se debe a que hay muchos más datos sobre uno de los ejes, la Fig. 4-8(b) es el PS promedio obtenido con el tomograma corrupto,

la Fig. 4-8(c) es el PS promedio luego de aplicar la semilla, nótese que ésta es muy similar a la corrupta, sin embargo, los valores de fase varían lo suficiente para dar un punto de partida para el algoritmo. La PS final luego de las 125 iteraciones con el nuevo procedimiento planteado se muestra en la Fig. 4-8(d), en donde se omitieron de manera gradual $\{8 \times 4, 6 \times 3, 4 \times 2, 2 \times 1, 0 \times 0\}$ líneas A, y en cada uno de esos saltos se valuaron intervalos de $\{6, 7, 9, 11, 13\}$ divisiones de 2π . La función de mérito en este caso, tuvo un valor inicial de 1411 y un valor final de 51, el menor obtenido hasta ahora con el algoritmo. La comparación de los resultados, muestra que la reconstrucción presenta unas diferencias que se deben a que todavía no se ha terminado de obtener los mapas de corrupción exactos, a causa de que las evaluaciones discretas que realiza el algoritmo no permite tener valores que requieren alta precisión. Este problema se podría solucionar si se hace la evaluación de más puntos en el intervalo j .

Por último, en la Fig. 4-9(a) se presenta la fase del tomograma sin corrupción, mientras que la Fig. 4-9(b) corresponde a la fase corrupta, la Fig. 4-9(c) es la fase con la semilla al iniciar el algoritmo y la Fig. 4-9(d) es la fase corregida con la pendiente y el *offset* obtenidos, a esta fase se le aplicó un corrimiento de $0,7\pi$ global ya que un corrimiento en toda la fase no es detectable por el algoritmo. Los resultados de la fase muestran que mediante el procesamiento del volumen, la aplicación de la corrupción inversa encontrada mejora notoriamente la fase inicial del tomograma, fuertemente alterada. La fase ilustra la eliminación de la corrupción casi en su totalidad, excepto en algunas pequeñas regiones en donde la estimación no arrojó valores completamente acertados, ya que finalmente, estamos realizando una aproximación al mapa de corrupción. Estos resultados muestran que el algoritmo es capaz de recuperar cualquier corrupción con pendientes aleatorias y *offsets* aleatorios en un rango de 0 a 2π , se espera que este rango sea suficiente para corregir la falta de sincronía entre la fuente y el detector, en donde un desfase superior a un ciclo indicaría que la pendiente es mayor a 2π .

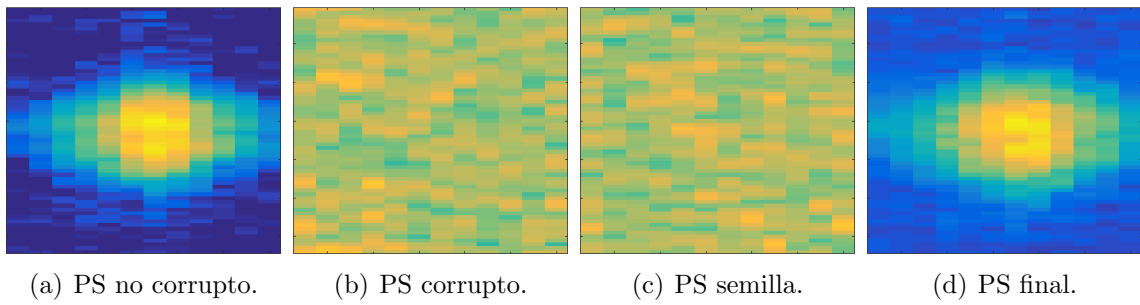


Figura 4-8: PS obtenidos en diferentes iteraciones del algoritmo para una corrupción aleatorio en un rango de 2π con las mejoras propuestas. Se observa que hay una mejora notable en la reconstrucción que realiza el algoritmo, esto se refleja en la disminución del mínimo en la función de mérito.

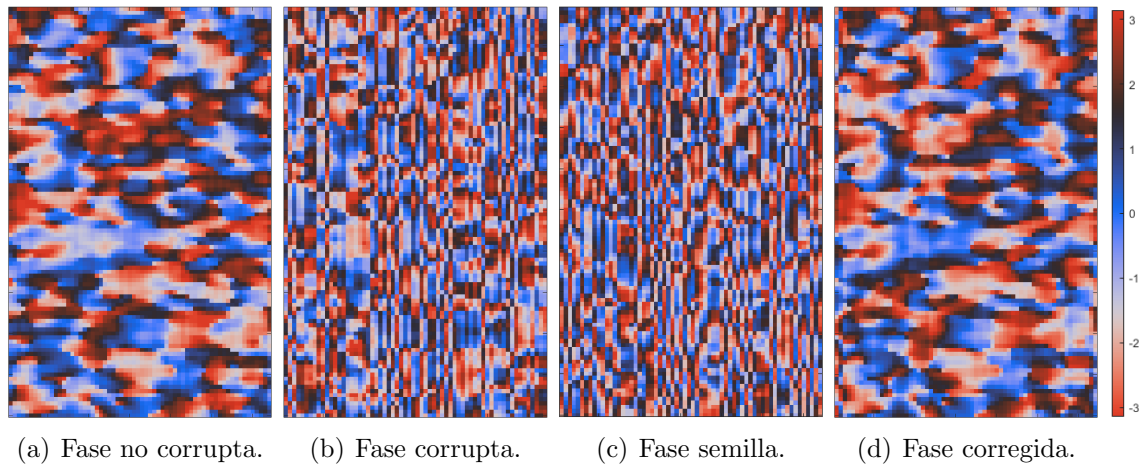


Figura 4-9: Comparación de las fases sin corrupción (a) y con corrupción (b), en la semilla del algoritmo y (d) corregida, para valores aleatorios de 2π . A la fase corregida se le aplicó un corrimiento de fase global que no es detectable. La fase corregida en este caso, sigue un comportamiento muy similar a la fase sin corrupción.

4.5. Resultados experimentales preliminares

Con respecto al algoritmo para recuperar el mapa de corrupción a partir de la optimización de la fase, se tienen resultados experimentales preliminares, que reflejan el funcionamiento del algoritmo con datos provenientes de un sistema de OFDI. No obstante, los resultados presentados en esta sección se encuentran todavía en procesamiento, y son la ilustración de los problemas que esperamos poder mejorar antes de aplicar el procedimiento propuesto en un tomograma entero. Para las pruebas experimentales, se utilizaron los datos provenientes del cerebro de ratón obtenidos con

OCT luego del procedimiento de *blanqueado* y escaneo mediante OFDI descrito en detalle en la Sección 3.5.2. Otro problema que tienen los datos del escaneo del cerebro con OFDI, además del ruido por *speckle* ya mencionado, es que la información de fase se pierde por la falta de sincronía, que genera corrupciones en la fase. En este caso, la fase es particularmente interesante, ya que como lo ha demostrado Chen *et. al.* [16], OCT tiene el potencial de develar actividad cerebral. Este procedimiento podría realizarse mediante mediciones de flujo, que como se ha mencionado dependen de la fase que presenta problemas ligados a la instrumentación. En este caso, se utilizó un recorte de las sinapsis del cerebro de $300 \times 64 \times 20$, en donde se ha tomado parte de la profundidad del cerebro de ratón que se encuentra por fuera de la región focal, y se han considerado algunos escaneos B que contienen información relevante de las sinapsis.

Para el cálculo se empleó el procedimiento descrito en la Sección 4.4.3, con los parámetros allí especificados. Pese a que no conocemos el tomograma sin corrupción, más que interesados en el valor inicial y final de función de mérito, nos centramos en los cambios que se producen en ésta, en donde se partió de un valor de 1913 y se obtuvo un mínimo con un valor de 750. Los resultados obtenidos para el PS promedio tomando las respectivas transformadas de Fourier se presentan en la Fig. 4-10. La Fig. 4-10(a) presenta la PS no corrupta propuesta, como se sugirió anteriormente, se ha tomado una función gaussiana. La Fig. 4-10(b) corresponde al espectro de potencia inicial del tomograma, en donde se observa la presencia de frecuencias distribuidas casi aleatoriamente. En la Fig. 4-10(c) se expone la PS luego de realizar el proceso de obtención de semilla sugerido, nótese que en este caso la información del haz gaussiano empieza a aparecer, y en este punto comienza el algoritmo de optimización de fase. Posteriormente al procedimiento planteado, con un tiempo de procesamiento total de 6,3 horas, se obtuvo el PS *enfocado* que se presenta en la Fig. 4-10(d), en donde se aprecia la mejora sustancial que ha tenido el espectro de potencia sobre el plano XY. La presencia de algunas frecuencias altas se debe a que tanto la muestra como el ruido producen frecuencias que no se consideran en el espectro propuesto $\zeta^\dagger(\mathbf{k})$, y por ende, éstas no son calculadas por el algoritmo. Ésta figura sugiere que la

reconstrucción del algoritmo fue satisfactoria en la mayor parte de las líneas A, sin embargo, dada la presencia de algunas altas frecuencias, habrán líneas A que todavía poseen algún grado de corrupción. Una posible explicación a esto, es que el algoritmo finalmente aproxima la solución para una pendiente inferior a 2π , y probablemente el sistema de medida pudo sufrir desfases mayores a esta magnitud. Este problema podría solucionarse incrementando el rango de valores evaluados en la pendiente.

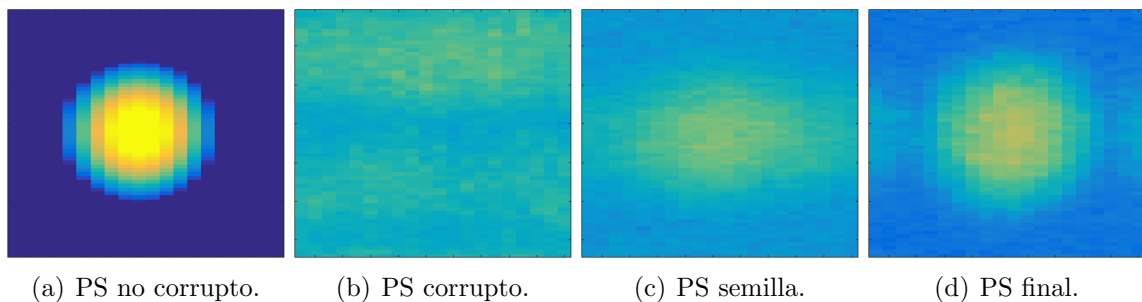


Figura 4-10: Comparación de espectros de potencia obtenidos empleando el algoritmo de optimización de fase con datos experimentales, se tomaron los datos provenientes del cerebro de ratón. Se observa la mejora significativa en el PS producido por los datos corregidos con respecto a los iniciales.

Finalmente, la comparación de las fases para un escaneo B del subvolumen se presenta en la Fig. 4-11, en donde la Fig. 4-11(a) presenta la intensidad del escaneo B comparado, la Fig. 4-11(b) es la fase inicial del escaneo B, en donde claramente se aprecia la corrupción de fase; la Fig. 4-11(c) corresponde a la fase corregida en la semilla del algoritmo, y finalmente, la Fig. 4-11(d) presenta la fase de emplear el algoritmo con los parámetros descritos. La comparación de la fase permite ver cómo en la semilla del algoritmo, ya hay una mejora significativa con respecto al tomograma corrupto, no obstante, se observa la presencia de algunos elementos de corrupción remanentes que posteriormente son corregidos en su gran mayoría por la optimización planteada.

Nótese que en la región focal de la imagen, hacia la parte central, la fase presenta un comportamiento *suave*, como el observado en las simulaciones, mientras que las regiones por fuera de la zona focal continúan teniendo problemas de corrupción. Estos errores que se presentan en la fase corregida, pueden ser ocasionados porque

no se ha considerado que los haces gaussianos por fuera de la región focal tienen un desenfoque intrínseco, relacionado con las propiedades de este tipo de haz. Su consideración probablemente mejore notoriamente el resultado obtenido. Con respecto a la región focal de la imagen, en la banda central, es la misma región con la cual se realizó el filtrado del ruido por *speckle* y es donde mejor se tiene una fase bien comportada que muestra un buen resultado inicial por parte de la optimización. Se espera poder mejorar este resultado empleando más líneas A del volumen, así como la consideración de más características relacionadas con el sistema experimental y que no se han realizado en estas pruebas preliminares, sin embargo, esto se plantea como trabajo futuro relacionado con la estabilización de la fase.

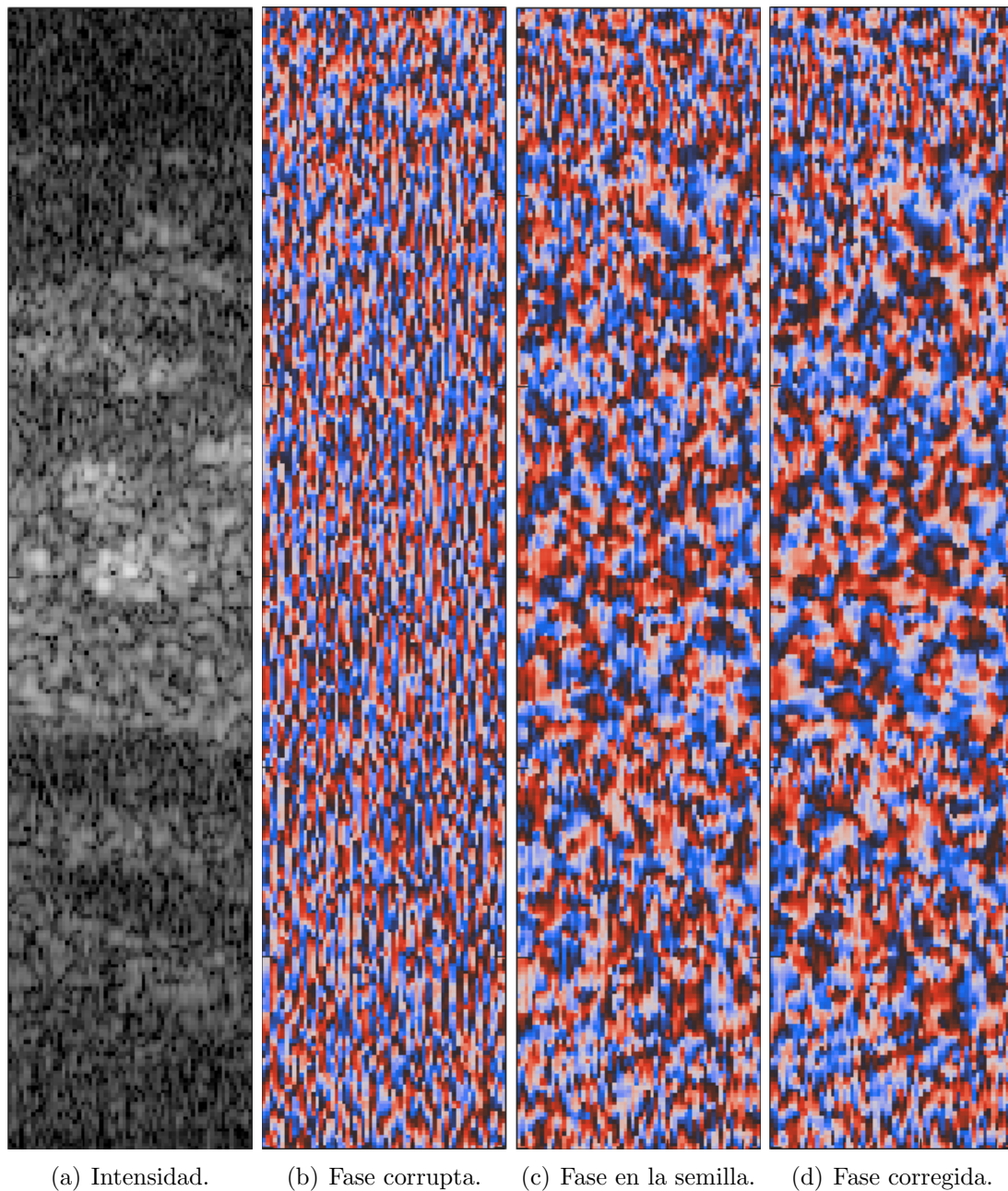


Figura 4-11: Comparación de las fases obtenidas con los datos experimentales provenientes del cerebro de ratón. La corrupción de la fase inicial se corrige en gran parte al evaluar la semilla, sin embargo, con el algoritmo de optimización se termina de mejorar este resultado. Las imágenes muestran que la región focal es donde la reconstrucción tiene un mejor comportamiento, esto puede estar relacionado con la región focal del haz.

Referencias

- [1] B. Golubovic, B. Bouma, G. Tearney, and J. Fujimoto. Optical frequency-domain reflectometry using rapid wavelength tuning of a cr4+:fosterite laser. *Opt. Lett.*, **22**:1704–1706, 1997. [132](#)
- [2] S. Chinn, E. Swanson, and J. Fujimoto. Optical coherence tomography using a frequency-tunable optical source. *Opt. Lett.*, **22**:340–342, 1997. [132](#)
- [3] W. Drexler and J. Fujimoto. *Optical Coherence Tomography: Technology and Applications*. Springer Reference, 2016. [132](#), [133](#), [134](#)
- [4] B. Vakoc, S. Yun, J. de Boer, G. Tearney, and B. Bouma. Phase-resolved optical frequency domain imaging. *Optics Express*, **13**(14):5483–5493, 2005. [132](#), [133](#), [134](#)
- [5] R. Leitgeb, C. Hitzenberger, and A. Fercher. Performance of fourier domain vs. time domain optical coherence tomography. *Optics Express*, **11**:889–894, 2003. [133](#)
- [6] M. Choma, M. Sarunic, C. Yang, and J. Izatt. Sensitivity advantage of swept source and fourier domain optical coherence tomography. *Optics Express*, **11**:2183–2189, 2003. [133](#)
- [7] Y. Zhao, Z. Chen, C. Saxer, S. Xiang, J. de Boer, and S. Nelson. Phase-resolved optical coherence tomography and optical doppler tomography for imaging blood flow in human skin with fast scanning speed and high velocity sensitivity. *Optics Letters*, **25**(2):114–116, 2000. [133](#)

-
- [8] E. Brinkmeyer and R. Ulrich. High-resolution ocdt in dispersive wave-guides. *Electron. Lett.*, **26**:413–414, 1990. [134](#)
- [9] W. Choi, B. Potsaid, V. Jayaraman, B. Baumann, I. Grulkowski, J. Liu, C. Lu, A. Cable, D. Huang, J. Duker, and J. Fujimoto. Phase-sensitive swept-source optical coherence tomography imaging of the human retina with a vertical cavity surface-emitting laser light source. *Optics Letters*, **38**(3):338–340, 2013. [134](#)
- [10] Y. Hong, S. Makita, F. Jaillon, M. Ju, E. Min, B. Lee, M. Itoh, M. Miura, and Y. Yasuno. High-penetration swept source doppler optical coherence angiography by fully numerical phase stabilization. *Optics Express*, **20**(3):2740–2760, 2012. [134](#), [151](#)
- [11] G. Liu, O. Tan, S. Gao, D. Pechauer, B. Lee, C. Lu, J. Fujimoto, and D. Huang. Postprocessing algorithms to minimize fixed-pattern artifact and reduce trigger jitter in swept source optical coherence tomography. *Optics Express*, **23**(8):9824–9834, 2015. [134](#)
- [12] M. Boneasi, M. Minneman, Ensher J, B. Zabihian, H. Sarttmann, P. Boschert, E. Hoover, R. Leitgeb, M. Crawford, and W. Drexler. Akinetic all-semiconductor programmable swept-source at 1550nm and 1310nm with centimeters coherence length. *Optics Express*, **22**(3):2632–2655, 2015. [134](#)
- [13] D. Adler, R. Huber, and J. Fujimoto. Phase-sensitive optical coherence tomography at up to 370000 lines per second using buffered fourier domain mode-locked lasers. *Optics Letters*, **32**(6):626–628, 2007. [134](#)
- [14] I. Vellekoop and P. Mosk. Focusing coherent light through opaque strongly scattering media. *Optics Letters*, **32**(16):2309–2311, 2007. [139](#), [140](#), [141](#), [144](#)
- [15] M. Cui. Parallel wavefront optimization method for focusing light through random scattering media. *Optics Letters*, **36**(6):870–872, 2011. [139](#)

-
- [16] Y. Chen, A.D. Aguirre, L. Ruvinskaya, A. Devor, D.A. Boas, and J.G. Fujimoto. Optical coherence tomography (oct) reveals depth-resolved dynamics during functional brain activation. *J. Neurosci. Methods*, **178**:162–173, 2009. [155](#)

Capítulo 5

Conclusiones y trabajo futuro

5.1. Respecto a los objetivos específicos

En relación con los cinco objetivos planteados al comienzo del trabajo de grado, se desarrollaron cada uno de ellos de manera satisfactoria. Comenzando por los conceptos básicos adquiridos durante la elaboración del estado del arte y el entendimiento de una gran parte de los conceptos que se trabajan para obtener un tomograma en OCT. El estado del arte presentado es un compendio de información que se ha orientado al público genérico, sin conocimiento previo del tema. Para la profundización de los conceptos se dejan referencias bibliográficas de las diferentes áreas que abarca OCT.

El entendimiento de estos conceptos se aplica en un sistema óptico diseñado y puesto en funcionamiento con los elementos disponibles en el laboratorio, siendo éstos de uso genérico y no especializados para OCT. Pese a las dificultades que hubo en el montaje, se logró recrear un sistema de OCT de campo completo en donde se analizaron los procedimientos básicos que se llevan a cabo en OCT. Este sistema de prueba cumple la función de vislumbrar los primeros pasos para la generación de un sistema a nivel clínico, con esto se da por culminado el segundo objetivo específico.

Con la comprensión del funcionamiento de las diferentes modalidades de OCT y sus limitaciones se plantearon dos técnicas de posprocesamiento fundamentadas en los aspectos físicos que reúne OCT y que gracias a ello, les da versatilidad entre distintas aplicaciones. Estos dos aportes al posprocesamiento de datos en OCT, alcanzan lo

esperado en el cuarto objetivo específico, referente a la aplicación de conceptos para encontrar problemas asociados a la fase medida en OCT.

Para llevar a cabo las pruebas del algoritmo de optimización para encontrar la corrupción en la fase de un tomograma, fue necesaria la simulación de un volumen capturado mediante OCT. En adición a esto, fue necesario añadir elementos de corrupción de fase, que finalmente era lo que se esperaba reconstruir. Esta implementación en conjunto con las pruebas realizadas con el algoritmo de filtrado, obedecen a la meta planteada en el tercer objetivo, siendo éste básicamente la simulación de los datos de OCT.

Por último, la validación de los algoritmo en datos provenientes de OCT aplicado a pacientes y en nuevas tecnologías de OCT muestran la utilidad de los métodos planteados, sopesados por resultados satisfactorios en las pruebas experimentales. Con esto, se cumple el último de los objetivos del trabajo de grado.

5.2. Sobre los resultados obtenidos y las propuestas

Con respecto a los resultados obtenidos, se plantean dos nuevos métodos de post-procesamiento para OCT, que buscan solventar problemas actuales mejorando los resultados obtenidos por otros autores hasta la fecha. Las técnicas en conjunto forman una estrategia robusta para el análisis de datos, de hecho, estos procedimientos ya tienen una aplicación conjunta y nueva para OCT, en donde se ha visto su alto potencial para resolver parte de los problemas que presentan las técnicas de imagen óptica y que actualmente se extienden gracias al desarrollo de nuevos procedimientos que permiten solucionar dichos problemas.

NL-Means-OCT recoge los conceptos del *NL-Means* tradicional, los modifica para hacerlos empleables en ruido por *speckle* y adicionalmente, extiende las características del filtrado para considerar los datos de OCT de manera integral, siendo una combinación de los casos 2D y 3D planteados para el algoritmo. Entre las características

más sobresalientes de *NL-Means-OCT* tenemos la influencia casi nula del movimiento al momento de captura de datos, así como su conservación de estructuras finas volumétricas.

El método de recuperación de la corrupción de fase por optimización, recoge los conceptos planteados hasta el momento por diversos autores para la corrección de este problema, y modela desde un punto de vista de la optimización el problema real que se tiene en la captura de datos para OCT. Con este modelo se extienden las propuestas actuales a una forma más robusta basada en el conocimiento de las características que tienen los datos de OCT.

Finalmente, el sistema óptico implementado a nivel del laboratorio posibilita el inicio de actividades académicas en pro del involucramiento de la comunidad científica colombiana en OCT. De hecho, en este mismo montaje ya se ha visto involucrado un estudiante a nivel de pregrado, que se espera continúe con parte del desarrollo de esta área.

5.3. Trabajo futuro

Como trabajo futuro se proponen modificaciones sobre el sistema experimental implementado en el laboratorio, buscando reemplazar la cámara empleada por un espectrómetro, que permita realizar medidas de OCT en el dominio frecuencial, en donde se ha visto que la técnica funciona mejor. Asimismo, el diseño de un sistema de desplazamiento que permita moverse más de $20\mu\text{m}$, rango máximo que permite el piezoeléctrico usado actualmente.

Con relación a *NL-Means-OCT* se propone mejorar el código con la implementación computacional, ya que actualmente está realizado en MATLAB sin considerar posibles lenguajes optimizados para calcular información en paralelo, lo que reduciría notablemente el tiempo de computo.

Con respecto a la optimización de la fase, se propone realizar más pruebas experimentales, con diferentes conjuntos de datos, ya que probablemente hayan ventajas o inconvenientes en su implementación que aun no se hayan distinguido.